



د پوهنې وزارت

د تعلیمي نصاب او د ښوونکو د روزنې

معینیت

د تعلیمي نصاب د پراختیا او

درسي کتابونو د تالیف عمومي ریاست

د ریاضي د ښوونکي لارښوود

۷ ټولگی



د درسي کتابونه د پوهنې په وزارت پورې اړه لري،

په بازار کې يې اخیستنه او خرڅونه په کله منع ده.

له سر غړوونکو سره قانوني چلند کيږي.



د پوهنې وزارت

د تعلیمي نصاب، د ښوونکو د روزنې او د ساینس مرکز معینیت

د تعلیمي نصاب د پراختیا او درسي کتابونو د تالیف لوی ریاست

د ریاضی د ښوونکي لارښود

اووم ټولگي

د چاپ کال : 1396 هـ. ش



مولفان:

- پوهنيار عبيدالله صافي د تعليمي نصاب د پراختيا او د درسي کتابونو د رياضي متخصص.
- محمد يوسف باجوري د تعليمي نصاب د پراختيا او د درسي کتابونو د رياضي ديپارتمنت غړی.
- عبدالکبير د تعليمي نصاب د پراختيا او د درسي کتابونو د تاليف د رياضي ديپارتمنت غړی.

علمي او مسلکي اديت:

- حبيب الله راحل د پوهنې د وزارت سلاکار د تعليمي نصاب د پراختيا او د درسي کتابونو په رياست کې.
- پوهنيار عبيدالله صافي د تعليمي نصاب د پراختيا او د درسي کتابونو د رياضي ديپارتمنت غړی.

ژبي اديتوران:

- آقا محمد گړندی د تعليمي نصاب د پراختيا او د درسي کتابونو د پښتو ديپارتمنت غړی.

محمد قاسم هيله من

د ديني، سياسي او کلتوري کمیته:

- ډاکتر عطاء الله واحدیار د پوهنې وزارت ستر سلاکار او د نشراتو رئیس.
- حبيب الله راحل د پوهنې د وزارت سلاکار د تعليمي نصاب د پراختيا په لوی رياست کې.

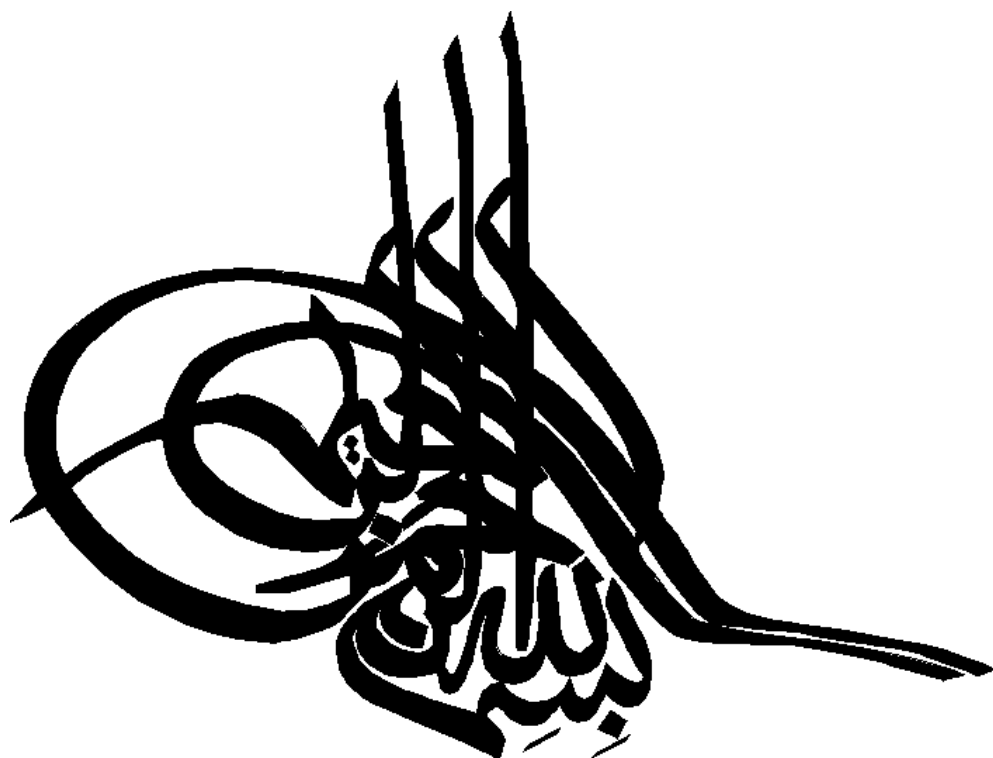
د څارنې کمیته:

- دکتور اسدالله محقق د تعليمي نصاب، د ښوونکو د روزنې او د ساينس مرکز معين
- دکتور شیر علي ظریفی د تعليمي نصاب د پراختيا د پروژې رئیس
- د سرمولف مرستیال عبدالظاهر گلستاني د تعليمي نصاب او پراختيا درسي کتابونو د تاليف لوی رئیس

دیزاین:

- محمد اشرف امین







ملي سرود

دا وطن افغانستان دی	دا عزت د هر افغان دی
کور د سولې کور د تورې	هر بچی یې قهرمان دی
دا وطن د ټولو کور دی	د بلوڅو د ازبکو
د پښتون او هزاره وو	د ترکمنو د تاجکو
ورسره عرب، گوجر دي	پامپریان، نورستانیان
براهوي دي، قزلباش دي	هم ایماق، هم پشه یان
دا هیواد به تل ځلېږي	لکه لمر پر شنه آسمان
په سینه کې د آسیا به	لکه زړه وي جاویدان
نوم د حق مودی رهبر	وایو الله اکبر وایو الله اکبر



بسم الله الرحمن الرحيم

د پوهنې د وزیر پیغام

گرانو استادانو او ښوونکو،

ښوونه او روزنه د هر هېواد د پراختیا او پرمختګ بنسټ جوړوي. تعلیمي نصاب د ښوونې او روزنې مهم توکی دی چې د علمي پرمختګ او ټولنې د اړتیاوو له مخې چمتو کېږي. څرګنده ده چې علمي پرمختګ او ټولنیزې اړتیاوې تل د بدلون په حال کې وي. له دې امله لازمه ده چې تعلیمي نصاب هم د وخت له غوښتنوسره سم علمي او رغنده پراختیا ومومي. البته نه ښايي چې تعلیمي نصاب د سیاسي بدلونونو او د اشخاصو د نظریو او هیلو تابع شي.

د ښوونکي د لارښود د کتاب چې نن ستاسو په لاس کې دی، پر همدې بنسټ چمتو او ترتیب شوی دی. د تدریس د نویو میتودونو له مخې فعالیتونه او معلوماتي مواد په کې ورزیات شوي دي چې په ډاډ سره به د زده کړې په بهیر کې د زده کوونکو د فعال ساتلو لپاره ګټور او اغېزمن وي.

هیله من یم د دې کتاب منځپانګه، چې د فعالې زده کړې د میتودونو د کارولو له لارې تالیف او چمتو شوې، ستاسو درنو استادانو د ګټې وړ وګرځي. له فرصت څخه په استفادې د زده کوونکو له میندو او پلرونو څخه غوښتنه کېږي د خپلو لوڼو او زامنو په باکیفیته ښوونه او روزنه کې پرله پسې مرسته وکړي چې په دې توګه د پوهنې د نظام موخې او هیلې ترسره شي او ځوان نسل او هېواد ته ښې پایلې او بریاوې ور په برخه کړي.

زموږ گران استادان او ښوونکي د تعلیمي نصاب په رغنده پلي کولو کې ستره دنده او دروند مسؤلیت لري. د پوهنې وزارت تل زیار کاږي چې د پوهنې تعلیمي نصاب د اسلام د سپېڅلي دین له بنسټونو او ارزښتونو، د ټولنې د څرګندو اړتیاوو، ملي ګټو او وطنپالنې له روحیې او د ساینس او تکنالوژۍ له نوو علمي معیارونو سره سم پراختیا ومومي.

ددې سترې ملي موخې د تر لاسه کولو لپاره د هېواد له ټولو علمي شخصیتونو، د ښوونې او روزنې له پوهانو او د زده کوونکو له میندو او پلرونو څخه هیله لرم چې د خپلو نظریو او رغنده ګټورو وړاندیزونو له لارې زموږ له مؤلفانو سره د درسي او د ښوونکي د لارښود د کتابونو په لا ښه تالیف کې مرسته وکړي.

له ټولو هغو پوهانو څخه، چې ددې کتاب په چمتو کولو او ترتیب کې یې برخه اخیستې او همدارنګه له ملي او نړیوالو درنو موسسو او نورو ملګرو هېوادونو څخه، چې د نوي تعلیمي نصاب په چمتو کولو او تدوین او د درسي او د ښوونکي د لارښود کتابونو په چاپ او وېش کې یې مادي یا معنوي مرسته کړې ده، مننه او درناوی کوم او د لا نورو مرستو هیله یې لرم.

ومن الله التوفيق

فاروق وردک

د افغانستان د اسلامي جمهوریت د پوهنې وزیر



1 1. لومړۍ څپرکۍ (سټ).....

د یو سټ عناصر او د سټ د لیکلو طریقې

مساوي او معادل ستونه

فرعي سټ او د ستونو تقاطع او اتحاد د دوو ستونو تفاضل، کلي سټ او د یو سټ مکمله

معین او غیر معین ستونه

د لومړي څپرکي پوښتنې

25 2. دویم څپرکۍ (طبیعی عددونه).....

د طبیعي عددونو د ویش یا تقسیم قابلیتونه او د طبیعي عددونو تجزیه، په لومړنیو عددونو تجزیه

طاقت او د طاقت قوانین

د عدد د لیکلو علمي طریقه

تر ټولو لوی مشترک قاسم، او د تجزیې په مرسته د تر ټولو لوی مشترک قاسم پیدا کول

تر ټولو کوچنی مشترک مضرب او په لومړنیو عددونو د تجزیې په واسطه د تر ټولو کوچنی مشترک مضرب پیدا کول

د ورځنۍ ژوند د مسایلو په حل کې د کوچنی مشترک مضرب او د تر ټولو لوی مشترک قاسم د استعمال ځایونه

د دوو عددونو د تر ټولو لوی مشترک قاسم او کوچنی مشترک مضرب تر منځ اړیکه، په یوه وخت کې د کوچني مشترک

مضرب او لوی مشترک قاسم پیدا کول، د یو طبیعي عدد مربع او د عدد پوره مربع جذر، او د تجزیې او عمومي طریقې په

واسطه د یو طبیعي عدد د دویم جذر پیدا کول، د طبیعي عددونو تام مکعب (دریم) جذر

د دویم څپرکي پوښتنې

77 3. دریم څپرکۍ (تام عددونه).....

مثبت او منفي عددونه

پر محور باندې د تامو عددونو ښودل

د یو تام عدد مطلقه قیمت او د تامو عددونو د جمعې، تفریق، ضرب او ویش عملیې

د حسابي افادو قیمت پیدا کول

د دریم څپرکي پوښتنې

100 4. څلورم څپرکۍ (نسبتي عددونه).....

نسبتي عددونه

د نسبتي عددونو پرتله کول

د نسبتي عددونو د جمعې، تفریق، ضرب او تقسیم (ویش) عملیې

د نسبتي عددونو د عملیو خواص

د نسبتي عددونو بدلول په اعشاري عددونو باندې

د څلورم څپرکي پوښتنې

121 5. پنځم څپرکۍ (مثلثونه او څو ضلعي مضلع گانې).....

د مثلث ډولونه (د مثلث ارتفاع، میانه، او ناصف الزاویه)



د مثلث د داخلي زاويو مجموعه

د يو مثلث د ضلعو تر منځ اړيکي

مضلع گانې (مضلعې)

د يوې مضلع د داخلي او خارجي زاويو مجموعه

انطباق منوونکي شکلونه

د مثلثونو د انطباق مننې حالتونه

د پنځم څپرکي پوښتنې

165 • شپږم څپرکي (موازي او عمود خطونه)

داخلي او خارجي متبادلي زاويې، د دوو مستقيمو کرښو د موازاتو څپرکي کله چې متبادلي زاويې سره مساوي وي

متوافقي زاويې

د يوقاطع مستقيم خط د يوې خوا داخلي متممې زاويې

څلور ضلعي گانې (متوازي الاضلاع، مستطيل، مربع، معين او ذوزنقه)

د يوې څلور ضلعي خارجي زاويې

د متوازي الاضلاع د قطرونو خاصيتونه

د مستطيل قطرونه

د معين (لوزي) قطرونه

د شپږم څپرکي پوښتنې

192 • اووم څپرکي (احصائيه)

د اطلاعاتو د راټولولو طريقې

ټولنه او نمونه

تصادفي نمونه

تصادفي متحول او ډولونه يې

د فريکونسي جدول

تصويري گراف

موډ (Mode)

اوسط (منځنۍ قيمت)

د اووم څپرکي پوښتنې

212 • اتم څپرکي (احتمالات)

د يوې پېښې پېښېدو چانس، احتمال، د يوې تصادفي پېښې تجربه، تصادفي تجربه، د نمونې فضا او نتيجه، نظري احتمال

د اتم څپرکي پوښتنې



ښوونکي ته يو څو خبرې

محترم ښوونکيه،

د رياضي دلارښود کتاب، چې د، فعالی زده کړې پر بنسټ تالیف شوی دی، یوازې د ښوونکو لپاره دی، زده کوونکو ته دې نه ورکول کیږي. دلایله تدریس او موثری زده کړې لپاره لاندې څو ټکوته ستاسو پام را اړوو.

1. ټولگی ته له ننوتلو د سلام، احوال پوښتنی، د ټولگی د تنظیم، حاضری-اخذتلو، کورنۍ دندې کتلو او د تیرلوست له ارزښایي څخه وروسته، د نوي لوست اړیکه له تیرلوست سره ټینګه او په نوی لوست پیل وکړئ د ورودی برخی پوښتنه له زده کوونکو وکړی چې هغوی پرې فکر وکړي او ځواب ووايي او که یې ونشو کولای تاسو یې پخپله ورته واضح کړئ.

2. دلوست په اړوند داسی محیطی مواد، چې ستاسو په واک کې وي. اود زده کړې لپاره مؤثروي، دلارښود له یادونې سره سم مخکې له مخکې چمتو او ټولگی ته یې راوړئ.

3. ضروری نه ده چې هر ورو په دلارښود کې د تدریس له نومول شوو میتودونه څخه کارواخلئ. کولای شئ د خپلو تجربو له مخی نورا غیزمن او ګټور میتودونه وکاروئ.

4. په دې کتاب کې د تدریس پړاوونه په علمي ډول په پام کې نیول شوي دي که په همدې ډول یی تطبیق کړئ نوزده کړه به فعاله او مؤثره شي.

5. د ځېنو موضوعګانو په اړوند اضافی معلومات ورکړ شوي دي، چې له یوې خوا په تدریس کې له تاسو سره مرسته کوي اوله بلې خوا کیدای شي چې ځېنې زده کوونکي یې په اړه پوښتنې وکړي. نو ښه دا ده چې د موضوع له تدریس څخه لومړی هغه موضوع په دلارښود کې مطالعه کړئ.

6. دیو درسي ساعت لپاره (45) دقیقې په پام کې نیول شوی دی که د تدریس د بیلابیلو پړاونو لپاره په نظر کې نیول شوی وخت زیات یا لږوه، کولای شئ په خپله خوښه یې برابر کړئ.

7. ستاسوله اساسي دندو څخه یوه داده چې په فعالیتونو کې زده کوونکو ته ډیره ونډه ورکړئ او ټول زده کوونکي په کې په برابره توګه بوخت کړئ. یوازید تکړه زده کوونکو کارکول کافی نه دي.

8. پوښتنې د زده کوونکو په مرسته د ټولگی دننه ځواب کړئ.

9. که د پوښتنو شمیر زیات و، یو شمیر یې د زده کړې د تحکیم په پړاو کې د زده کوونکو په برخه اخیستنې حل او یو شمیر یې د کورنۍ دندې په توګه زده کوونکو ته وسپارئ.

10. د څپرکو د پای پوښتنی، د هر څپرکی د پوښتنو له مخی، د زده کوونکو په فعالی ونډې اخیستنې په دوو، دریو یا څلورو ساعتونو کې ځواب کړئ.

11. څرنگه چې دا د ښوونکي کتاب دی، نو له همدې سببه د ښوونکي د نوم د تکرار د مخنيوي لپاره محترم ښوونکي مخاطب دی.





لومړۍ څپرکۍ : سټ

1-1 د سټ مفهوم

د کتاب مخ: (3) د لوست وخت: (1 درسي ساعت)

<p>هيله ده چې زده کوونکي د لوست په پای کې لاندې موخو ته ورسېږي:</p> <ul style="list-style-type: none"> • د سټ په مفهوم پوه شي. • په وین دیاگرام کې یوست وښودلي شي. • د ریاضي په مسایلو کې له سټ څخه ګټه واخیستلای شي او په پوهېدو یې د خوشحالی احساس وکړي. 	<p>1- د زده کړې موخې</p> <ul style="list-style-type: none"> - پوهنیزه - مهارتي - ذهنيتي
<p>پوښتنې او ځوابونه، ډله ییز او یو کسيز کار ...</p>	<p>2- د تدریس لارې:</p>
<p>د لوست کتاب، تخته، تخته پاک، تباشیر، هندسي بکسه او د وړودي تصویر چارټ</p>	<p>3- درسي او مرستندويه توکي</p>
<p>د مقدماتي فعالیتونو، یعنې سلام اچول، احوال پوښتنه، د ټولګي تنظیم، حاضري اخېستل د کورنۍ دندې لیدل، له تېرو معلوماتو او لوست سره د نوي لوست د اړیکو ټینګولو څخه وروسته د وړودي تصویر چارټ، چې د سپورتي ټیمونو څخه استازیتوب کوي، د ټولګي مخې ته ځوړند او بیا له زده کوونکو څخه د وړودي پوښتنه وکړئ. په دې پوښتنه کې موخه دا ده چې په یوه سپورتي ټیم کې د (زده کوونکو مجموعه) د سټ په مفهوم توضیح شي.</p>	<p>4- د وړودي برخې توضیح: (5 دقیقې)</p>
<p>5- د لوست بهیر او فعالیتونه (28) دقیقې:</p> <p>- د کتاب د دریم مخ فعالیت په ټولګي کې په عملي توګه په زده کوونکو سرته ورسوئ او فعالیت په پای کې ووايي چې د والیبال د ټیم پنځم تنه غړي یوه مجموعه ده. دغه مجموعه په بل عبارت د زده کوونکو د سټ په نامه یادېږي.</p> <p>د فوټبال ټیم اووه تنه غړي لري. دا هم د زدو کوونکو یوه مجموعه ده. همدارنګه د والیبال او فوټبال د ټیمونو 12 تنه غړي یو سټ جوړوي، په دې سټ کې دوه تنه غړي شته چې په دواړو ټیمونو کې مشترک دي.</p> <p>- د لومړي مخ لومړي مثال د پوښتنو او ځوابونو په طریقي په زده کوونکو حل کړئ.</p> <p>- زده کوونکي په مناسبو ډلو وویشئ چې د کتاب د څلورم مخ فعالیت په خپل منځي مشورو کې پای ته ورسوي. بیا هدایت ورکړئ چې د یوې ډلې استازي راشي او خپل فعالیت نورته د تختې پر مخ توضیح کړي.</p> <p>- د کتاب د 4 مخ 2 مثال په هکله دوه تنه زده کوونکو ته هدایت ورکړئ چې یو تن دې له لسو څخه کوچنیو طاق عددونه او بل دې له لسو څخه کوچني جفت عددونه د تختې پر مخ ولیکي. بیا دې په ترتیب سره طاق عددونه د O په توري او جفت عددونه د E په توري وښیئ په دې طریقي د دغو طاقو او جفتو عددونو د مجموعې ښودل د سټ مفهوم ښکاره کوي.</p>	

6- د زده کړې تحکیم یا پوخوالی (7) دقیقې:

د کتاب 1، 2 پوښتنه د لوست د تحکیم او پوخوالي لپاره د زده کوونکو په فعالې ونډې سره په ټولګي کې حل کړئ.

7- د درس د پایلې ارزونه (5) دقیقې:

د ډاډ لپاره د زده کوونکو د پوهې ارزونه په لاندې پوښتنو وکړئ.

- یو زده کوونکی دې په داسې یوه سټ کې د عناصرو نومونه واخلي چې په ورځني ژوند کې ترې ګټه اخستل کېږي.
- یو زده کوونکی دې د عددونو سټ د تختې پر مخ ولیکي.
- یو زده کوونکی دې د تازه مېوو د نومونو سټ په وین دیاګرام کې د تختې پر مخ وښيي.

دښوونکي لپاره اضافي معلومات:

د سټ د تیورۍ بنسټ ایښودونکي کانتوردي. نوموړي په 1844 میلادي کال کې د روسیې په پطرزبورګ ښار کې زېږېدلي او په 1856 کال کې المان ته لاړ او هلته د فرانکفورت په ښار کې میشت شو. کانتور خپل لومړني او عالي زده کړې په المان کې پیل او هلته یې پای ته ورسولي. دکانتور د(سټ د تیورۍ) په نامه لومړني اثر په 1875 میلادي کال کې خپور شو او دشلې پېرۍ له پیل څخه د ریاضي په ټولو څانګو کې ډېر مختګ سبب وګڼل شو.

د سټ د تیورۍ پوره او بشپړ معلومات لیکل په یوه مخ کې له امکان څخه لرې خبره ده، خو د سټ د مفهوم د روښانه کولو لپاره ځنې ضروري او د یادولو وړ معلومات په لاندې ډول وړاندې کېږي:

د سټ مفهوم:

د ریاضي په هره څانګه کې ځنې مطالب شته چې پرته له تعریف څخه منل شوي دي او د ګټې اخېستلو وړ ګرځیدلي دي. لکه په هندسه کې ټکي او کرښه او په حساب کې د عدد نوم اخيستل کېږي. مګر هغه څه چې دټکي، کرښې او عدد په هکله ویل کېږي، د هغو تعریف نه، بلکې د هغوی د مفهوم د روښانه کولو لپاره یو ډول هڅه او کوښښ دي، نو ځکه ټکي او کرښه د اقلیدس په هندسه کې او عدد په حساب کې د لومړنیو مفاهیمو په نامه یاد شوي دي.

په همدې ډول سټ هم د ټکي، کرښې او عدد د مفهوم په شان له لومړنیو مفاهیمو څخه ګڼل کېږي. یا په بله معنا سټ له هغو مفاهیمو څخه عبارت دي چې بې له تعریف څخه منل شوي دي.

کوم مطالب چې تاسې یې د سټ په نامه لولئ، یوازې د هغه د تصور د روښانه کولو لپاره بیان شوي دي.

په ورځني ژوند کې به تاسې خامخا داسې عبارتونه، لکه د افغانستان ولایتونه، د امریکا مشهور سیندونه، د افغانستان د اساسي قانون مادې، طاق عددونه، د انګلیسي ژبې توري، د ځوانانو ټولنه، د پسونو رمه او داسې نور اوریدلې وي، چې په ریاضیاتو کې د دغو ټولو شیانو پر ځای د سټ کلمه استعمال شوې ده. د سټ په غږتوب کې هیڅ ډول محدودیت نشته. کیدای شي چې د یوه سټ عناصر عددونه، ټکي، کرښې، سري، ښارونه آن شمسي منظومې او سیارات وي.

د یادونې وړ ده چې د هر شي ډله یو سټ نشي کیدای مثلاً (د افغانستان درې تنه شاعران).

دا یو سټ نه دي، ځکه دا نه ده معلومه چې په دې سټ کې خوشحال خان خټک شامل دي او که نه؟ په دې سټ کې عناصر نه دي مشخص شوي، دا نه ده څرګنده چې په دې سټ کې کوم شاعران شامل دي.

یا (د نړۍ د نقاشۍ ښکلې پنځه تابلوگانې) چې په دې سټ کې هم تابلوگانې نه دي مشخصې شوي. د تابلو د ښکلا په هکله د هر چا سلیقه او انتخاب بیل دی، نو ځکه د شیانو هره ډله، چې مشخصه نه وي، هغه سټ نه دي. په پای کې د هر شي هغې ډلې ته د سټ کلمه کارول کېږي چې عناصر یې مشخص شوي وي.

8- د پوښتنو ځوابونه:

1- که چیرې دغه سټ د A په توري وښودل شي، نولرو:

$$A = \{ \text{شنبه، یکشنبه، دوشنبه، سه شنبه، چهار شنبه، پنجشنبه، جمعه} \}$$

2- که دغه سټ د B په توري وښودل شي، نو:

$$B = \{ \text{وری، غویی، غبرگولي، چنگاښ، زمري، وږی، تله، لړم، لیندی، مرغومی، سلواغه، کب} \}$$

$$C = \{A, E, I, O, U\} \quad -3$$

4- میدان وردک، لوگر، پکتیا، پکتیکا، بامیان، کاپیسا، پروان، لغمان، نورستان، کونړ، ننگرهار، بلخ، کابل $A = \{$

کندهار، هرات، فاریاب، جوزجان، سرپل، بادغیس، بدخشان، تخار، کندز، دای کندي، ارزگان، هلمند، زابل، نیمروز، فراه، غزني، نیمروز، بغلان، خوست، غور، پنجشیر $\}$

5- په انسانانو کې داسې څوک نشته چې د هغوی د قد اوږدوالی دې درې 3 متره وي، نو د دې ډول انسانانو سټ، تش

سټ دی. که چیرې دغه سټ د E په توري وښودل شي د ریاضي په طریقه یې داسې لیکو: $E = \{ \}$ یا $E = \phi$



2-1 د سټ عناصر

د کتاب مخ: (5) د لوست وخت: (1 درسي ساعت)

<p>1. د زده کړې موخې:</p> <ul style="list-style-type: none"> - پوهنيزه - مهارتي - ذهنيته 	<p>هيله ده، چې زده کوونکي د لوست په پای کې لاندې موخو ته ورسېږي:</p> <ul style="list-style-type: none"> • د يوه سټ د عناصرو په مفهوم پوه شي. • په اړوند ست کې د هغه عناصر په منظم ډول وليکلای شي. • ددې موضوع له پوهېدو څخه د خوشحالی احساس وکړي.
<p>2. د تدریس لارې</p>	<p>پوښتنې او ځوابونه، ډله ییز او یو کسيز کار...</p>
<p>3. درسي او مرستندويه توکي</p>	<p>د لوست کتاب، تخته، تخته پاک، تباشیر، هندسي بکسه او د ورودی تصویر چارټ</p>
<p>4. د ورودی برخې توضیح: (5 دقیقې)</p>	<p>د لوست له پیل او مقدماتي فعالیتونه (سلام، د احوال پوښتنه) څخه وروسته له زده کوونکو څخه د ورودی برخې پوښتنه وکړئ</p> <ul style="list-style-type: none"> - آیا زده کوونکي د اهلي حیواناتو له سټ څخه گڼي او که نه؟ - دغې پوښتنې ته دې له فکر کولو وروسته ځواب ووايي.
<p>5- د درس بهیر او فعالیتونه (28 دقیقې):</p> <p>– د هغو ورزشي ټیمونو یادونه وکړئ چې دست عنصر یې څرگندوي. زلمی د B د سټ عنصر دی او د C د سټ عنصر نه دي.</p> <p>– زده کوونکي په مناسبو ډلو وویشئ او د کتاب د 5 مخ فعالیت هغوی ته ورکړئ چې په خپل منځي مشورو کې یې پای ته ورسوي. د فعالیت په پای کې د یوې ډلې استازی راوغواړئ چې دخپلې ډلې په استازیتوب خپل فعالیت نورو ته د تختې پر مخ بیان کړي. د ستونزو په وخت کې دې ښوونکی ورسره مرسته وکړي.</p> <p>– د کتاب 5 مخ لومړی مثال دپوښتنو او ځوابونو په طریقه د زده کوونکو سره حل کړئ.</p> <p>– د کتاب د 6 مخ دویم مثال د زده کوونکو په فعالې ونډې سره حل کړئ.</p>	
<p>6- د زده کړې تحکیم (7 دقیقې):</p> <p>د لوست د تحکیم لپاره د درسي کتاب د 6 مخ د پوښتو لومړۍ او دویمه پوښتنه د زده کوونکو په فعالې ونډې اخیستنې سره حل کړئ.</p>	
<p>7- د درس د پایلې ارزونه (5 دقیقې):</p> <p>ښوونکي د ډاډ او اطمینان لپاره چې ایا خپلو موخو ته رسیدلی دی که نه لاندې پوښتنې د ارزونې په ډول له زده کوونکو څخه وکړي:</p> <ul style="list-style-type: none"> • په یوه سټ کې د عنصر د شاملېدو لپاره کومه علامه استعمالېږي. • ایا سترگه د انسان د بدن د غړو د سټ عنصر کیدای شي؟ د علامې په مرسته یې د تختې پر مخ ولیکئ. 	

8- د ښوونکو لپاره اضافي معلومات:

حيوانات(خاروي) په دوه ډولونو دي. 1- اهلي حيوانات. 2- وحشي حيوانات.

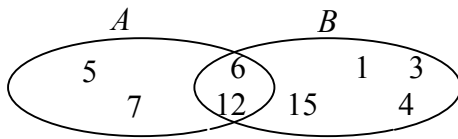
څرنګه چې وزه له اهلي حيواناتو څخه شمېرل کېږي، نو ویلي شو چې د اهلي حیواناتو په سټ کې شامله ده او په ریاضي ژبه داسې لیکل کېږي:

د اهلي حیواناتو \in وزه

داسې ویل کېږي وزه د اهلي حیواناتو په سټ کې شامله ده یا وزه د اهلي حیواناتو دسټ عنصر دي.

9- د پوښتنو ځوابونه:

1- د مخامخ شکل له لیدلو وروسته لیکلی شو چې:



$$5 \in \boxed{A}$$

$$6 \in \boxed{B}$$

$$12 \in \boxed{A}$$

$$7 \notin \boxed{B}$$

$$3 \notin \boxed{A}$$

$$4 \notin \boxed{A}$$

2- $A = \{2, 4, 6, 8\}$ او $B = \{1, 3, 5, 7, 9\}$ د دغه ستونو په نظر کې نیولو سره لاندې پوښتنې په نښه شوي دي.

$$(5 \in A) \text{ سمه نه ده. } (1 \notin A) \text{ سمه ده.}$$

$$(9 \in B) \text{ سمه ده. } (8 \notin B) \text{ سمه نه ده.}$$

$$(10 \in A) \text{ سمه نه ده. } (4 \in A) \text{ سمه ده.}$$

$$(2 \in A) \text{ سمه ده. } (3 \notin B) \text{ سمه نه ده.}$$

$$(11 \in B) \text{ سمه نه ده. } (7 \notin A) \text{ سمه ده.}$$

-3

$$(5 \in B) \text{ سمه ده.}$$

$$(6 \notin A) \text{ سمه ده.}$$

$$(2 \in B) \text{ سمه نه ده.}$$

$$(6 \in A) \text{ سمه نه ده.}$$

$$(4 \in A) \text{ سمه ده.}$$

$$(5 \in A) \text{ سمه نه ده.}$$

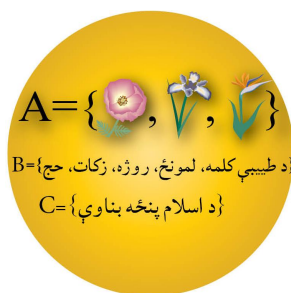
$$(3 \in A) \text{ سمه ده.}$$

$$(2 \notin A) \text{ سمه نه ده.}$$

-4

$$8 \in \{3, 5, 7, 8, 9, 11, 13\} \text{ افاده سمه ده. } 5 \notin \{2, 4, 6, 8, 10\} \text{ افاده سمه ده.}$$

$$10 \in \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8\} \text{ افاده سمه نه ده. } g \notin \{a, b, c, d, e\} \text{ افاده سمه ده.}$$



<p>هيله کېږي چې زده کوونکي د لوست په پای کې لاندې موخو ته ورسېږي:</p> <ul style="list-style-type: none"> • د سټ د ليکلو او ښودلو په ډولونو پوه شي. • د يو سټ د عناصرو مشترک خاصيت وپېژني. • يو سټ په مختلفو طريقو ښودلي شي. • د سټ د اړوند عناصرونو په گډو خواصو پوه شي. • ددې موضوع له زده کړې څخه د خوشحالي احساس وکړي. 	<p>1. د زده کړې موخې</p> <ul style="list-style-type: none"> - پوهنيزه - مهارتي - ذهني
<p>پوښتنې او ځوابونه، ډله ييز او يو کسيز کار ...</p>	<p>2. د تدريس لارې:</p>
<p>د لوست کتاب، تخته، تخته پاک، تباشير، هندسي بکسه او د ورودي تصوير چارټ او د لومړي مثال د ستونو چارټ</p>	<p>3. درسي او مرستندويه توکي</p>
<p>- د لوست له پيل او مقدماتي فعاليتونو څخه وروسته د ورودي تصوير چارټ د ټولگي مخې ته ځوړند کړئ او د انگيزې د پيدا کولو په موخه د ورودي تصوير د چارټ په هکله له زده کوونکو څخه وپوښتنئ چې د حل په هکله يې فکر وکړي.</p> <p>که چېرې زده کوونکي د هغې په حل بريالي شول ډېر ښه او که نه له چارټ څخه په گټې اخېستو داسې ورته ووايي:</p> <p>– د A او B په ستونو کې دهغوي د عناصرو يادونه او ښودنه شوې ده، چې دست دغه ډول ښودني ته دلست کولو طريقه وايي.</p> <p>– خو د C په ست کې عناصر گډ خاصيتونه لري چې د اسلام ارکان دي، چې دست دې ډول ښودنې ته توصيفي طريقه وايي. (مشترک خاصيت يې د اسلام ارکان دي)</p>	<p>4. د ورودي توضيح:</p> <p>(5) دقيقې</p>
<p>5- د لوست بهير او فعاليتونه (28) دقيقې:</p> <p>- د لومړي مثال د ستونو چارټ د ټولگي مخې ته ځوړند کړئ او د ستونو عناصرو ته اشاره وکړئ، په زده کوونکو يې ولولئ او بيا ورته ووايي چې دغه ستونه د عناصرو د لست کولو په طريقه ښودل شوي دي.</p> <p>– د دويمې طريقې په هکله يعنې د عناصرو د مشترکو خاصيتو په درلودلو سره د يو سټ د پېژندو لپاره دويم مثال د پوښتنې او ځواب په طريقه زده کوونکو سره کار وکړي.</p> <p>– د کتاب د 7 مخ دريم مثال د مشترکو خواصو په طريقه (توصيفي طريقه) زده کوونکو ته ور وپېژنئ.</p> <p>– زده کوونکي په مناسبو ډلو ووېشئ چې د کتاب د 8 مخ فعاليت د يو بل په مشوره حل کړي. د فعاليت له بهير څخه څارنه وکړئ، د تکراره ډلو ستاينه او له ضعيفو ته لارښوونه وکړئ. بيا د فعاليت په پای کې د يوې ډلې استازی راوغواړئ چې د خپلې ډلې فعاليت نورو ته بيان کړي.</p>	

6- د زده کړې تحکیم (7) دقیقې:

- دلوست د پیاوړتیا لپاره ښوونکي دی 4 مثال او د وخت په درلودلو سره د کتاب د 8 مخ د پوښتنو، لومړۍ پوښتنه د زده کوونکو په برخه اخیستنه حل کړي.

7- د درس د پایلې ارزونه (5) دقیقې:

د زده کوونکو د لاسته راوړل شوې پوهې د ارزونې لپاره د لاندې پوښتنو له لارې دې ښوونکي ځان ډاډه کړي:

- 1 (یو زده کوونکي دې ووايي چې ست په څو طریقو لیکلي شو؟
- 2 (بل زده کوونکي دې د لست کولو په طریقه یو ست ولیکي.
- 3 (یو زده کوونکي دې د عناصرو د گډو خاصیتونو د درلودلو په طریقه یو ست ولیکي.

8- د ښوونکي لپاره اضافي معلومات:

د تمرین په دریمه پوښتنه کې د 7 د مضربونو ست عبارت دی، له:

$$T = \left\{ \underbrace{1.7}_7, \underbrace{2.7}_{14}, \underbrace{3.7}_{21}, \underbrace{4.7}_{28}, \dots, n \cdot 7 \right\}$$

9- د پوښتنو ځوابونه

(1) $B = \{ \text{جمعه, پنجشنبه, چهارشنبه, سه شنبه, دوشنبه, یکشنبه, شنبه} \}$

$A = \{ \text{وری, غویی, غبرگولي, چنگاښ, زمري, وږي, تله, لرم, لينده, مرغومی, سلواغه, کب} \}$

$E = \{ \text{تور, سور, شين} \}$

(2)

$A =$ د انگلیسي ژبې د واول تورو ست

$B =$ د افغانستان د بیرغ د رنگونو ست

$C =$ د طبیعي یو رقمي طاقو عددونو ست

$D =$ د طبیعي یو رقمي جفتو عددونو ست

$E =$ له 6 نه د کوچني طبیعي عددونو ست

(3)

$K = \{ 2, 4, 6, 8 \}$

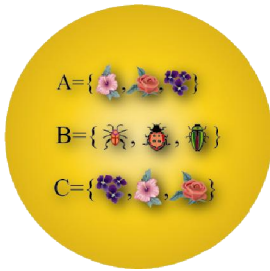
$L = \{ 1, 3, 5, 7, 9 \}$

$T = \{ 7, 14, 21, 28, \dots, n \cdot 7 \}$

$C = \{ \text{عطاء الله, عزت الله, نادر, دين محمد, صفت الله, قاسم, احمد} \}$

$B = \{ \text{قاسم, محمود, زلمي, احمد, حسن} \}$

$A = \{ \text{عطاء الله, عزت الله, نادر, دين محمد, صفت الله, قاسم, محمود, زلمي, احمد, حسن} \}$



د لوست وخت: (1 درسي ساعت)

د کتاب مخ: (9)

<p>1- د زده کړې موخې:</p> <p>(پوهنيزه مهارتي ذهني)</p>	<p>هيله ده چې زده کوونکي د لوست په پای کې لاندې موخوته ورسېږي:</p> <ul style="list-style-type: none"> • مساوي او معادل ستونه وپېژني. • د مساوي او معادلو ستو په توپیر پوه شي. • مساوي او معادل ستونه وليکلای شي. • ددې موضوع په پوهېدو سره یې له رياضي سره علاقه پيدا شي.
<p>2. د تدریس لارې</p>	<p>پوښتنې او ځوابونه، ډله ییز او یو کسيز کار...</p>
<p>3. درسی او مرستندویه مواد</p>	<p>د لوست کتاب، تخته، تخته پاک، تباشیر او د ورودی تصویر چارټ...</p>
<p>4. د ورودی توضیح:</p> <p>(5 دقیقې)</p>	<p>د لوست د پیل له مقدماتي فعالیتونو څخه وروسته د ورودی تصویر چارټ د ټولګي مخي ته ځوړند او بیا له زده کوونو څخه د ورودی پوښتنه وکړئ چې ځواب وپلوته یې فکر وکړي. که چیرې زده کوونکي یې په ځواب ویلو بریالي نه شول بیا تاسې ووايئ چې د A او C د ستونو عناصر عین شي دي، خو یوازې د هغوی ځایونه بدل شوي دي چې د ست په څرنگوالي کې څه اثر نه کوي، یعنې $A = C$ دي. خو د A او B د ستونو په هکله باید وویل شي سره له دې چې د دوی عناصر عین شي نه دي، خو د عناصرو شمېر یې مساوي دي، چې د عناصرو د شمېر د مساویتوب له امله دغه ډول ستونو ته معادل ستونه وایي.</p>
<p>5- د درس بهیر او فعالیتونه (28 دقیقې):</p> <p>- د کتاب د 9 مخ فعالیت زده کوونکو ته ورکړئ چې په مناسبو ډلو کې په مشوره سره سرته ورسوي. د فعالیت په پای کې د یوې ډلې استازي راوغواړئ چې د خپلې ډلې فعالیت نورو ته څرګند کړي.</p> <p>د دې فعالیت پایله داسې لاسته راځي چې $B = \{ 2, 4, 8 \}$ او $C = \{ 2, 4, 8 \}$ یعنې نوموړې ستونه سره مساوي دي. ددې فعالیت پایله د مساوي ستونو تعریف دي.</p> <p>تعریف په کتاب کې شته</p> <p>- د کتاب د 9 مخ لومړي مثال دې د زده کوونکو په ونډې اخیستنې سره ښوونکي حل کړي.</p> <p>- ښوونکي دې د کتاب د 10 مخ فعالیت د پوښتنې او ځواب په طریقې سره سر ته ورسوي.</p>	
<p>6- د زده کړې تحکیم (7 دقیقې):</p> <p>- ښوونکي دې د لوست د تحکیم لپاره د 10 مخ 2 او 3 مثال د زده کوونکو په ونډې اخیستنې سره حل کړي.</p>	

7- د درس د پايلې ارزونه (5) دقيقې:

- ښوونکې ددې لپاره چې د زده کوونکو له زده کړې ډاډه شي لاندې پوښتنې دې له دوی وپوښتي:

- 1) (يو زده کوونکی دې معادل او مساوي ستونه تعريف کړي.
- 2) (بل زده کوونکي دې د معادل او مساوي ستونو ترمنځ توپير روښانه کړي.
- 3) (بل زده کوونکی دې د درسي توکو څخه دوه مساوي او دوه معادل ستونه د ميز پر مخ جوړ کړي.

8- د ښوونکي لپاره اضافي معلومات:

که چېرې د A د ست هر عنصر د B د ست عنصر وي. همدارنګه د B د ست هر عنصر د A د ست عنصر وي؛ نو په دې صورت کې د A او B ستونه سره مساوي دي.

9- د پوښتنو ځوابونه:

1) (نه، د A او B ستونه سره مساوي نه دي. ځکه که د عناصرو شمېر يې مساوي هم دي. خو عناصر يې يوشان(يو شی نه دي) نو $A \neq B$ خو معادل دي.

2) (هو، د A او B ستونه سره مساوي دي، ځکه د A د ست هر عنصر د B د ست عنصر دي او برعکس د B د ست هر عنصر د A د ست عنصر دي.

د ست په څرګندولو کې د عناصرو و موقعيت، د لیکو ترتيب او د عناصرو تکرار بې تاثيره دي.

(3)

- په دويمه شمېره پوښتنه کې د مطلب څرګند شو چې د عناصرو تکراري ليکنه په ست کې کوم تاثير نه لري. نوځکه $A = B$ صحيح دي.
- څرنگه چې د C او D ستونه هر يو 3 عنصره يعنې د عناصرونو د شمير له پلوه سره مساوي دي، خو په شکل کې توپير لري، نو د معادلو ستونو د تعريف له مخې ويلي شو چې د C او D ستونه سره معادل دي.
- څرنگه چې $M = \{2, 4, 6\}$ او $N = \{6, 4, 2\}$ دى نو سم نه دى، يعنې $N \neq M$ دى.

ځکه د دواړو ستونو د عناصرو و شمير مساوي (3) اوهم عين عناصر لري.



<p>هيله ده چې زده کوونکي د لوست په پای کې لاندې موخوته ورسېږي.</p> <ul style="list-style-type: none"> • فرعي سټ وپېژني. • د يوه سټ فرعي سټونه وښودلي شي. • د يوه سټ فرعي سټونه بيل، بيل لست کړای شي. • ددې موضوع د زده کړې په نتيجه کې په خپل ځان ډاډ پيدا کړي. 	<p>د زده کړې موخې</p> <p>پوهنيزه</p> <p>مهارتي</p> <p>ذهنيتي</p>
<p>پوښتنې او ځوابونه، ډله ييز او يو کسيز کار...</p>	<p>د تدريس لارې:</p>
<p>د لوست کتاب، تخته، تخته پاک، تباشير، د وړودي تصوير چارټ، د افغانستان نقشه چې په هغې کې اړوند ولايت او کور مشخص شوي وي او د (11) مخ د فعاليت چارټ...</p>	<p>درسي او مرستندويه مواد:</p>
<p>د لوست د پيل له مقدماتي فعاليتونو څخه وروسته هغه وړودي چارټ چې د مخه جوړ شوی دي، د ټولگي مخي ته وځړوي.</p> <p>د وړودي پوښتنې په هکله ليکل شوې دي چې زموږ کور يا کورنۍ د کابل د ولايت او يا د کابل د خلکو يو جزء دي. او د کابل ولايت يا د کابل خلک د افغانستان يا د افغانستان د خلکو جز دي مثال د فرعي سټ د ښودلو لپاره يوه مقدمه ده.</p> <p>په دې معني چې زموږ کورنۍ د کابل د خلکو فرعي سټ او د کابل خلک د افغانستان د خلکو يو فرعي سټ گڼل کېږي، نو ويلي شو چې د فرعي سټ مطلب د يوې مجموعې يا سټ د يوې برخې په معنا دی.</p>	<p>د وړودي برخې توضيح:</p> <p>(5) دقيقې</p>
<p>5-د درس جريان او فعاليتونه (28) دقيقې:</p> <p>- ښوونکې دې د کتاب د 11 مخ د فعاليت چارټ د ټولگي مخي ته ځورند کړي او زده کوونکو ته دنده ورکړي چې دغه فعاليت په خپلو کتابچو کې سر ته ورسوي او په همدغه وخت کې يو زده کوونکي ته هدايت ورکړي چې نوموړی فعاليت د تختې پرمخ سرته ورسوي. او نور زده کوونکي دي تېروتنې اصلاح کړي.</p> <p>- ښوونکې دې د کتاب د 11 مخ 1 مثال د پوښتنو او ځوابونو په طريقه په ټولگي کې حل کړي.</p> <p>- ښوونکې دې زده کوونکي په مناسبو ډلو ووېشي ترڅو د کتاب د 12 مخ فعاليت په خپلو ډلو کې کار وکړي د فعاليت د بهير څارنه وکړي. فعاله ډله وستايي او د ضعيفو سره مرسته وکړي. په پای کې د يوې ډلې استازي راوغوړي چې دخپلې ډلې فعاليت نوروته توضيح کړي.</p>	
<p>6- د زده کړې تحکيم (7) دقيقې:</p> <p>د لوست د تحکيم او پخلي لپاره د کتاب د 12 مخ دويم مثال د زده کوونکو په ونډې اخېستنې سره په ټولگي کې حل کړي.</p>	

7- د درس د پايلې ارزونه (5) دقيقې:

- ښوونکې دې د زده کوونکو د لاسته راوړل شوې پوهې د ارزونې لپاره له زده کوونکو څخه لاندې پوښتنې وکړي:

1 (فرعي سټ څه ډول ست ته وايي؟

2 (یو زده کوونکي دې د یوه سټ فرعي سټونه په ټولگي کې نوروته تشریح کړي.

3 (که چیرې د $A = \{ e, f, g \}$ او $B = \{ g, e, f \}$ سره وي کوم سټ د بل فرعي سټ کیدای شي؟

8- د ښوونکي لپاره اضافي معلومات:

دلومړي سؤال د D سټ کې.

د $A = \{ 1, 2, 3, 4 \}$ سټ کې له 4 څخه لوی عدد نشته، نو د D سټ یوتش سټ یعنې $D = \{ \}$ دي. په دریمه شمیره سؤال کې $A \not\subset C$ دي. ځکه د (1) عنصر د A په سټ کې شته خو د C په سټ کې نشته.

9- د پوښتنو ځوابونه:

1 ($D = \{ \}$, $C = \{ 1, 3 \}$ او $B = \{ 2, 4 \}$

2 (هو: د پخوانیو معلوماتو په رڼا کې او د فرعي سټ د تعریف له مخي ويلي شو:

هر سټ دخپل ځان فرعي سټ دی.

3 (د تعریف له مخې چې تش سټ د هر سټ فرعي سټ کیدای شي.

نو $B \subset C$ یا $B \subset C$ دي مگر $A \not\subset C$ ؟

4 (په دې سؤال کې $B \subset C$ دي. ځکه د B او C د سټونو عناصر یوشي او یو له بل سره مساوي دي، نو ویل کیږي چې هر

سټ د خپل ځان فرعي سټ دی. خو $A \not\subset C$ دی ځکه د 7 عنصر د A په سټ کې شامل دي خو د C د سټ عنصر نه دي.

5 (د B سټ او د C سټونه سره مساوي دي. ځکه د دواړو سټونو عناصر یو شي دي، نو $C = B$

په نوموړو سټونو کې یوازې د عناصرو ځای بدل شوی چې په سټ کې کوم تاثیر نه لري.



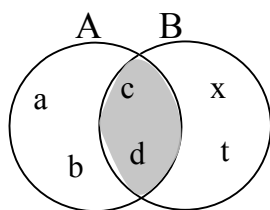
1-6 د ستونو تقاطع

د لوست وخت: (1 درسي ساعت)

د کتاب مخ: (13)

<p>1. د زده کړې موخې:</p> <p>پوهنيزه</p> <p>مهارتي</p> <p>ذهنيتي</p> <ul style="list-style-type: none"> • د دوو يا څو ستونو د تقاطع په مفهوم پوه شي. • د تقاطع علامه \cap وپيژني. • د دوو يا څو ستونو تقاطع پيدا کړي او د خوبښ احساس وکړي. 	<p>2. د تدريس لارې</p>
<p>پوښتنې او ځوابونه، ډله ييز او يو کسيز کار...</p>	<p>3. درسي او مرستندويه مواد</p>
<p>د لوست کتاب، تخته، تخته پاک، تباشير د وليبال او فوټبال د ټيمونو هغه چارټ چې دمخه د اړوند ټولگي څخه جوړ شوی دی، د 7 ټولگي د ټيمونو د 1، 2 او 3 مثالونو چارټونه.</p>	<p>4. د ورودي برخې توضيح:</p> <p>(5 دقيقې)</p>
<p>د لوست د پيل له مقدماتي فعاليتونو څخه وروسته د وليبال او فوټبال د ټيمونو هغه چارټ چې د اړوند ټولگي څخه جوړ شوی دی، د ټولگي مخې ته ځورند کړي.</p> <p>له زده کوونکو څخه داسې دوه ټيمونه جوړ کړي، چې د دوی دوه تنه غړي په دواړو ټيمونو کې شامل وي. دغه دوه ټيمونه په دوو ستونو ونوموي. بيا د دوی د تقاطع عناصر په گوته کړي.</p>	<p>5- د درس بهير او فعاليتونه (28 دقيقې):</p> <p>ښوونکې دې د ورودي پوښتنې د وضاحت لپاره د کتاب د 13 مخ لومړي مثال د زده کوونکو په ونډه اخېستنې سره حل کړي.</p> <p>ددې مخ فعاليت دې زده کوونکو په مناسبو گروپونو کې کار وکړي. بيا د يوې ډلې استازي راوغواړي چې د خپلې ډلې په استازيتوب خپل فعاليت نورو ته بيان کړي. ښوونکې دې د کتاب د 13 مخ دويم مثال د پوښتنو او ځوابونو په طريقې حل کړي.</p>
<p>6- د زده کړې تحکيم (7 دقيقې):</p> <p>- د لوست د تحکيم او پوخوالي لپاره د کتاب د 14 مخ دريم او څلورم مثالونه په ټولگي کې د پوښتنو او ځوابونو په طريقې په زده کوونکو حل کړي.</p>	<p>7- د درس د پايلې ارزونه (5 دقيقې):</p> <p>د زده کوونکو د لاسته را وړل شوې پوهې د ارزونې لپاره لاندې پوښتنې له هغو وکړي:</p> <p>1) يو زده کوونکي دې ووايي چې څه وخت دوه ستونو ته متقاطع ستونه ويلاى شو؟</p> <p>2) يوتن دې د دوو ستونو تقاطع په وين دياگرام کې وښيي.</p> <p>3) بل زده کوونکي دې د لاندې A او B ستونو تقاطع پيدا کړي.</p> <p>$A = \{ \text{آلو ، منډه ، ناشپاتي} \}$ ، $B = \{ \text{آلو ، انار ، منډه ، ناشپاتي} \}$</p>

(1)



$$A = \{a, b, c, d\}$$

$$B = \{c, d, t, x\}$$

$$A \cap B = \{a, b, c, d\} \cap \{c, d, t, x\} = \{c, d\}$$

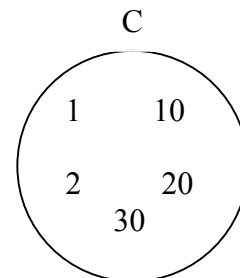
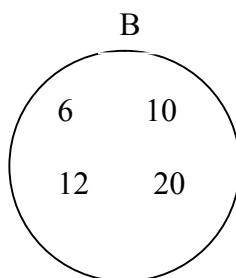
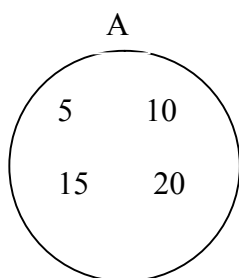
$$B \cap A = \{c, d, t, x\} \cap \{a, b, c, d\} = \{c, d\}$$

هغه شکل چې د A او B د ستونو له تقاطع څخه لاسته راځي، هغه له پورتنی خط خط شوی برخې څخه عبارت ده.

(2)

$$C = \{1, 2, 10, 20, 30\}, B = \{6, 10, 12, 20\}, A = \{5, 10, 15, 20\}$$

• د نوموړو ستونو ښودنه په وین دیاگرام کې په لاندې ډول ده:



$$A \cap B = \{5, 10, 15, 20\} \cap \{6, 10, 12, 20\} = \{10, 20\}$$

$$A \cap C = \{5, 10, 15, 20\} \cap \{1, 2, 10, 20, 30\} = \{10, 20\}$$

$$B \cap C = \{6, 10, 12, 20\} \cap \{1, 2, 10, 20, 30\} = \{10, 20\}$$

$$A \cap (B \cap C) = \{5, 10, 15, 20\} \cap \{10, 20\} = \{10, 20\}$$



<p>1. د زده کړې موخې:</p> <p>پوهنيزه</p> <p>مهارتي</p> <p>ذهنيتي</p>	<p>هيله ده چې زده کوونکي د لوست په پای کې لاندې موخوته ورسېږي:</p> <ul style="list-style-type: none"> • د ستونو د اتحاد په مفهوم پوه شي. • د دوو يا څو ستونو اتحاد پيداکړي شي. • په وين دياگرام کې د ستونو اتحاد وښودلي شي او له زده کړې څخه يې د خوښۍ احساس وکړي.
<p>2. د تدريس لارې</p>	<p>پوښتنې او ځوابونه، ډله ييز او يو کسيز کار...</p>
<p>3. درسي او مرستندويه مواد</p>	<p>د لوست کتاب، تخته، تخته پاک، تباشير، د ټولگي زده کوونکي</p>
<p>4. د ورودي برخې توضيح:</p> <p>(5 دقيقې)</p>	<p>د لوست د پيل له مقدماتي فعاليتونو څخه وروسته د اړوند ټولگي له زده کوونو څخه د واليېال او فوټبال ټيمونه د B او C په نامه دوه ستونه د ټولگي مخې ته جوړ کړي. بيا د دوی د اتحاد سټ چې د دواړو ستونو يوځاي کيدل دي، د A په توري ونوموي او د دوي ترمنځ د اتحاد علامه (U) معرفي کړي چې زده کوونکي له دې فعاليت څخه د خوښۍ احساس کوي.</p>
<p>5- د درس بهير او فعاليتونه (28 دقيقې):</p> <p>- زده کوونکي په مناسبو ډلو وویشئ ترڅو د کتاب د 15 مخ فعاليت په خپل منځي مشوروکې حل کړي.</p> <p>د فعاليت په پای کې د يوې ډلې استازي راوغواړئ چې د خپلې ډلې فعاليت نورو ته بيان کړي.</p> <p>ښوونکي دې د کتاب د 16 مخ 1 او 2 مثال د سؤال او ځواب په طريقه په ټولگي کې حل کړي.</p>	
<p>6- د زده کړې تحکيم (7 دقيقې):</p> <p>ښوونکي دې د زده کړې د تحکيم لپاره د کتاب د 16 مخ 3 مثال په ټولگي کې د زده کوونکو په ونډې اخېستولو سره حل کړي.</p>	
<p>7- د درس د پايلې ارزونه (5 دقيقې):</p> <p>د زده کوونکو د لاسته راوړل شوې پوهې د ارزونې لپاره لاندې پوښتنې له دوی څخه وکړئ.</p> <p>1 (څوک ويلي شي چې د دوو ستونو د اتحاد مفهوم څه شي دي؟)</p> <p>2 (يو زده کوونکی دې د دوو ستونو د اتحاد او تقاطع توپير څرگند کړي.)</p> <p>3 (د لاندې A او B ستونو اتحاد د تختې پر مخ وليکئ.</p> <p style="text-align: center;">A = { کتاب , کتابچه , قلم }</p> <p style="text-align: center;">B = { پېنسل پاک , قلم تراش , قلم , کتابچه }</p>	

8- د ښوونکي لپاره اضافي معلومات:

که چیرې د A او B دوه لاندې ستونډه راکړل شوې وي.

$$B = \{ a, b, c, d, e \} \text{ او } A = \{ c, d, g, h, k \}$$

ددوي اتحاد عبارت دی، له:

$$\begin{aligned} A \cup B &= \{ a, b, c, d, e \} \cup \{ c, d, g, h, k \} \\ &= \{ a, b, c, d, e, g, h, k \} \end{aligned}$$

که چیرې د $A \cup B = C$ وښودل شي، د C سټ یو 8 عنصر لرونکی سټ دی، لکه:

$$A \cup B = C = \{ a, b, c, d, e, g, h, k \}$$

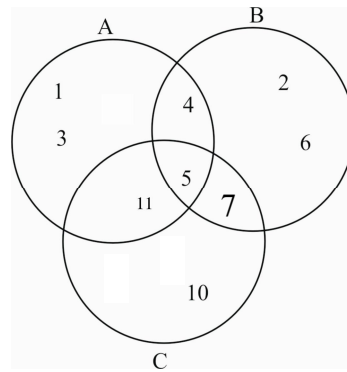
9- د پوښتنو ځوابونه

1، د شکل له مخې:

$$A = \{1, 3, 4, 5, 11\}$$

$$\bar{B} = \{2, 4, 5, 6, 7\}$$

$$C = \{5, 7, 10, 11\}$$



$$A \cup B = \{1, 3, 4, 5, 11\} \cup \{2, 4, 5, 6, 7\} = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 11\}$$

$$A \cup C = \{1, 3, 4, 5, 11\} \cup \{5, 7, 10, 11\} = \{1, 3, 4, 5, 7, 10, 11\}$$

$$B \cup C = \{2, 4, 5, 6, 7\} \cup \{5, 7, 10, 11\} = \{2, 4, 5, 6, 7, 10, 11\}$$

$$(A \cup B) \cup C = ?$$

$$A \cup B = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 11\}$$

څرنگه چې لرو:

$$(A \cup B) \cup C = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 11\} \cup \{5, 7, 10, 11\} = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 10, 11\}$$



1-8 د دوو سټونو تفاضل

د لوست وخت: (یو درسي ساعت)

د کتاب مخ: (17)

<p>هيله ده چې زده کوونکي د لوست په پای کې لاندې موخوته ورسېږي:</p> <ul style="list-style-type: none"> • د دوو سټونو تفاضل په مفهوم پوه شي. • په عملي توګه د دوو سټونو تفاضل پیدا کړي شي. • د دوه سټونو د تفاضل له پیدا کولو څخه د خوښۍ احساس وکړي. 	<p>1. د زده کړې موخې:</p> <p>پوهنیزه</p> <p>مهارتي</p> <p>ذهنیتي</p>
<p>پوښتنې او ځوابونه، ډله ییز او یو کسيز کار. . . .</p>	<p>2. د زده کړې لارې</p>
<p>د لوست کتاب، تخته، تخته پاک، تباشیر، هغه کارتونه چې په هغې کې د (والیبال ټیم) کلمه لیکل شوي وي. او د کتاب د 18 مخ د فعالیت چارټ.</p>	<p>3. درسي او مرستندویه مواد</p>
<p>د لوست د پیل له مقدماتي فعالیتونو څخه وروسته له زده کوونکو څخه د ورودي پوښتنه وکړئ. د پوښتنې د ښه څرګندولو لپاره د والیبال د ټیم 5 تنه غړي د ټولګي مخې ته راوغواړئ او دهغوي په ټټر د والیبال کارتونه وټومبي او د B د سټ په نامه یې فرض کړئ. د ټولګي ټول زده کوونکي د A د سټ په نامه فرض کړئ، نو په دې حالت کې که د ټولګي د ټولو زده کوونکو د سټ څخه د والیبال د ټیم د غړو سټ کم شي. پاتې زده کوونکي به د دغه سټونو د تفاضل سټ وي.</p> <p>د ټولګي پاتې زده کوونکي $A - B =$ چې د A او B د سټونو تفاضل ښيي.</p>	<p>4. د ورودي توضیح:</p> <p>(5 دقیقې)</p>
<p>5- د درس بهیر او فعالیتونه (28 دقیقې):</p> <p>د کتاب د 17 مخ لومړي مثال د موضوع د ښه وضاحت لپاره د پوښتنو او ځوابونه په طریقه حل کړئ.</p> <p>د کتاب د 18 مخ د فعالیت چارټ د ټولګي مخې ته ځوړند کړئ. بیا زده کوونکي په مناسبو ډلو وویشئ او هدایت ورته ورکړئ چې نوموړی فعالیت سرته ورسوي او ښوونکي دې څارنه وکړي تکره گروپ دې تشویق او کمزورو گروپونو ته دې لارښوونه وکړي.</p> <p>په پای کې د یوې ډلې استازي د ټولګي مخې ته راوغواړئ چې خپل فعالیت نورو ته بیان کړي.</p> <p>د کتاب د 18 مخ دویم مثال د زده کوونکو په ونډې سره حل کړئ.</p>	
<p>6- د زده کړې تحکیم (7 دقیقې):</p> <p>- د لوست د تحکیم لپاره د کتاب د 18 مخ د تمرین، لومړی پوښتنه دې زده کوونکي په خپلو کتابچوکې او یوتن دې دنختې پرمخ حل کړي. د فعالیت په پای کې دې نوموړي زده کوونکي خپل فعالیت نورو ته د تختې پر مخ تشریح کړي که چیرې په فعالیت کې کومه تېروتنه او ستونزه موجوده وه، ښوونکي دې مرسته وکړي.</p>	

7- د درس د پايلې ارزونه (5) دقيقې:

د زده کوونکو د لاسته را وړل شوې پوهې د ارزونې لپاره په لاندې پوښتنو کولو ځان ډاډه کړئ:

- 1 (يو زده کوونکی دې د دوه ستونو د تفاضل او اتحاد توپير ووايي.
- 2 (يو زده کوونکی دې په ټولگي کې د نورو زده کوونکو له نومونو څخه د A او B په نومونو دوه ستونه جوړ او پر تخته دې وليکي بيادي د $A - B$ او $B - A$ تفاضل په لاس را وړي.
- 3 (يو زده کوونکی دې د A او B تفاضل د عبارت په ډول د تختې پر مخ وليکي (د ستونو د تفاضل تعريف)

8- د پوښتنو ځوابونه:

(1

$$\begin{array}{lll} A - A = \phi & , & A - B = A & , & B - A = B \\ B - B = \phi & , & A - C = 2 & , & C - A = \phi \end{array}$$

(2

$$D = \{ a , 12 , 16 \} \quad \text{او} \quad C = \{ a , b , 8 , 12 \}$$

$$C - D = \{ b , 8 \} \quad , \quad D - C = \{ 16 \}$$

3 (د a په شکل کې رنگه شوې برخه يې $A - B$ ښيي.

$$A - B = A \quad (4$$



9-1 کلي سټ او مکمله سټ

د لوست وخت: (1 درسي ساعت)

د کتاب مخ: (19)

<p>هيله ده چې زده کوونکي د لوست په پای کې لاندې موخوته ورسېږي:</p> <ul style="list-style-type: none"> کلي سټ او د یو سټ مکمله وپېژني او د هغې په مفهوم پوه شي. د کلي سټ او د مکمله سټ توپیر وکړي شي. د پورتنیو معلوماتو په پوهېدو له موضوع سره مینه پیدا کړي. 	<p>1. د زده کړې موخې پوهنیزه مهارتي ذهنيتي</p>
<p>پوښتنې او ځوابونه، ډله ییز او یو کسيز کار...</p>	<p>2. د تدریس لارې:</p>
<p>د لوست کتاب، تخته، تخته پاک، تباشیر، د انگلسي ژبې د الفبا دتورو چارټ دانگلېسي ژبې د واول تورو چارټ، د 7 ټولگي د کتابونو د نومونو چارټ چې په ورودي پوښتنه کې شامل دي. د 20 مخ کلي سټ او د مکمله سټ چارټ.</p>	<p>3. درسي او مرستندويه توکي:</p>
<p>- د لوست د پیل له مقدماتي فعالیت څخه وروسته د اووم ټولگي د درسي کتابونو د نومونو چارټ د ټولگي مخې ته ځوړند کړئ.</p> <p>د انگيزې د پیدا کولو په موخه له زده کوونکو څخه د ورودي پوښتنه وکړئ، چې د هغې په هکله فکر وکړي. د ځواب له اورېدو وروسته بیا تاسې ووايئ:</p> <p>د اووم ټولگي د ټولو کتابونو د نومونو له سټ څخه که چیرې د هغو کتابونو د نومونو سټ چې زده کوونکی تر لاسه کړي دي حذف شي. بیا به په چارټ کې پاتې هغه کتابونه وي چې د هغو لاسته راوړلو ته ضرورت دی. (چې په لاسته راوړلو یې کتابونه تکمیل شي)</p>	<p>4. د ورودي برخې توضیح: (5 دقیقې)</p>
<p>5- د درس بهیر او فعالیتونه (28 دقیقې)</p> <p>زده کوونکي په مناسبو ډلو وویشئ چې د کتاب د 19 مخ فعالیت په خپلو ډلو کې پای ته ورسوي. د ډلو د فعالیت څارنه او فعالې ډلې وستایئ او د کمزورو ډلو سره مرسته وکړئ. د لوست په پای کې د یوې ډلې استازی د ټولگي مخې ته راوغواړئ چې د خپلې ډلې فعالیت نورو ته توضیح کړي. که ستونزه موجوده وه، بل زده کوونکي راوغواړئ چې هغه اصلاح کړي.</p> <p>د فعالیت په پای کې ووايئ: که چیرې د انگلسي ژبې ټول توري د کلي سټ په نامه یاد کړو او د (U) په توري وښیو او همدارنگه د واول د تورو سټ د A په توري وښودل شي او هغه دکلي سټ (U) څخه تفریق کړو، بیا دغه دکلي سټ پاتې برخه د مکملې سټ په نامه یادېږي چې د A' یا \bar{A} په ډول ښودل کېږي.</p> <p>د کتاب د 20 مخ مکمله سټ د دیاگرام په چارټ کې زده کوونکو ته تشریح کړئ.</p>	
<p>6- د زده کړې تحکیم (7 دقیقې):</p> <p>- محترمه ښوونکيه د لوست د تحکیم لپاره د یوه سټ مکمله د هندسي بکسې په توکو کې وروښایاست.</p>	

7- د درس د پایلې ارزونه (5) دقیقې:

د زده کوونکو د لاسته را وړل شوې پوهې د ارزونې لپاره په لاندې پوښتنو کولو ځان ډاډه کړئ.

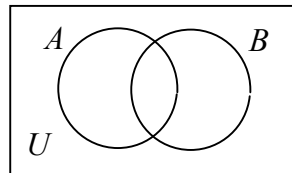
(1) له یوه زده کوونکي څخه وپوښتی چې کلي سټ کوم ډول سټ ته وايي.

(2) یو زده کوونکی دې د یوه سټ مکمله سټ تعریف کړي.

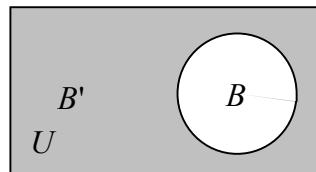
(3) یو زده کوونکی دې په ټولګي کې له زده کوونکو څخه کلي سټ او مکمله سټ جوړ کړي.

8- د پوښتنو ځوابونه:

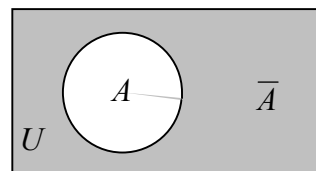
(1)



د پورتنی شکل په پام کې نیولو سره $B' = U - B$ د مستطیل د هغې ساحې څخه عبارت ده چې په U کې موجوده ده مګر په B کې نشته. لکه په لاندې شکل کې:



همدارنګه د لومړي شکل په لیدو سره په دغه $A' = U - A$ مساوات کې A' د مستطیل د هغې ساحې څخه عبارت ده، چې په A کې وي مګر په A کې نه وي، لکه په لاندې شکل کې:

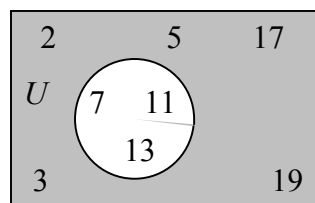


(2)

$$U = \{ 2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19 \}$$

$$B = \{ 7, 11, 13 \}$$

$$B' = \{ 2, 3, 5, 17, 19 \} \quad \text{او} \quad U - B = \{ 2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19 \} - \{ 7, 11, 13 \}$$



د U په نوموړي شکل کې پرته د کوچني دایرې څخه چې د $(7, 11, 13)$ عددونه پکې شامل دي. د U په سټ کې پاتې توره شوې برخه چې په B' ښودل شوې، یعنې د B د سټ مکمله ده.



10-1 متناهي او نا متناهي ستونه

د لوست وخت: (1 درسي ساعت)

د کتاب مخ: (21)

<p>هيله ده چې زده کوونکي د لوست په پای کې لاندې موخوته ورسېږي:</p> <ul style="list-style-type: none"> • متناهي او نا متناهي ستونه وپېژني. • د متناهي او نا متناهي ستونو په توپیر پوه شي. • متناهي او نا متناهي ستونه په مثال کې وښودلي شي. • د متناهي او نا متناهي ستونو په ښودلو اعتماد په ځان پیدا کړي. <p>د متناهي لپاره معین او محدود او همدارنگه د نا متناهي لپاره نا معین او نا محدود کلمې هم کارول کېږي.</p>	<p>1. د زده کړې موخې:</p> <p>پوهنیزه</p> <p>مهارتي</p> <p>ذهنيتي</p>
<p>پوښتنې او ځوابونه، ډله ییز او یو کسيز کار ...</p>	<p>د تدریس لارې</p>
<p>د لوست کتاب، تخته، تخته پاک، تباشیر، د ورودي برخې د A او B د ستونو چارټ د(1) مثال د A او N د ستونو چارټ او د 2 مثال د ستونو چارټ.</p>	<p>درسي او مرستندويه مواد</p>
<p>د لوست د پیل له مقدماتي فعالیتونو څخه وروسته له زده کوونکو څخه د ورودي پوښتنه وکړئ، چې د ستورو د شمیر په هکله فکر وکړي چې آیا د شمیر وړ دي او که نه؟</p> <p>ښايي د هغوي ځواب به دا وي چې (ستوري د شمیرلو وړ نه دي).</p> <p>محترمه ښوونکي د $A = \{ a, b \}$, $B = \{ 1, 2, 3, 4 \}$ او $C = \{ 3, 5, 7, 9, 11, 13, 15, 17, 19 \}$ د ستونو چارټ د ټولگي مخې ته خوړند کړئ. درې تنه زده کوونکي په وار سره راوغواړئ چې د هر سټ عناصر وشمېري او د تختې پر مخ بې و لیکي.</p>	<p>د ورودي برخې توضیح:</p> <p>(5 دقیقې)</p>
<p>5-د درس جریان او فعالیتونه (28) دقیقې</p> <p>د کتاب د 21 مخ لومړي مثال د A او N د ستونو چارټ د ټولگي مخې ته خوړند کړئ او د پوښتنو او ځوابونو په طریقه یې حل کړئ.</p> <p>- زده کوونکي په مناسبو ډلو وویشئ چې د کتاب د 21 مخ فعالیت په خپلو ډلو کې سر ته ورسوي. د فعالیت په پای کې د یوې ډلې استازي راوغواړئ چې د خپلې ډلې فعالیت نوروته بیان کړي. دا به څرگنده شي چې د 20 څخه لوی جفت عددونه د شمېرلو وړ نه دي. نو ځکه دا سټ نامتناهي سټ دي.</p> <p>خو د 20 او 30 تر منځ د جفتو عددونو سټ یو متناهي سټ دي ځکه چې عناصر یې د شمېرلو وړ دي، نو دې ډول سټ ته متناهي سټ وايي.</p> <p>- د کتاب د 21 مخ دویم مثال د زده کوونکو په ونډې اخیستې سره د پوښتنو او ځوابونو په طریقه یې حل کړئ.</p> <p>- د کتاب د 22 مخ 3 مثال د تختې پر مخ په یوه زده کوونکي حل کړئ.</p>	
<p>6- د زده کړې تحکیم (7) دقیقې:</p> <p>د زده کړې د تحکیم لپاره د کتاب د 22 مخ تمرین لومړي پوښتنه د زده کوونکو په ونډې اخیستلو سره په ټولگي کې حل کړئ.</p>	

7- د لوست د پاڼې ارزونه (5) دقیقې:

د زده کوونکو د لاسته راوړل شوې پوهې د ارزونې لپاره ځان په لاندې پوښتنو کولو ډاډه کړئ:

- 1) یو زده کوونکي دې ووايي چې متناهي او نامتناهي کوم ډول ستونو ته وايي.
- 2) یو تن دي د تختې پرمخ د متناهي او غیر نا متناهي ستونو لپاره د تختې پرمخ یو، یو مثال ولیکئ.

8- د ښوونکي لپاره اضافي معلومات:

د 20 څخه لوي د جفتو عددونو سټ متناهي سټ نه دي، بلکي یو نا متناهي سټ دی، یعنې:

$\{22, 24, 26, 28, 30, 32, 34, 36, \dots\}$

مگر د 20 او 30 ترمنځ د جفتو عددونو سټ یوازې د څلور عنصر لرونکي $\{22, 24, 26, 28\}$ سټ څخه عبارت دی.

9- د پوښتنو ځوابونه:

(1)

د M سټ یو متناهي سټ دي.

د D سټ یو متناهي سټ دي.

د O سټ یو نا متناهي سټ دي.

د E سټ یو متناهي سټ دي.

ځکه چې وروستی عنصر یې (1000) دي.

2) د B سټ یو نا متناهي سټ دي، خو د A او C ستونه متناهي دي.

3) د A سټ یو معین یا متناهي سټ دي ځکه د $\{کلمه، لمونځ، روژه، زکات، حج\}$ A دی.

(4)

$A = \{د پنځه وختونو لمونځونو د رکعتونو شمېر\}$

$B = \{د یوه سړي یا شي د نوم دحرفونو شمېره\}$ متناهي ستونه

$C = \{ن، ا، ت، س، ن، ا، غ، ف، ا\}$

$D = \{a, b, c, \dots, z\}$

$P = \{2, 3, 5, 7, \dots\}$

نامتناهي ستونه

$M = \{له 50 څخه لوی ټول طبيعي عددونه\}$

$N = \{1, 2, 3, \dots\}$

$O = \{1, 3, 5, 7\}$

د زده کړې موضوع:	د لومړي فصل د تمرینو نو حل
د زده کړې موخې پوهنیزه مهارتي ذهنیتي	له زده کوونکو څخه هیله ده، چې د لوست په پای کې د دې فصل پوښتنې حل کړای شي.
د زده کړې لارې:	سؤال او ځواب، ډله ییز او یو کسيز کار...
درسي او مرستندویه توکي:	د لوست کتاب، تخته، تخته پاک، تباشیر
د ورودی برخې توضیح: (5 دقیقې)	<p>1- څرنگه چې طاق عددونه پوره پر (2) د تقسیم وړنه دي، نو ځکه د پوښتنې، ځواب تش سټ دي.</p> <p>که نوموړي سټ د A په توري وښودل شي، نو په ریاضیکي ډول یې داسې لیکو.</p> <p>$A = \{ \}$ یا $A = \{\phi\}$</p> <p>(2)</p> <p>{وري، غویي، غبرگولي، چنگاښ، زمري، وږي، تله، لړم، لېندی، مرغومی، سلواغه، کب} = A</p>
(3)	<p>$A = \{1, 2, 3, 4\}$, $B = \{2, 4, 6, 8\}$ و $C = \{a, e, i, o, u\}$</p> <p>$3 \in A$ $u \notin B$ $10 \notin C$ $i \notin A$ $8 \in B$ $e \in C$</p> <p>$8 \notin A$ $3 \notin B$ $f \notin C$ $2 \in A$ $e \notin B$ $8 \notin C$</p>
(4)	<p>$A = \{a, b, c\}$, $B = \{1, 2, 3\}$ و $C = \{b, a, c\}$</p> <p>ځواب: د A سټ د B د سټ معادل سټ دي. د هغو د عناصرو شمیر سره مساوي دی که څه هم عناصر یې یو شی نه دي.</p> <p>- د B د سټ د عناصرو شمیر هم د C د سټ سره مساوي دی. ځکه په دې دوو سټونو کې د عناصرو شمیر مساوي خو عین شي نه دي.</p> <p>- د A سټ د C سره مساوي دی. ځکه د عناصرو شمیر یې هم مساوي او هم عناصر یې عین شی دي. د عناصرو د ځای بدلول په کې کوم بدلون نه راولي.</p>

5 : هو : ځکه د B د سټ ټول عناصر د A په سټ کې شامل دي.

$$C = \{3, 4\}, B = \{0, \frac{1}{2}, 1\}, A = \{0, 1, 2\} \quad :6$$

ځواب:

$$A \cap A = \{0, 1, 2\} \cap \{0, 1, 2\} = \{0, 1, 2\}$$

$$A \cap B = \{0, 1, 2\} \cap \{0, \frac{1}{2}, 1\} = \{0, 1\}$$

$$A \cap C = \{0, 1, 2\} \cap \{3, 4\} = \{ \}$$

$$B \cup C = \{0, \frac{1}{2}, 1\} \cup \{3, 4\} = \{0, \frac{1}{2}, 1, 3, 4\}$$

$$C \cup A = \{3, 4\} \cup \{0, 1, 2\} = \{3, 4, 0, 1, 2\}$$

$$A \cup B = \{0, 1, 2\} \cup \{0, \frac{1}{2}, 1\} = \{0, 1, 2, 0, \frac{1}{2}\}$$

$$B \cap C = \{0, \frac{1}{2}, 1\} \cap \{3, 4\} = \{ \}$$

څرنگه چې د دواړو سټونو په اتحاد کې د عناصرو تکرار موجود دي او دغه د عناصرو تکرار د سټونو په اتحاد کې بې تاثیر دي،

$$A \cup B = \{0, 1, 2, \frac{1}{2}\} \quad \text{نو:}$$

$$B = \{2, 4, 6, 8\}, A = \{1, 2, 3, 4, 5\} \quad (7)$$

$$A - B = \{1, 2, 3, 4, 5\} - \{2, 4, 6, 8\} = \{1, 3, 5\}$$

$$B - A = \{2, 4, 6, 8\} - \{1, 2, 3, 4, 5\} = \{6, 8\}$$

(8)

$$B = \{1, 3, 5, 7, 9\}, A = \{2, 4, 6, 8, 10\}, U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$$

$$\bar{A} = \{1, 3, 5, 7, 9\} = B$$

$$\bar{B} = \{2, 4, 6, 8, 10\} = A$$

$$\bar{A} \cap \bar{B} = \emptyset$$

$$\bar{B} \cup \bar{A} = U$$

$$\bar{A} \cup \bar{B} = U$$

$$A \cup \bar{B} = A$$

$$A \cup \bar{B} = A \cup A = A$$

(9) د C سټ متناهي دی ځکه د عناصرو شمیر یې (100) دی.

د B سټ نا متناهي دی، ځکه وروستی عنصر یې معلوم نه دی.

د A سټ متناهي دی، ځکه د عناصرو شمیر یې 3 دي.

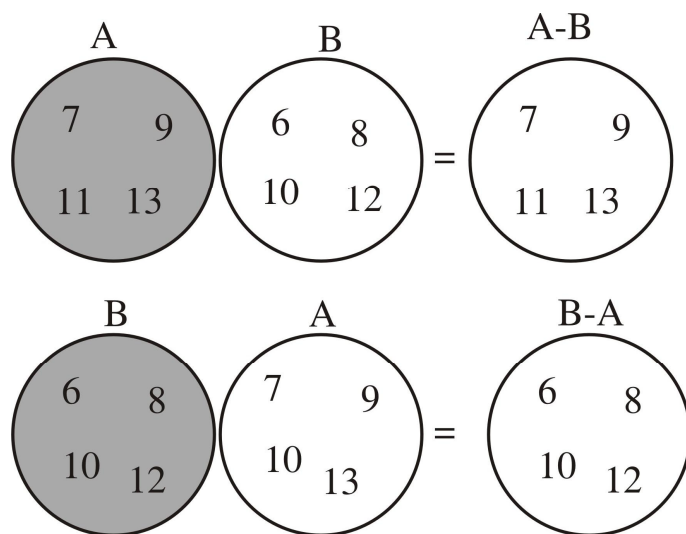
10) په شکل کې د a د جز اړونده هغه برخه، چې رنگه شوې ده، د A او B د سټونو تقاطع ښيي.

(11)

$$B = \{6, 8, 10, 12\}, A = \{7, 9, 11, 13\}$$

$$A - B = \{7, 9, 11, 13\} - \{6, 8, 10, 12\} = \{7, 9, 11, 13\} = A$$

$$B - A = \{ 6, 8, 10, 12 \} - \{ 7, 9, 11, 13 \} = \{ 6, 8, 10, 12 \} = B$$



په پورتنیو شکلونوکې د $A - B$ او $B - A$ تفاضل په وین دیاگرام کې ښودل شوی دی.



دویم څپرکی:

2-1 طبیعي عددونه (Natural Numbers)

د کتاب مخ: (27) د لوست وخت: (1 درسي ساعت)

<p>1- د زده کړې موخې:</p> <ul style="list-style-type: none"> پوهنيزې مهارتي ذهنيتي 	<p>هيله کېږي چې زده کوونکي د لوست په پای کې لاندې موخو ته ورسېږي.</p> <ul style="list-style-type: none"> د طبیعي عددونو سټ وپېژني او د عملیو په خاصیتونو یې وپوهېږي. د طبیعي عددونو د جمعې او ضرب په عملیو کې د عینیت عنصرونه وپېژني. د عددونو پر خط طبیعي عددونه وښودلی شي. په حسابي عملیو کې د طبیعي عددونو د عملیو د خاصیتونو اهمیت درک کړي.
<p>2- د تدریس میتودونه:</p>	<p>پوښتنې او ځوابونه، گروپي او یوکسسيز کار، کانی</p>
<p>3- درسي او مرستندويه توکي:</p>	<p>درسي کتاب، تخته، د طبیعي عددونو چارټ، محیطي مواد، پلاستيکي کڅوړی.</p>
<p>4- د ورودي برخې توضیح: (5 دقیقې)</p>	<p>د لومړنیو فعالیتونو (د حال احوال پوښتنه، حاضري، د ټولگي نظم د کورنۍ دندې لیدل ...) نه وروسته له زده کوونکو وپوښتي چې لومړني عددونه چې انسانانو ورسره سر او کار درلوده کوم عددونه وه که زده کوونکو د دې پوښتنې ځواب نه شو ویلای، ورته دې وویل شي چې انسانان په لومړنیو وختونو کې څه وخت چې به یې خپل څاروي د څر ځایونو ته وړل د هر څاروي لپاره به یې یو کانی ایښوده او کله چې به یې رمه مابښام کور ته راوستله همدا کار به یې کاوه نو یو، دوه، درې ... منځ ته راغله او له همدې کبله ورته طبیعي عددونه وایي. د طبیعي عددونو سټ داسې ښودل کیږي: $N = \{1, 2, 3, \dots\}$</p>
<p>5- د لوست بهیر او فعالیتونه: (28 دقیقې)</p> <p>ښوونکی دې د طبیعي عددونو چارټ چې له مخکې برابر شوی دی د ټولگي مخ ته وځړوي او په وار سره یو، یو زده کوونکی د ټولگي مخې ته راغواړي او په یوه قطار کې یې دروي او د بل زده کوونکي په واسطه یې د کینې لورې څخه وښی خوا ته شماری او بیا د عددونو خط پر تخته رسموي او یو زده کوونکي ته دنده ورکوي، ترڅو شمېرل شوي عددونه د عددونو پر خط په ښه کړي او زده کوونکو ته وویل شي کوم عددونه چې پر خط ښی خوا ته پراته دي له هغو عددونو څخه چې کینې خوا ته پراته دي لوی دي، لکه $7 < 8$ (8 لوی دی له 7 څخه او یا 7 له 8 څخه) کوچنی دی.</p> <p>ښوونکی یو زده کوونکی راغواړي چې د 3 او 5 عددونه سره جمع کړي 3، 5 او 8 کوم عددونه دي د دوو طبیعي عددونو د جمعې حاصل هم طبیعي عدد دی، نو دې خاصیت ته د طبیعي عددونو د بسته گی خاصیت وایي.</p> <p>ښوونکی له زده کوونکو څخه پوښتنه کوي چې آیا د طبیعي عددونو د جمعې په عملیه کې ترتیب څه تاثیر کوي؟ کېدای شي ځینې زده کوونکي ځواب ووايي او که ځواب ونه شي ویلای، نو ښوونکی د ټولگي څخه یو ځل 6 زده کوونکي راغواړي او بیا دې 7 زده کوونکي راغواړي یو زده کوونکی دې لومړی 6 د 7 سره جمع کړي او بیا 7 له 6 سره جمع کړي چې په دواړو حالاتونو کې 13 زده کوونکي کېږي، نو د طبیعي عددونو د جمعې په عملیه کې د تبدیلی خاصیت هم صدق کوي او د عددونو د ترتیب او موقعیت پورې اړه نه لري.</p>	

د دویم مثال د توضیح لپاره ښوونکی کولای شي 8 کاني په یوه پلاستيکي کڅوړه کې واچوي او په دویمه پلاستيکي کڅوړه کې 2 کاني واچوي او په دویمه کڅوړه کې دې 3 نور کاني واچوي، بیا دې د دویمې کڅوړې کاني چې (5) دي په لومړنۍ کڅوړه کې واچوي او یو زده کوونکی دې وشماري چې 13 کاني دي.

بیا دې په لومړۍ کڅوړه کې لومړی 8 کاني او بیا دې 3 کاني واچوي، بیا دې دا (11) کاني په دویمه کڅوړه کې چې (2) کاني دي واچوي، بیا دې یو زده کوونکی وشماري چې (څو) کاني کېږي لیدل کېږي چې په دواړو حالتونو کې (13) کاني کېږي چې دې خاصیت ته د طبیعي عددونو د جمعې د عملیې اتحادی خاصیت وایي. صفر د طبیعي عددونو د جمعې د عملیې د عینیت عنصر دی ولی؟

که چېرې د یو زده کوونکي په خالي بکس کې 2 قلمونه واچوو هماغه 2 قلمونه دي.

6- د زده کړې تحکیم یا پوخوالی: (7 دقیقې):

د $\square + 17 = (\square + 18) + \square$ دا پوښتنه دې زده کوونکي په گروپونو کې حل کړي. په پای کې دې د گروپ نماینده همدا پوښتنه پر تخته حل کړي، ښوونکی لارښوونه کوي، بیا دې $11 \times (18 + \square) = \square \times 18 + \square \times 15$ دا پوښتنه دې یو زده کوونکی پر تخته حل کړي او نور زده کوونکي دې په کتابچو کې حل کړي، بیا هغه زده کوونکی چې پر تخته یې کار کړی دی خپل کار توضیح کوي او ښوونکی لارښوونه ورته کوي. ښوونکی دې د $3 \times (4 + 5) = (3 \times 4) + (3 \times 5)$ پوښتنه حل او زده کوونکي دې پوه کړای شي چې دې خاصیت ته د ضرب توزیعي قانون پر جمع باندې وایي.

7- د درس د پایلې ارزونه: (5 دقیقې):

ښوونکی دې له زده کوونکو څخه د جمعې او ضرب د عملیو د عینیت، د عنصرونو پوښتنه وکړي، زده کوونکي دې اتحادی قانون په $7 + (12 + 25)$ کې تطبیق کړي. بل زده کوونکی دې د $15 \times (20 + 331)$ په پوښتنه کې د ضرب توزیعي خاصیت پر جمع باندې تطبیق او پر تخته دې حل کړي او ښوونکی دې لارښوونه وکړي.

8- د ښوونکي لپاره اضافي معلومات:

1- د بسته گۍ خاصیت (Closure Property): د دوو طبیعي عددونو د جمعې او د ضرب حاصل بیا هم یو طبیعي عدد دی، لکه (17) او (23) دوه طبیعي عددونه دي چې د دوی مجموعه (40) هم یو طبیعي عدد دی. (12) او (15) دوه طبیعي عددونه دي. د دوی د ضرب حاصل (180) هم یو طبیعي عدد دی.

2- د تبدیلی خاصیت (Commutative Property):

$$\underbrace{8+12}_{20} = \underbrace{12+8}_{20}$$

$$\underbrace{5 \times 10}_{50} = \underbrace{10 \times 5}_{50}$$

3- صفر د طبیعي عددونو د جمعې د عملیې د عینیت عنصر (Identity element) او یو د ضرب د عملیې د عینیت عنصر دی ځکه چې $8 + 0 = 8$ او $8 \times 1 = 8$ دی.

4- د طبيعي عددونو د جمعې او ضرب په عمليو کې اتحادي خاصيت صدق کوي،

$$5 + (8 + 3) = (5 + 8) + 3 = 16$$

$$5 \times (8 \times 3) = (5 \times 8) \times 3 = 120$$

5- په جمع باندې د ضرب توزيعي قانون هم په طبيعي عددونو کې صدق کوي

$$5 \times (2 + 3) = 5 \times 2 + 5 \times 3$$

$$5 \times 5 = 10 + 15 \quad 25 = 25$$

9- د پوښتنو ځوابونه:

1- د لاندې جملو څخه کومه يوه يې سمه او کومه يوه يې ناسمه ده؟

— سمه ده.

— ناسمه ده.

— سمه ده.

— سمه ده.

— ناسمه ده.

— ناسمه ده.

2-

$$211 + 327 = 327 + \boxed{211}$$

$$325 \times 88 + 325 \times 73 = 325 \times (\boxed{88} + \boxed{73})$$

$$3935 \times \boxed{0} = 0$$

$$803 \times 593 = 593 \times \boxed{803}$$

$$79 \times (35 \times 89) = (\boxed{79} \times 35) \times 89$$

82÷9

2-2 د وېش قابليتونه Divisibility

د کتاب مخ: (29) د لوست وخت: (1 درسي ساعت)

<p>هيله کېږي چې زده کوونکي د لوست په پای کې لاندې موخو ته ورسېږي.</p> <ul style="list-style-type: none"> • د وېش د قابليتونو مفهوم درک کړي. • د وېش د قابليتونو خاصیتونه درک کړي. • د وېش د قابليتونو د خاصیتونو څخه د ریاضي په عملیو کې ګټه واخلي. • د وېش د قابليتونو په برخه کې د معلوماتو اهمیت درک کړي. 	<p>1_ د زده کړې موخې:</p> <ul style="list-style-type: none"> - پوهنيزي - مهارتي - ذهني
<p>پوښتنې او ځوابونه، ګروپي او یو کسيز کار...</p>	<p>2_ د تدریس میتودونه:</p>
<p>کتاب، تخته، جدول، د 29 مخ د جدول چارټ محیطي مواد...</p>	<p>3_ درسي او مرستندویه توکي:</p>
<p>د دې انگېزې د پیدا کولو لپاره چې ځینې عددونه په ځینو نورو عددونو پوره وېشل کېږي او ځینې نور پرې پوره نه وېشل کېږي.</p> <p>لکه د 82 عدد پر 9 پوره نه وېشل کېږي، خو زده کوونکو ته ووايي چې 81، 36 او 45 عددونه پر 9 ووېشي، لیدل کېږي چې باقي یا پاتې صفر ده او که 82 پر 9 ووېشو باقي نه صفر کېږي، نو ویل کېږي چې 81، 36 او 45 پر 9 د وېش قابلیت لري، خو 82 پر 9 د وېش وړ نه دی.</p>	<p>4_ د ورودی برخې توضیح: (5 دقیقې)</p>
<p>5- د لوست بهیر او فعالیتونه: (28 دقیقې):</p> <p>د لومړنیو فعالیتونو (سلام، احوال پوښتنه، حاضري، د ټولګي منظم کول، کورنۍ دنده ...) څخه وروسته زده کوونکي په ګروپونو ووېشي د عددونو چارټ چې په کتاب کې ورکړ شوی دی د ټولګي مخ کې وڅړوي او زده کوونکي دې د مثال په شان چې د 210 د عدد د وېش قابليتونه پر 2، 3، 4 ... 10 ورکړ شوي دي دا جدول په کتابچو کې ډک کړي، بیا دې یو زده کوونکی د تختې پر مخ حل کړي. ښوونکی دې لارښوونه وکړي. زده کوونکي دې د (29) مخ فعالیت کار وکړي او ښوونکی دې د دوی د کارونو څارنه وکړي او تکره زده کوونکي دې تشویق او کمزور زده کوونکو ته دې لارښوونه وکړي.</p> <p>ښوونکی دې د (30) مخ لومړي مثال د زده کوونکو په برخه اخیستنه د پوښتنو او ځوابونو په شکل حل او توضیح کړي.</p>	
<p>6- د زده کړې تحکیم یا پوځوالی: (7 دقیقې):</p> <p>که خت وه ښوونکی دې نور مثالونه د زده کړې د لا پوځوالي لپاره کار کړي.</p>	

7- د درس د پایلي ارزونه: (5 دقیقې):

له يوه زده کوونکي څخه پر 2 او 3 د وېش قابليتونه وپوښتی له بل زده کوونکي دې وغواړي چې د 3495 د عدد د وېش قابليت پر 3 وڅېړي.

يو زده کوونکی دې د وېش د قابليتونو اهمیت ووايي او ښکاره دې کړي چې که د وېش پر قابليتونو پوه نه شو د کومو ستونزو سره مخامخ کېږو.

8- د ښوونکي لپاره اضافي معلومات:

عددونه	2	3	4	5	6	7	8	9	10
210	✓	✓	×	✓	✓	✓	×	×	✓
1200	✓	✓	✓	✓	✓	×	✓	×	✓
817	×	×	×	×	×	×	×	×	×
105	×	✓	×	✓	×	✓	×	×	×
2008	✓	×	✓	×	×	×	✓	×	×

– پر 13 د وېش قابليت: که د يو عدد د يوز رقم جلا کړو او بيا يې څلور چنده کړو او د پاتې عدد سره يې جمع کړو که د جمعې حاصل پر 13 پوره ووېشل شي، نو دا عدد په 13 پوره وېشل کېږي.

– پر 17 د وېش قابليت: که د يو عدد د يوز رقم جلا او پنځه چنده يې کړو که د پاتې عدد سره يې فرق صفر او يا يو داسې عدد شي چې پر 17 پوره د وېشلو وړ وي دا عدد په 17 د وېش قابليت (ورپتيا) لري.

8_ د پوښتنو ځوابونه:

56 $\boxed{1}$ 723 پر 6

2 $\boxed{2}$ 56 پر 3

2 $\boxed{2}$ 725 پر 4

0 $\boxed{0}$ 56 $\boxed{0}$ 392 پر 2

0 $\boxed{0}$ 5 $\boxed{5}$ 8 $\boxed{8}$ 672 پر 5

2- ځواب:

(C) سم دی

(a) سم دی

(a) سم دی

531 \rightarrow 3

76 \rightarrow 2, 4

128 \rightarrow 2, 4, 8

87 \rightarrow 3

1017 \rightarrow 3, 9

858 \rightarrow 2, 3, 6

24324 \rightarrow 2, 3, 4, 6

4- 5100 ، 2124 ، 1200

5- 1002 ، 102 ، 504

6- ځواب (C).



د کتاب مخ: (31) د لوست وخت: (۱ درسي ساعت)

<p>1- د زده کړې موخې:</p> <ul style="list-style-type: none"> - پوهنيزې - مهارتي - ذهنيتي <p>هيله کېږي چې زده کوونکي د لوست په پای کې لاندې موخو ته ورسېږي.</p> <ul style="list-style-type: none"> • د یو عدد د ضربی اجزاؤو او لومړنیو ضربی اجزاؤو مفهوم درک کړي. • لومړني او مرکب عددونه وپېژني او توپیر یې وکړای شي. • د تجزیې مفهوم درک کړي. • د مرکبو او لومړنیو عددونو قاسمونه پیدا کړای شي. • د ریاضي د مسایلو په حل کې د تجزیې اهمیت درک کړي. 	
<p>2- د تدریس میتودونه:</p> <p>پوښتنې او ځوابونه، یو کسيز او گروپي کار...</p>	
<p>3- درسي او مرستندویه توکي:</p> <p>درسي کتاب، تخته، د تجزیې چارټ، محیطي مواد...</p>	
<p>4- د ورودی برخې توضیح:</p> <p>(5 دقیقې)</p> <p>د لومړنیو فعالیتونو (احوال پوښتنې، حاضری، د کورنۍ دندې لیدنه، د تېر لوست، پوښتنه ...) نه وروسته.</p> <p>په ورودی برخه کې د دې انگېزې پیدا کول دي چې زده کوونکي د لومړنیو او مرکبو عددونو توپیر ته متوجه شي.</p> <p>د تختې پر مخ دې ښوونکي $24 = 4 \times 6$ ولیکي او له زده کوونکو دې پوښتنه وکړي چې پرته له 4 او 6 نور داسې عددونه پېژني چې د ضرب حاصل یې 24 شي، دا چې زده کوونکي فکر کوي تاسې جوړ شوی چارټ د ټولګي په مخ کې وڅړوي</p> <div data-bbox="351 1388 494 1590"> <pre> 24 / \ 4 6 / \ / \ 2 2 2 3 </pre> </div> <p>او زده کوونکو ته ووايي چې د 24 عدد د 4 او 6 پرته نور ضربی عوامل هم لري</p> <p>$24 = 3 \times 8$, $24 = 2 \times 12$</p>	
<p>5- د لوست بهیر او فعالیتونه: (28 دقیقې):</p> <p>ښوونکي دې زده کوونکي په گروپونو ووېشي او زده کوونکي دې د (31) مخ فعالیت سرته ورسوي په پای کې دې د گروپونو نماینده ګان خپل کار نورو ته ووايي، که چېرې تېروتنې موجودې وي، د بل زده کوونکي په واسطه دې اصلاح شي او ښوونکي دې لارښوونه وکړي. دې نتیجې ته رسېږو چې (31) او (11) دوه ضربی اجزاوې لري او 18 له دوو څخه زیاتې ضربی اجزاوې لري.</p>	

$11=1 \times 11$ ، $31=1 \times 31$ لیکن د 23، 15، 17 او 21 په عددونو کې یوازې د 23 او 17 عددونه دي چې پرته له (1) او خپل ځان څخه په نورو د وېشلو وړ نه دي.

$23=1 \times 23$ او $17=1 \times 17$ په همدې ډول (31) او (11) هم لومړني عددونه دي خو د (15) او (21) عددونه لومړی عددونه نه دي او له زده کوونکو وغواړي چې د (40) تر عدد پورې لومړني عددونه ولیکي که یې نه شو لیکلای ښوونکی دې د تختې پر مخ ورته ولیکي او په همدې ډول د مرکبو عددونو سټ دې ورته وروپېژندل شي. $C = \{4, 6, 8, 9, 10, \dots\}$ د یو (1) عدد نه لومړنی دی او نه مرکب.

6- د زده کړې تحکیم یا پوخوالی: (7 دقیقې):

د (31) مخ مثال او که وخت وه داسې نور مثالونه دې د زده کړې د لا پوخوالي لپاره کار شي.

7- د درس د پایلې ارزونه: (5 دقیقې):

ښوونکې دې د لوست د ارزیابي لپاره چې آیا د دې لوست موخو ته رسېدلي یو که نه د لاندې پوښتنو په شان پوښتنې له زده کوونکو وکړي.

- له یوه زده کوونکي وپوښتي چې کومو عددونو ته لومړني عددونه وایي.
- له بله وغواړئ چې د مرکبو او لومړنیو عددونو توپیر څه دی.
- بل زده کوونکی دې د 22، 34، 14، 13، او 53 قاسمونه پر تخته پیدا کړي.
- بل دې د 29، 21، 12، 25 او 17 عددونه تجزیه، لومړنی او مرکب عددونه دې سره جلا کړي.

8- د ښوونکي لپاره اضافي معلومات:

د لومړنیو عددونو د پیدا کولو طریقه.

د ارتوستین غلبیل (Sieve of Eratosthenes):

د قبل المیلاد په دریمه پېړۍ کې یوناني ریاضي پوه ارتوستین د لومړنیو عددونو د پیدا کولو لپاره یوه ساده طریقه پیدا کړه چې د ارتوستین د غلبیل په نامه یادېږي.

د (1) څخه تر (100) پورې لومړني عددونه په لاندې پړاوونو کې پیدا کوو.

لومړی د 1 څخه تر 100 پورې عددونه لیکو، لکه په لاندې جدول کې.

1	②	③	4	⑤	6	⑦	8	9	10
⑪	12	⑬	14	15	16	⑰	18	⑱	20
21	22	⑳	24	25	26	27	28	㉑	30
③①	32	33	34	35	36	③⑦	38	39	40
④①	42	④③	44	45	46	④⑦	48	49	50
51	52	⑤③	54	55	56	57	58	⑤⑨	60
⑥①	62	63	64	65	66	⑥⑦	68	69	70
⑦①	72	⑦③	74	75	76	77	78	⑦⑨	80
81	82	⑧③	84	85	86	87	88	⑧⑨	90
91	92	93	94	95	96	⑨⑦	98	99	100

- 1- د (1) عدد حذف (* کړئ، ځکه چې (1) لومړنی عدد نه دی.
- 2- د (2) له عدد څخه حلقه تاو کړئ، ځکه چې (2) لومړنی عدد دی.
- 3- د 2 د عدد ټول مضربونه لکه 4، 6، 8، 10 ... حذف (* کړئ، (ځکه چې ټول پر 2 د وېش وړ دي)
- 4- د (3) له عدد څخه حلقه تاو کړئ، ځکه د (3) عدد لومړنی عدد دی.
- 5- د 3 د عدد مضربونه لکه 6، 9، 12، 15 ... حذف (* کړئ (ځکه چې ټول پر 3 د وېش وړ دي)
- 6- د 5 له عدد څخه حلقه تاو کړئ، ځکه چې د 5 عدد لومړنی عدد دی.
- 7- د 5 د عدد مضربونه لکه 25، 35، 40 ... حذف (* کړئ، (ځکه چې ټول پر 5 د وېش وړ دي)
- 8- همدې کار ته تر 100 پورې په همدې ډول دوام ورکړئ ټول عددونه چې حلقه شوي وي لومړنيو عددونه دي، ځکه ورته د ارتو ستین غلبیل وایي چې کېدای شي، البته ده به د حلقه شوي عددونو (د لومړني عددونو) ځایونه سوري کول او د غلبیل شکل به یې غوره کاوه.

نوټ: د لویو لومړنيو عددونو د پیدا کولو لپاره داسې عمل کوو:

- مثال: وویاست چې 163، 483، 239 او 1463 کې کوم عددونه لومړني عددونه دي.
- حل: پوهېږئ چې $163 < 13 \times 13$ اوس گورو چې له 13 کوچنی لومړني عددونه 2، 3، 5، 7، 11 دي څرنگه چې 163 پر دې عددونو پوره نه وېشل کېږي، نو د 163 عدد لومړنی عدد دی.
- $483 < 22 \times 22$ نو گورو چې د 488 عدد پر (19، 17، 13، 11، 7، 5، 3، 2) عددونو پوره وېشل کېږي، که نه څرنگه چې لیدل کېږي 483 پر 3 د وېش وړ دی، نو 483 لومړنی عدد نه دی.
- $239 < 16 \times 16$ څرنگه چې د 239 عدد پر یو له (13، 11، 7، 5، 3، 2) عددونو د وېش وړ نه دی، نو د 239 عدد لومړنی عدد دی.

$1463 < 40 \times 40$ څرنگه چې د 1463 عدد پر 7 د وېش وړ دی، نو 1463 عدد لومړنی عدد نه دی.

له بلې خوا د محترم ښوونکي پام دې خواته هم را اړو چې:

- 1- د (1) عدد نه لومړنی عدد دی او نه مرکب، دې عدد ته (Unique Number) وایي.
- 2- له (2) پرته هر جفت عدد د دوو لومړنيو عددونو د جمعې د حاصل په شکل لیکلای شو، لکه $4 = 2 + 2$ ، $6 = 3 + 3$ ، $8 = 3 + 5$ ، $10 = 3 + 7$ او نور.
- 3- له (1) څخه پرته هر طبعي عدد یا لومړنی عدد دی او یا مرکب.
- 4- له (2) پرته نور ټول لومړني عددونه طاق دي.
- 5- Co prime Numbers یا Co Primes: دوه داسې عددونو ته ویل کېږي چې پرته له (1) څخه مشترک فکتور (ضربي اجزاء) ونه لري، لکه (2، 3)، (2، 5)، (3، 4)، (3، 5)، (16، 15)، (28، 27) او داسې نور.
- 6- (Twin primes) هغه دوه لومړنيو عددونو ته ویل کېږي چې فرق یې 2 وي لکه (3، 5)، (5، 7)، (11، 13)، (17، 19)، (29، 31) او داسې نور

7- Perfect numbers: که د یوه عدد د ټولو فکتورونو (ضربي اجزاوو) مجموعه د عدد د دوه برابراه سره مساوي وي دي عدد ته (Perfect Number) وايي لکه د 6 د عدد د ضربي عوامل له 1، 2، 3 او 6 څخه عبارت دي او

$$1 + 2 + 3 + 6 = 12 = 2 \times 6$$

8- (Prime triplet) هغه درې پرله پسې (Successive) لومړني عددونه دي چې د هرو دوو عددونو فرق يې 2 وي او يوازې د (3,5,7) عددونه دي.

9- د پوښتنو ځوابونه:

1- د a ځواب سم دی.

2- (a) او (b) دواړه سم دي.

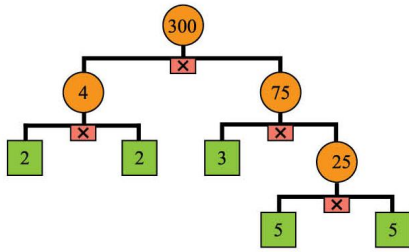
3- لومړني عددونه 11، 37. - مرکب عددونه 15، 51، 49، 14.

4- د یو عدد نه لومړنی او نه مرکب عدد دی ځکه چې لومړنی عدد دوه قاسمونه لري او مرکب هم نه دی ځکه چې پرته له خپل ځان څخه پر بل طبعي عدد د وېش وړ نه دی

5- 67 لومړنی، 1111 مرکب، 847 مرکب، 90 مرکب، 73 لومړنی، 59 لومړنی.

6- د (21) عدد لومړنی نه دی (c).

7- (b) د 67 عدد مرکب نه دی.



2-4 په لومړنيو عددونو تجزيه (Prime Factoring)

د کتاب مخ: (33) د لوست وخت: (1 درسي ساعت)

<p>1- د زده کړې موخې:</p> <ul style="list-style-type: none"> - پوهنيزي - مهارتي - ذهني <p>هيله کېږي چې د لوست په پای کې زده کوونکي لاندې موخو ته ورسېږي.</p> <ul style="list-style-type: none"> • د يوه عدد د لومړنيو ضربي اجزاؤ او مرکبو ضربي اجزاؤو په توپير باندې پوه شي. • يو طبيعي عدد په مختلفو طريقو تجزيه کړای شي. • په لومړنيو ضربي اجزاؤو د تجزيې اهمیت د تر ټولو لوی مشترک قاسم او کوچنی مضرب په پیدا کولو کې درک کړي. 	
<p>2- د تدریس میتودونه:</p> <p>پوښتنې او ځوابونه، گروپي او انفرادي کار، تشریحي ...</p>	
<p>3- درسي او مرستندويه توکي:</p> <p>درسي کتاب، چارټ، محیطي مواد، د تجزيې د جدول چارټ ...</p>	
<p>4- د وړودي برخې توضیح:</p> <p>(5 دقیقې)</p> <p>د لومړنيو فعالیتونو څخه وروسته هغه چارټ چې مو دمخه ترتیب کړی دی د ټولګي مخ ته وځړوی او له زده کوونکو څخه د 12 د عدد د دوه ډوله تجزيې ترمنځ د توپير پوښتنه وکړئ که یې توپير ونه کړای شوه، نو ورته واضح یې کړئ چې په $12 = 2 \times 2 \times 3$ کې ټول ضربي عوامل لومړني عددونه دي، خو د $12 = 3 \times 4$ کې (4) یو مرکب عدد دی. چې همدا توپير د وړودي موخه ده.</p>	
<p>6- د لوست بهیر او فعالیتونه: (28 دقیقې):</p> <p>محترم ښوونکی دې د (72) د عدد د تجزيې چارټ د ټولګي مخ ته وځړوي او زده کوونکو ته دې د پوښتنو او ځوابونو په طریقه توضیح کړي.</p> <p>ښوونکی دې د (33) مخ فعالیت زده کوونکو ته وسپاري چې په څو نورو ډولونو د (72) عدد تجزيه کولای شي. د ستونزو په صورت کې دې ښوونکی لارښوونه او مرسته وکړي. ښوونکی دې د (34) مخ په مثال کې د 208 پر تخته په لومړنيو ضربي اجزاؤو تجزيه کړي.</p>	
<p>6- د زده کړې تحکیم یا پوخوالی: (7 دقیقې):</p> <p>د زده کړې د لا پوخوالي لپاره دې یو زده کوونکی پر تخته د (416) عدد تجزيه کړي او په همدې وخت کې دې نور زده کوونکي په خپلو کتابچو کې تجزيه کړي، که چېرې نوموړی زده کوونکی د تختې پر مخ تجزيه نه کړای شوه په خپله خوښه دې بل زده کوونکی تجزيه کړي.</p> <p>که وخت وه یو زده کوونکی دې د تختې پر مخ (2574) عدد تجزيه کړي او یا دې ښوونکی د زده کوونکو په برخه اخیستنه تجزيه کړي.</p>	

7- د درس د پایلې ارزونه: (5 دقیقې):

د لوست د ارزونې لپاره داسې پوښتنې کولای شئ.

- په لومړنيو ضربي اجزاؤو د یو عدد د تجزیه کولو څخه مطلب څه دی؟
- بل زده کوونکی دې د 568 عدد په لومړنيو ضربي اجزاؤو تجزیه کړي.
- دریم زده کوونکی دې د 568 د عدد ضربي اجزاؤو د ضرب په شکل ولیکي.

8- د ښوونکي لپاره اضافي معلومات:

هغه عددونه چې غواړو تجزیه یې کړو په ترتیب سره یې په 2، 3، 5، 7، 11، 13، 17، 19، 23، 29 او نورو لومړنیو عددنو وېشو چې په لومړنيو ضربي اجزاؤو تجزیه ورته وایي.

9- د پوښتنو ځوابونه:

1-

$\begin{array}{r l} 2 & 36 \\ 2 & 18 \\ 3 & 9 \\ 3 & 3 \\ & 1 \end{array}$	$\begin{array}{r l} 2 & 48 \\ 2 & 24 \\ 2 & 12 \\ 2 & 6 \\ 3 & 3 \\ & 1 \end{array}$	$\begin{array}{r l} 2 & 70 \\ 5 & 35 \\ 7 & 7 \\ & 1 \end{array}$
$36 = 2 \times 2 \times 3 \times 3$	$48 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 3$	$70 = 2 \times 5 \times 7$

2-

$\begin{array}{r l} 2 & 12 \\ 2 & 6 \\ 3 & 3 \\ & 1 \end{array}$	$\begin{array}{r l} 2 & 20 \\ 2 & 10 \\ 5 & 5 \\ & 1 \end{array}$	$\begin{array}{r l} 3 & 45 \\ 3 & 15 \\ 5 & 5 \\ & 1 \end{array}$
$12 = 2 \times 2 \times 3$	$20 = 2 \times 2 \times 5$	$45 = 3 \times 3 \times 5$

$\begin{array}{r l} 2 & 64 \\ 2 & 32 \\ 2 & 16 \\ 2 & 8 \\ 2 & 4 \\ 2 & 2 \\ & 1 \end{array}$	$\begin{array}{r l} 2 & 80 \\ 2 & 40 \\ 2 & 20 \\ 2 & 10 \\ 5 & 5 \\ & 1 \end{array}$
$64 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2$	$80 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 5$

$$80 = 5 \times 16 \quad 70 = 7 \times 10 \quad -3$$

$$80 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 5 \quad 70 = 2 \times 5 \times 7$$

$$-4 \quad 16 = 2^4, 18 = 2 \times 3^2, 27 = 3 \times 9 \text{ سمې دي.}$$

-5

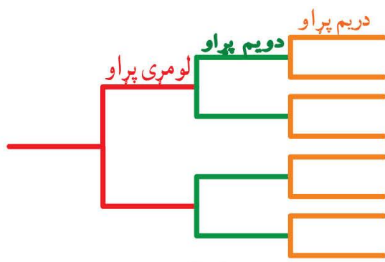
$$15 = 3 \times 5 \quad 24 = 2 \times 2 \times 2 \times 3$$

$$9 = 3 \times 3 \quad 29 = 1 \times 29$$

-6

$$\begin{array}{r|l} 11 & 121 \\ 11 & 11 \\ & 1 \\ \hline 121 = 11 \times 11 \end{array}$$

$$\begin{array}{r|l} 2 & 144 \\ 2 & 72 \\ 2 & 36 \\ 2 & 18 \\ 3 & 9 \\ 3 & 3 \\ & 1 \\ \hline 144 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 3 \end{array}$$



2-5 طاقت (Power)

د کتاب مخ: (35) د لوست وخت: (1 درسي ساعت)

<p>1- د زده کړې موخې:</p> <ul style="list-style-type: none"> - پوهنيزې - مهارتي - ذهني <p>هيله کېږي چې د لوست په پای کې زده کوونکي لاندې موخو ته ورسېږي.</p> <ul style="list-style-type: none"> • د طاقت مفهوم درک کړي. • د قاعدې او توان ښودونکي په مفهومونو پوه شي. • د توان لرونکو عددونو قیمت پیدا کړای شي. • د مساوي عددونو د ضرب حاصل د طاقت په شکل وليکلای شي. • د رياضي د پوښتنو په حل کې د طاقتونو د خاصیتونو اهمیت درک کړي. 	
<p>2- د تدریس میتودونه:</p> <p>پوښتنې او ځوابونه، گروهې او یوکسيز کار، تشریحي ...</p>	
<p>3- درسي او مرستندویه توکي:</p> <p>درسي کتاب، د ورودي برخې د تصویر چارټ، د فعالیت د جدول چارټ، تخته، محیطي مواد ...</p>	
<p>4- د ورودي برخې توضیح: (5 دقیقې)</p> <p>ښوونکي د لومړنیو فعالیتونو وروسته د حجرو زیاتېدل (تکثر) چارټ چې له مخکې جوړ شوي دی د ټولګې په مخکې دې وڅړوي زده کوونکي په دې پوه شي هر حجره په دوو برخو وېشل کېږي چې د مساوي عددونو د ضرب حاصل د طاقت په شکل څنګه لیکل کېږي $2^3 = 2 \times 2 \times 2$ او په دې وپوهېږي چې 2^3 کې 2 ته قاعده (Base) 3 ته توان نما (Exponent) او 2^3 ته طاقت (Power) وايي.</p>	
<p>6- د لوست بهیر او فعالیتونه: (28 دقیقې):</p> <p>ښوونکي دې د (35) مخ فعالیت زده کوونکو ته په گروپونو کې کار ورکړي او لارښوونه دې ورته وکړي، ترڅو د زده کوونکو هر گروپ د فعالیت هره برخه سرته ورسوي او بیا د گروپونو نماینده گان دې خپل کار د تختې پرمخ واضح کړي د اشتباه په صورت کې محترم ښوونکي د اړتیا وړ مرسته ورسره وکړي، بیا دې ښوونکي د (35) مخ مثال پرتخته کار کړي او د $(\frac{2}{3})^4$ برخه کې که زده کوونکو څه ستونزې لرلې مرسته دې ورسره وشي او د (36) مخ د فعالیت هره یوه پوښتنه یې یو گروپ ته ورکوي او خپل کار توضیح کوي.</p>	
<p>6- د زده کړې تحکیم یا پوځوالی: (7 دقیقې):</p> <p>د موضوع د لا ښې زده کړې لپاره محترم ښوونکي دې د (36) مخ دویم مثال پر تخته د پوښتنو او ځوابونو په طریقه حل او واضح کړي.</p>	
<p>7- د درس د پایلې ارزونه: (5 دقیقې):</p> <p>د لوست د لنډیز د ویلو نه وروسته دې ښوونکي د لوست د پای ارزونې لپاره یو څو پوښتنې له زده کوونکو وکړي، ترڅو ډاډه شي چې زده کوونکو موضوع پوره درک کړی ده. د مثال په ډول.</p>	

– په 12^5 کې قاعده، توان ښودونکی او طاقت وښایاست.

– 2^{11} او 11^2 ساده کړي او سره پرتله یې کړي چې کوم یو لوی دی.

8- د ښوونکي لپاره اضافي معلومات:

یونانیانو د هندسې په مرسته د یو عدد توان ښکاره کاوه د دوی معلومات د حساب او الجبر په برخه کې لږ وه او ټوله توجه یې د هندسې خوا ته اړولې وه. د یو عدد دویم توان یې د مربع په مرسته او دریم توان یې د مکعب په مرسته ښکاره کاوه چې ضلعي یې مستقیم خطونه وي او له (3) یې پورته کار نه کاوه. هندي ریاضي پوهانو د لویو عددونو او د دوی له توانو سره علاقه درلوده د سطرینج د تختې یوه مشهوره قصه داسې ده چې د وخت حاکم د سطرینج کشف کوونکی خپل دربار ته راوغوښت او ورته ویې ویل چې له ما څه وغواړه چې درې کرم هغه ورته په ځواب کې وویل چې د سطرینج د تختې په لومړنۍ خانه کې یوه دانه غنم په دویمه کې دوه دانې په دریمه خانه کې څلور دانې او په همدې ډول په هره خانه د مخکنۍ خانې دوه چنده غنم تر (64) خانې پورې کېږدي ما ته یې راکړه، د وخت حاکم فکر وکړ چې د سطرینج مخترع غنمو ته اړتیا لري. امر یې وکړ چې څو بورۍ غنم ورته ورکړي، لېکن مخترع (کشف کوونکي) ورته وویل چې حساب وکړي، بیا غنم ما ته راکړي. څه وخت چې د ریاضي پوهانو حساب وکړ، نو متوجه شول چې که د ځمکې په ټوله سطح باندې غنم وکرل شي هم د مخترع غنم نه پوره کېږي.

نن ورځ چې a^2, a^3, a^4, \dots لیکو دا د یو فرانسوي ریاضي پوه کار دی چې په 1647م. کې رواج شوه.

9- د پوښتنو ځوابونه:

1- (a) سم دی

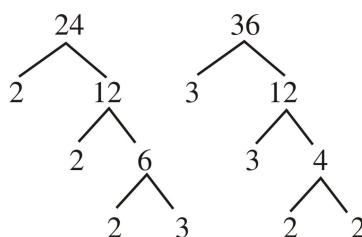
2- (a) سم دی

3- (b) سم دی

4- (b) سم دی.

$$24 = 2 \times 2 \times 2 \times 3 = 2^3 \times 3^1$$

$$36 = 2 \times 2 \times 3 \times 3 = 2^2 \times 3^2$$



6- (a) سم دی.

7- د 208 د عدد لومړنۍ ضربې اجزاوې عبارت دي له: $208 = 2^4 \times 13$

(a) سم دی.

<p>1- د زده کړې موخې:</p> <ul style="list-style-type: none"> - پوهنيزې - مهارتي - ذهني 	<ul style="list-style-type: none"> • د توان لرونکو عددونو ضرب زده کړي. • توان لرونکي عددونه ساده کړای شي. • د رياضي د پوښتنو په حل کې د طاقت د قوانينو څخه ګټه واخيستلای شي. • د رياضي په مسايلو کې د طاقت د قوانينو اهميت درک کړي.
<p>2- د تدريس میتودونه:</p>	<p>پوښتنې او ځوابونه، گروهې او يوکسيز کار، تشریحي ...</p>
<p>3- درسي او مرستندويه توکي:</p>	<p>درسي کتاب، تخته، د (24) او (36) د عددونو د تجزيې چارټ.</p>
<p>4- د ورودي برخې توضیح:</p> <p>(5 دقيقې)</p>	<p>د لومړنيو فعاليتونو څخه وروسته دې ښوونکي د (24) او (36) د عددونو چارټ د ټولګي مخې ته وځړوي او له زده کوونکو دې پوښتنه وشي، ترڅو د دې عددونو لومړني ضربي اجزاوې پيدا کړي، دوی فکر کوي يو زده کوونکی دا کار کوي او که نه، نو ښوونکي دې په لا نډې ډول واضح کړي.</p> $36 = 2 \times 2 \times 3 \times 3 = 2^2 \times 3^2 \quad \text{او} \quad 24 = 2 \times 2 \times 2 \times 3 = 2^3 \times 3^1$ <p>په دې معنا چې: $\underbrace{2^3 \times 3^1}_{24} \times \underbrace{2^2 \times 3^2}_{36} = 2^5 \times 3^3$</p> <p>د ضرب حاصلونه سره مساوي وي: $\underbrace{24 \times 36}_{864} = \underbrace{2^5 \times 3^3}_{864}$</p> $16 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 2^4$ $16 = 4 \times 4 = 4^2$ $64 = 8 \times 8 = 8^2 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 2^6$
<p>5- د لوست بهير او فعاليتونه: (28 دقيقې):</p> <p>د ورودي پوښتنو د توضیح څخه وروسته دې ښوونکي د (37) مخ لومړی مثال پر تخته حل او دواړه نتيجه دې پر تله کړي، بيا دې زده کوونکي په گروهونو ووېشل شي او د (37) مخ فعالیت دې ورکړ شي، ترڅو کار پرې وکړي د دوی د کار څارنه دې وشي او کمزورو زده کوونکو ته دې لارښوونه وشي.</p> <p>د يو يا دوه گروهونو نماينده ګان (استازي) دې راوغوښتل شي، ترڅو خپل کار واضح کړي او د فعالیت نتیجه دې چې که د طاقتونو په ضرب کې قاعدې سره مساوي وي توانونه سره جمع کېږي. ښوونکي دې د $2^3 \times 3^3$ نتیجه چې 6^3 کېږي زده کوونکو ته واضح کړي $2^3 \times 3^3 = (2 \times 3)^3 = 6^3$.</p> <p>دويم مثال دې د زده کوونکو په برخه اخیستنه حل شي.</p>	

6- د زده کړې تحکیم یا پوځوالی: (7 دقیقې):

د زده کړې د لا ګټورتیا لپاره دې د پوښتنو او ځوابونو په شکل دریم او څلورم مثال دې د زده کوونکو سره کار شي او نتیجه دې زده کوونکو ته واضح شي.

$$(3^4)^2 = 3^4 \times 3^4 = 3^8$$

$$(3^4)^2 = (3)^{4 \times 2} = 3^8$$

7- د درس د پایلې ارزونه: (5 دقیقې):

د لوست له لاندیز څخه وروسته د لوست د ارزیابي لپاره دې په لاندې ډول پوښتنې وشي.

1- د طاقتونو په ضرب کې څه وخت توانونه سره جمع کېږي؟

2- $4 \times 5 \times 4 \times 4 \times 5$ د طاقت په شکل ولیکئ.

3- له زده کوونکو وغواړئ چې د طاقت د ضرب قوانینو اهمیت د پوښتنو په حل کې څه دی؟

8- د ښوونکي لپاره اضافي معلومات:

محترم ښوونکي ته ښکاره ده چې:

1) $2^3 \times 2^4 = 2^7$ یا $a^m \cdot a^n = a^{m+n}$

2) $3^2 \times 4^2 = (12)^2$ یا $a^m \cdot b^m = (a \cdot b)^m$

3) $(2^3)^4 = (2)^{12}$ یا $(a^m)^n = (a)^{mn}$

9- د پوښتنو ځوابونه:

1-

$$2^5 \times 3^5 = (2 \times 3)^5 = 6^5$$

$$7^2 \times 7^3 \times 7^5 = 7^{10}$$

$$3^4 \times 3^2 = 3^{4+2} = 3^6$$

2- (b) سم دی.

3- (b) سم دی.

4- (b) سم دی.

5- (a) سم دی.

$$\frac{A^n}{A^m} = A^{n-m}$$

$$m < n$$

2-7 د طاقتونو وېش

د کتاب مخ: (39) د لوست وخت: (1 درسي ساعت)

<p>1- د زده کړې موخې:</p> <ul style="list-style-type: none"> - پوهنيزې - مهارتي - ذهني 	<ul style="list-style-type: none"> • د توان لرونکو عددونو وېش زده کړي. • توان لرونکي عددونه ساده کړي شي. • د طاقتونو د وېش له قوانينو څخه د رياضي د مسايلو په حل کې گټه واخيستلای شي. • د رياضي د مسايلو په حل کې د طاقت د وېش د قوانينو اهميت درک کړي. او د رياضي زده کړو ته علاقه مند شي.
<p>2- د زده کړې ميتودونه:</p>	<p>پوښتنې او ځوابونه، گروهې او يو کسيز کار، تشریحي ...</p>
<p>3- مرستندويه توکي:</p>	<p>درسي کتاب، تخته، محيطي مواد، چارټ ...</p>
<p>4- د وړودي برخې توضیح:</p> <p>(5 دقيقې)</p>	<p>د لومړنيو فعاليتونو څخه وروسته په وړودي برخه کې جوړ شوی چارټ دې د ټولگي مخ ته وځړول شي او ترې پوښتنه دې وشي چې آیا د طاقتونو د وېش لپاره کومه عمومي قاعده ويلاى شي. پرېږدئ چې زده کوونکي پخپله ځواب ووايي، که يې ونه شو ويلاى په چارټ کې يې ورته وښيي چې $\frac{5^4}{5^2} = 5^2$ کېږي او دا چې دا په دې شکل $5^{4-2} = 5^2$ وليکي او $5^2 = 5 \times 5 = 25$ او ورته دې وويل شي چې د داسې طاقتونو وېش چې قاعدې يې مساوي وي، مشترکه قاعده د صورت او مخرج د توانو د تفريق د حاصل په توان ليکل کېږي.</p>
<p>5- د لوست بهير او فعاليتونه: (28 دقيقې)</p>	<p>ښوونکي دې د کتاب د (39) مخ لومړی مثال د پوښتنو او ځوابونو په طريقه پر تخته کار کړي او د (39) مخ فعاليت دې زده کوونکو ته ورکړي، ترڅو کار پرې وکړي او ښوونکي دې څارنه وکړي په پای کې دې د گروپونو نماينده گان پر تخته دا فعاليت حل کړي.</p> <p>په $\frac{8^4}{2^4} = (\frac{8}{2})^4 = 4^4 = 4.4.4.4 = 256$ څخه د هغه طاقتونو په وېش کې چې توانونه يې مساوي او قاعدې يې مختلفې وي د صورت قاعده د مخرج پر قاعده وېشو او د مساوي توانونو څخه د يوه په توان يې ليکو.</p> <p>له زده کوونکو څخه وغواړئ چې آیا د (40) مخ دويم مثال حلولی شي يو زده کوونکی دې په خپله خوښه پر تخته حل کړي، که ستونزې درلودې محترم ښوونکی دې لارښوونه او مرسته ورسره وکړي.</p>
<p>6- د زده کړې تحکيم يا پوخوالی: (7 دقيقې)</p>	<p>د زده کړې د لاپوخوالي لپاره د ټولگي (3) تنه زده کوونکي راوغواړي چې د لوست د پوښتنو لومړۍ پوښتنه حل کړي، تکراره زده کوونکي دې تشويق او کمزورو سره دې مرسته او لارښوونه وشي.</p>

7- د درس د پايلې ارزونه: (5 دقيقې):

د ډاډ لپاره د لاندې په شان پوښتنې له زده کوونکو وپوښتنئ او ځوابونه يې واورئ.

1- د هغه طاقتونو وېش چې قاعدې يې مساوي او توانونه يې توپير ولري، څرنگه لاس ته راوړلای شو، لکه: $\frac{9^{11}}{9^2} = ?$

2- له يوه زده کوونکي وغواړئ چې $\frac{(22)^3}{(11)^3}$ ساده کړي.

3- يو بل زده کوونکی دې $\frac{15 \times 15 \times 15}{2 \times 2 \times 2}$ د توان لرونکي عدد په شکل وليکي. د ستونزو په صورت کې ورته لارښوونه وکړئ.

8- د ښوونکي لپاره اضافي معلومات:

$$\frac{2^8}{2^5} = 2^3 \quad \text{يا} \quad \frac{a^m}{a^n} = a^{m-n} \quad m > n$$

$$\frac{2^5}{2^8} = 2^{5-8} = 2^{-3} = \frac{1}{2^3} = \frac{1}{8} \quad \text{يا} \quad \frac{a^m}{a^n} = a^{m-n} \frac{1}{a^{n-m}} \quad \text{او که } m < n \text{ وي}$$

$$\frac{8^2}{4^2} = 2^2 \quad \text{يا} \quad \frac{a^m}{b^m} = \left(\frac{a}{b}\right)^m$$

محترم ښوونکی په دې پوهېږي چې زده کوونکي لا تر اوسه د منفي عددونو سره اشنا نه دي، نو $\frac{12^7}{12^3} = 12^{7-3} = 12^4$ چې

دلته د صورت توان د مخرج له توان څخه لوی دی کېدای شي کوم زده کوونکی پوښتنه وکړي چې

$$\frac{(12)^3}{(12)^7} = 12^{3-7} = 12^{-4} = \frac{1}{(12)^4}$$

نو زده کوونکي دې پوه کړئ چې تر اوسه مو لا منفي عددونه لوستلي نه دي.

9- د پوښتنو ځوابونه:

$$\frac{8^6}{4^6} = 2^6 \quad \frac{7^4}{7^2} = 7^2 \quad \frac{9^6}{9^4} = 9^2 \quad -1$$

$$\frac{7^6 \times 7^4}{7^5 \times 7^2} = \frac{7^{6+4}}{7^{5+2}} = \frac{7^{10}}{7^7} = 7^{10-7} = 7^3 \quad -2$$

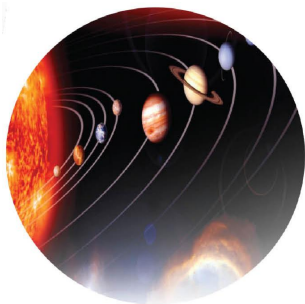
$$\frac{5^4 \times 5^3}{5^2 \times 5^2} = \frac{5^7}{5^4} = 5^{7-4} = 5^3$$

$$\frac{4^5 \times 6^3}{4^3 \times 6^2} = \frac{4^5}{4^3} \times \frac{6^3}{6^2} = 4^{5-3} \times 6^{3-2} = 4^2 \times 6^1 = 16 \times 6 = 96$$

$$\frac{5^8}{5^3} = 5^{8-3} = 5^5 = 5 \times 5 \times 5 \times 5 \times 5 = 25 \times 25 \times 5 = 625 \times 5 = 3125 \quad -3$$

$$\frac{8^{11}}{8^3} = 8^{11-3} = 8^8 = \underbrace{8 \times 8 \times 8 \times 8}_{4096} \times \underbrace{8 \times 8 \times 8 \times 8}_{4096} = 16777216$$

$$\frac{2^4 \times 3^2}{4^2 \times 9} = \frac{2^4 \times 9}{4^2 \times 9} = \frac{16}{16} = 1 \quad -4 \text{ (a) سم دی، ځکه چې:}$$



2-8 د عدد د لیکلو علمي طریقه (Scientific Notation)

د کتاب مخ: (41) د لوست وخت: (1 درسي ساعت)

<p>1- د زده کړې موخې:</p> <ul style="list-style-type: none"> - پوهنیزه - مهارتي - ذهنيتي 	<ul style="list-style-type: none"> • زده کوونکي په علمي طریقه د عددونو په لیکلو پوه شي: • وکولی شي چې لوی عددونه د عدد لیکلو په علمي طریقه ولیکي. • په ریاضیکي محاسبو کې د عدد لیکلو د علمي طریقې څخه ګټه واخېستلای شي. • په ریاضي کې د عدد لیکلو د علمي طریقې اهمیت درک کړي.
<p>2- د تدریس مېتودونه:</p>	<p>پوښتنې او ځوابونه، گروهې او انفرادي کار، تشرېحي...</p>
<p>3- درسي او مرستندویه توکي:</p>	<p>درسي کتاب، تخته، د ورکړل شوو عددونو چارټ (له لمر څخه د ځینو سیارو فاصلې)</p>
<p>4- د ورودي برخې توضېح: (5 دقیقې)</p>	<p>د لومړنیو فعالیتونو څخه وروسته د ټولګي مخ کې هغه چارټ (د ورودي چارټ) چې له مخکې ترتیب شوی وي وڅړئ.</p> $149600000\text{Km} = 1,496 \times 10^8 \text{Km}$ $108200000\text{Km} = 1,082 \times 10^8 \text{Km}$ $1427000\text{Km} = 1,427 \times 10^6 \text{Km}$ <p>له زده کوونکو څخه باید پوښتنه وشي چې د عدد لیکلو د علمي طریقې ګټه څه ده؟ که دوی ونشي ویلای نو تاسو یې ورته واضح کړئ چې د وخت د ضایع کېدو مخنیوی کوي او هم ډېر لوی او ډېر کوچني عددونه په لنډه توګه لیکل کېږي.</p>
<p>5- د لوست بهیر او فعالیتونه: (28 دقیقې)</p> <p>ښوونکي دې زده کوونکي چارټ یا تختې ته متوجه کړي چې یو عدد په دوو برخو ویشل کېږي چې دواړه برخې یې یو په بل کې د ضرب په ډول لیکل کېږي چې لومړۍ برخه یې یو او یا ترې لوی او له لسو (10) کوچنۍ ده او دویمه برخه یې د 10 یو طاقت دی.</p> <p>ښوونکي دې د 41 مخ فعالیت په گروهونو کې کار وکړي تر څو خالي ځایونه ډک کړي، بیا په پای کې د هر ګروپ نماینده خپل کار واضح کوي. د ستونزو په حالت کې ښوونکي مرسته او لارښوونه کوي.</p> <p>ښوونکي دې د 41 مخ مثال پر تخته حل کړي او ورته واضح دې کړي چې د 820000 عدد د $8,2 \times 10^5$ په شکل څکه لیکو چې د اعشاري علامه پنځه خانې چې خواته نقل شوي ده نو ځکه د 10 توان 5 شوه.</p> <p>یو زده کوونکي که وکولای شي دویم مثال دې پر تخته او نور زده کوونکي دې په خپلو کتابچو کې حل کړي او که اشتباه موجوده وي په خپله خوښه دې یو زده کوونکي اصلاح کړي او نور زده کوونکي دې هم په خپلو کتابچو کې اصلاح کړي.</p>	

6- زده کړې تحکیم یا پوځوالی: (7 دقیقې)

د زده کړې د لا پوځوالي لپاره د 42 مخ درېم او څلورم مثالونه د زده کوونکو په برخه اخیستنه د پوښتنو او ځوابونو په طریقه حل کړئ.

7- د لوست د پایلې ارزونه: (5 دقیقې)

د لوست د ارزونې لپاره ښوونکي کولای شي په لاندې ډول پوښتنې له زده کوونکي وکړي:

- د عدد د لیکلو علمي طریقه څه گټه لري؟

- یو زده کوونکي دې د 428×10^5 عدد د عدد لیکلو په علمي طریقه ولیکي.

- بل زده کوونکي دې د $8,88 \times 10^7$ عدد د عدد لیکلو په علمي طریقه ولیکي.

8- د ښوونکي لپاره اضافي معلومات:

ښاغلی ښوونکي په دې پوهېږي چې $1 \leq a < 10$ وي لکه د 32700000 عدد د $3,27 \times 10^7$ په شکل لیکل کېږي چې $1 < 3,27 < 10$:

څرنگه چې منفي عددونه تر اوسه زده کوونکو نه دي لوستي زده کوونکي دومره پوه شي چې یواځې لوی عددونه نه، بلکې ډېر کوچني عددونه هم په دې طریقه لیکلای شو، لکه:

$$0,123 = 1,23 \times 10^{-1}$$

$$0,0123 = 1,23 \times 10^{-2}$$

$$0,00123 = 1,23 \times 10^{-3}$$

$$0,000123 = 1,23 \times 10^{-4}$$

او داسې نور.

9- د پوښتنو ځوابونه:

-1

$$511 = 5,11 \times 10^2 \quad 510 = 5,1 \times 10^2 \quad 60230 = 6,023 \times 10^4$$

$$8540 = 8,54 \times 10^3 \quad 435,2 \times 10^3 = 4,352 \times 10^5 \quad 88,8 \times 10^{11} = 8,8 \times 10^{12}$$

-2 (b) سم دی.

-3 (b) سم دی.

-4 (a) سم دی.

$$57900000 = 5,79 \times 10^7 \quad -5$$



9-2 تر ټولو لوی مشترک (گډ) قاسم

د کتاب مخ: (43) د لوست وخت: (1 درسي ساعت)

<ul style="list-style-type: none"> • د قاسم، مشترک قاسم او د تر ټولو لوی مشترک قاسم د مفهومونو توپیر درک کړي. • د بېلابېلو عددونو قاسمونه پیدا کړي شي. • د مختلفو عددونو مشترک قاسمونه پیدا کړي شي. • د دوه یا څو عددونو په مشترکو قاسمونو کې لوی مشترک قاسم وټاکلی شي. • د ریاضي د مسایلو په حلولو کې د تر ټولو لوی مشترک قاسم اهمیت درک کړي. 	<p>1- د زده کړې موخې:</p> <ul style="list-style-type: none"> - پوهنیزه - مهارتي - ذهنيتي
<p>پوښتنې او ځوابونه، تشرېحي، گروهی او انفرادي کارونه...</p>	<p>2- د تدریس میتودونه:</p>
<p>درسي کتاب، د قاسمونو چارت، او د 16، 24 او 40 عددونو د قاسمونو د تقاطع د دیاگرام چارت</p>	<p>3- درسي او مرستندویه توکي:</p>
<p>د لومړنیو فعالیتونو څخه وروسته دې ښوونکي د وړودي پوښتنې په برخه کې زده کوونکو ته ووايي: کېدی شي چې 36 کسيز ټولگی نه وي، 36 دانې لوبیا، کاني یا پنسلونه او نور داسې شیان پر مېز کېږدئ او یو زده کوونکی دې په مساوي برخو ووېشي چې په حقیقت کې د 36 د عدد قاسمونه دي که زده کوونکي ونشي کړي چې د 36 د عدد ټول قاسمونه پیدا کړي ښوونکي دې لارښوونه وکړي.</p>	<p>4- د وړودي برخې توضیح: (5 دقیقې)</p>
<p>5- د لوست بهیر او فعالیتونه: (28 دقیقې)</p> <p>ښوونکي دې د 43 مخ لومړی او دویم مثال زده کوونکو ته په ونډه اخیستلو سره کار وکړي.</p> <p>د 43 مخ فعالیت دې څلور زده کوونکي پر تخته کار کړي د همدې مخ درېم مثال یا دې ښوونکي پر تخته کار کړي او یا دې درې زده کوونکي که یو زده کوونکی پر تخته د 16، 24 او 40 قاسمونه پیدا کړي بل زده کوونکی دې ددې عددونو مشترک قاسمونه پیدا کړي. بل دې د مشترکو قاسمونو څخه لوی عدد وټاکي چې همدا عدد د 16، 24 او 40 تر ټولو لوی مشترک قاسم دی.</p> <p>په دې وخت کې د لوی مشترک قاسم تعریف دې ښوونکي ورته وکړي ددې قاسمونو تقاطع دې د دیاگرام په چارت کې چې له مخه ترتیب شوی دی زده کوونکو ته وښودل شي.</p>	
<p>6- زده کړې تحکیم یا پوخوالی: (7 دقیقې)</p> <p>د زده کړې د لاپوخوالي لپاره دې زده کوونکي څلورم مثال په گروپونو کې پرته له دې چې له کتاب څخه ځکه واخلي حل کړي او که وخت و د گروپ نماینده ګان دې توضیح کړي. ښوونکي دې لارښوونه وکړي او زده کوونکي دې زده کړې ته علاقه مند کړي.</p>	

7- د لوست د پایلي ارزونه: (5) دقیقې

د لوست د ارزونې لپاره ښوونکي کولی شي چې د لاندې پوښتنو په شان پوښتنې وکړي:

- 1- مشترک قاسم کوم عدد ته ویل کېږي؟
- 2- بل کوم زده کوونکي پر تخته د 32 او 46 د عددونو قاسمونه پیدا کولي شي؟
- 3- څوک د 32 او 46 عددونو مشترک قاسمونه پیدا کولی شي.

8- د ښوونکي لپاره اضافي معلومات:

ښاغلی ښوونکي په دې پوهېږي چې د قاسمونو د ستونو او تجزیې سربېره د اقلیدسي ویش په واسطه هم د دوه یا څو عددونو تر ټولو لوی مشترک قاسم پیدا کولی شو.

د مثال په ډول: د 224 او 768 عددونو لوی مشترک قاسم د اقلیدسي ویش په واسطه پیدا کړئ.

• لوی عدد پر کوچني عدد باندې ویشو.

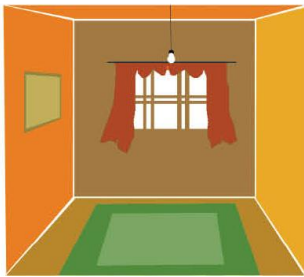
$$\begin{array}{r|l} 768 & 224 \\ -672 & 3 \\ \hline & 96 \end{array}$$

- 224 پر پاتې 96 ویشو.
- د لومړي پړاو پاتې د دویم پړاو په پاتې باندې ویشو.
- اوس 96 پر 32 ویشو پاتې صفر دی.
- همدا اخرنی مقسوم علیه (32) د 224 او 768 عددونو لوی مشترک قاسم دی.

$$\begin{array}{r|l} 96 & 32 \\ -96 & 3 \\ \hline & 0 \end{array}$$

9- د پوښتنو ځوابونه:

- 1- هو! ځکه چې $35 \div 5 = 7$ کېږي یا 35 پر 5 پوره ویشل کېږي.
- 2- نه! ځکه چې د 38 عدد پر 4 پوره نه ویشل کېږي.
- 3- a : $\{1,2,3,4,6,8,12,24\}$ د 24 قاسمونه
 $\{1,2,4,8,16,32\}$ د 32 قاسمونه
 د 24 او 32 د مشترکو قاسمونو سټ $\{1,2,4,8\}$ تر ټولو لوی مشترک قاسم یې 8 دی.
- b : $\{1,2,4,5,8,10,20,40\}$ د 40 قاسمونه
 $\{1,5,25\}$ د 25 قاسمونه
 د 25 او 40 د عددونو د مشترکو قاسمونو سټ $\{1,5\}$ دی، تر ټولو لوی مشترک قاسم یې 5 دی.
- c : $\{1,2,5,10,25,50\}$ د 50 د قاسمونو سټ، $\{1,2,13,26,52\}$ د 52 د قاسمونو سټ د 50 او 52 د مشترکو قاسمونو سټ $\{1,2\}$ دی چې تر ټولو لوی مشترک قاسم یې 2 دی.
- d : $\{1,7\}$ د 7 قاسمونه، $\{1,2,4,8,16\}$ د 16 قاسمونه د 7 او 16 د مشترکو قاسمونو سټ $\{1\}$ دی چې لوی مشترک قاسم یې هم دی.
- 4- د دوو لومړنیو عددونو تر ټولو لوی مشترک قاسم یو دی.



10-2 د تجزيې په مرسته د تر ټولو لوی مشترک قاسم پيداكول

د کتاب مخ: (45) د لوست وخت: (1 درسي ساعت)

<ul style="list-style-type: none"> • زده کوونکي د تجزيې په واسطه د دوه يا څو طبيعي عددونو لوی مشترک قاسم پيداكول زده کړي. • د لوی مشترک قاسم او د لومړنيو ضربي اجزاوو تر منځ اړيکې درک کړي. • د مسايلو په حلولو کې د تر ټولو لوی مشترک قاسم څخه گټه واخيستلای شي او د خوښۍ احساس وکړي. • د مسايلو په حل کې د لوی مشترک قاسم اهميت درک کړي. 	<p>1- د زده کړې موخې:</p> <ul style="list-style-type: none"> - پوهنيزه - مهارتي - ذهني
<p>پوښتنې او ځوابونه، گروپي کار، يو کسيز کار، مباحثه، تشرېحي</p>	<p>2- د تدريس مېتودونه:</p>
<p>درسي کتاب، تخته، د 780، 910 او 390 عددونو د تجزيې چارټ، فيته</p>	<p>3- درسي او مرستندويه توکي:</p>
<p>ورودي پوښتنه دې له زده کوونکو وپوښتل شي که فيته وي د ټولگي د کوټې اوږدوالی، سور او لوړوالی دې پيدا کړای شي، او که نه ددې عددونو چارټ دې وڅېړل شي او زده کوونکي دې په دې پوه شي چې د داسې فيتې اوږدوالی بايد 10 متره وي چې همدا 10 د 780، 910 او 390 عددونو لوی مشترک قاسم دی. که عددونه تجزيه شي او د طاقت په شکل وليکل شي، نو مشترک عددونه چې کوچني توانونه ولري په خپل منځ کې ضرب شي همدا د ضرب حاصل لوی مشترک قاسم دی.</p>	<p>4- د ورودي برخې توضېح: (5 دقيقې)</p>
<p>5- د لوست بهير او فعاليتونه: (28 دقيقې)</p> <p>د لومړنيو فعاليتونو څخه وروسته دې د 45 مخ د فعاليت څلور برخې دې څلور زده کوونکي پر تخته کار وکړي او يا که ښوونکی لازم وگڼي، ټولگي دې په گروپونو ووېشي او زده کوونکي دې د فعاليت کار سرته ورسوي او بيا دې د فعاليت نتيجه ټولو زده کوونکو ته وويل شي.</p> <p>ښوونکی دې ددې مخ لومړی مثال د پوښتنو او ځوابونو په طريقه په تخته کار وکړي او د تر ټولو لوی مشترک قاسم د پيدا کولو طريقه دې د تجزيې په واسطه زده کوونکو ته روښانه کړي، بيا دې د 46 مخ فعاليت پر شاگردانو په گروپي ډول او يا دا چې يو زده کوونکی دې پر تخته حل کړي او نور زده کوونکي دې په کتابچو کې کار وکړي.</p> <p>د فعاليت په پای کې دې زده کوونکي خپل کار توضېح کړي او نور زده کوونکي دې که تيروتنې يې کړې وي په خپلو کتابچو کې اصلاح کړي.</p>	
<p>6- زده کړې تحکيم يا پوخوالی: (7 دقيقې)</p> <p>د زده کړې د لا موثريت لپاره دې زده کوونکي د 46 مخ له پوښتنو څخه لومړی او دويمه پوښتنه حل کړي او ښوونکی دې لارښوونه وکړي بله دا چې ښاغلی ښوونکی دې په دې هکله داسې پوښتنې وکړي چې د زده کوونکو د ورځني ژوند سره اړيکي ولري.</p>	

7- د لوست د پایلې ارزونه: (5) دقیقې

د لوست د پای د ارزونې او د زده کوونکو د زده کړې څخه د ډاډ لپاره د لاندې پوښتنو په شان پوښتنې له زده کوونکو وکړئ، لکه:

1- یو زده کوونکی دې ووايي چې د دوه یا څو عددونو د تر ټولو لوی مشترک قاسم د پیدا کولو لپاره څرنگه عمل کوو؟

2- بل زده کوونکی دې د 260 او 420 عددونه تجزیه کړي.

3- یو بل زده کوونکی دې د پورتنیو عددونو تجزیه د طاقت په شکل ولیکي.

4- بل زده کوونکی دې ددې عددونو لوی مشترک قاسم پیدا کړي.

9- د پوښتنو ځوابونه:

1- b سم دی.

2- c سم دی.

3- د 48 او 78 عددونو تر ټولو لوی مشترک قاسم 6 دی.

د 13 او 15 عددونو تر ټولو لوی مشترک قاسم 1 دی.

د 16، 17 او 48 عددونو تر ټولو لوی مشترک قاسم 1 دی.

د 18، 25 او 35 عددونو تر ټولو لوی مشترک قاسم 1 دی.

4-

$$40 = 2 \times 2 \times 2 \times 5 = 2^3 \times 5$$

$$16 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 2^4$$

$$\text{G.C.D} = 2^3 = 8$$

$$18 = 2 \times 3 \times 3 = 2 \times 3^2$$

$$42 = 2 \times 3 \times 7$$

$$\text{G.C.D} = 2 \times 3 = 6$$

$$27 = 3 \times 3 \times 3 = 3^3$$

$$84 = 2 \times 2 \times 3 \times 7 = 2^2 \times 3 \times 7$$

$$\text{G.C.D} = 3$$

$$36 = 2 \times 2 \times 3 \times 3 = 2^2 \times 3^2$$

$$60 = 2 \times 2 \times 3 \times 5 = 2^2 \times 3 \times 5$$

$$\text{G.C.D} = 2^2 \times 3 = 4 \times 3 = 12$$

5- d سم دی.



11-2 تر ټولو کوچنی مشترک مضرب

د کتاب مخ: (47) د لوست وخت: (1 درسي ساعت)

<ul style="list-style-type: none"> • زده کوونکي د مضرب، مشترک مضرب او د کوچني مشترک مضرب مفهومونه درک کړي. • زده کوونکي د مختلفو عددونو مضربونه پيدا او درک کړي چې د يو عدد مضربونه د شمېر وړ نه دي. • په دې پوه شي چې د دوو يا څو عددونو په مشترکو مضربونو کې تر ټولو کوچنی عدد ددې عددونو کوچنی مشترک مضرب دی. • د مسايلو په حل کې د کوچني مشترک مضرب څخه گټه واخېستلای شي او اهميت يې درک کړي. 	<p>1- د زده کړې موخې:</p> <ul style="list-style-type: none"> - پوهنيزه - مهارتي - ذهني
<p>گروپي کار، پوښتنې او ځوابونه، تشرېحي، يوکسيز کار...</p>	<p>2- د تدريس مېتودونه:</p>
<p>درسي کتاب، تخته، د وړودي چارت او جدول، د دويم فعاليت د عددونو د خط تصوير، د ماشومانو کوچنی موټر (موډل) چې ټايرونه يې يو لوی او بل کوچني وي.</p>	<p>3- درسي او مرستندويه توکي:</p>
<p>د لومړنيو فعاليتونو څخه وروسته دې زده کوونکي چارت او يا د موټر موډل ته متوجه کړي شي په لوی او کوچني ټاير کې دې ټکي (نقطې) په نښه کړي شي د څو دورونو د ټاير کولو څخه وروسته دواړه نقطې په يو وخت ځمکې ته رسېږي، کوچنی ټاير د 5 دورونو څخه وروسته $5 \times 360 = 1800$ او لوی ټاير $3 \times 600 = 1800$ د درې دورونو څخه وروسته دواړه يوځای ځمکې ته رسېږي چې دا د 1800 عدد د 360 او 600 د عددونو کوچنی مشترک مضرب دی چې د 1800 عدد د 360 او 600 پر عددونو پوره ویشل کېږي.</p>	<p>4- د وړودي برخې توضېح:</p> <p>(5 دقيقې)</p>
<p>5- د لوست بهير او فعاليتونه: (28 دقيقې)</p> <p>زده کوونکي دې په گروپونو کې د لوست لومړنی فعاليت سرته ورسوي، ددې عددونو مشترک خاصيت دادی چې ټول پر 4 پوره ویشل کېږي او هم داسې نور بې شمېره عددونه شته دی چې پر 4 پوره ویشل کېږي، ښوونکی دلته د مضرب تعريف زده کوونکو ته وايي.</p> <p>زده کوونکي بيا په گروپونو کې د لوست دويم فعاليت سرته رسوي، يا يو زده کوونکی پر تخته او نور يې په خپلو کتابچو کې کار کوي، که اشتباه موجوده وه ښکاره ده چې ښاغلی ښوونکی لارښوونه کوي.</p> <p>د 3 مضربونه $\{3, 6, 9, 12, 15, 18, 21, 24, 27, \dots\}$ د 4 مضربونه $\{4, 8, 12, 16, 20, 24, 28, 32, 36, \dots\}$</p> <p>د 3 او 4 مشترک مضربونه $\{12, 24, \dots\}$ دي چې د 3 او 4 کوچنی مشترک مضرب د 12 عدد دی، چې دا د عددونو پر خط ښکاره ليدل کېږي.</p>	

6- زده کړې تحکیم یا پوځوالی: (7 دقیقې)

د لوست د ښې زده کړې لپاره د 48 مخ مثال دې د زده کوونکو په برخه اخیستنه حل شي.

7- د لوست د پایلې ارزونه: (5 دقیقې)

د لوست د ارزونې لپاره د لاندې پوښتنو په شان پوښتنې وکړئ، لکه:

- یو زده کوونکی دې مضرب تعریف کړي او د 7 د عدد مضربونه دې پیدا کړي.

- بل دې د 5 او د 7 عددونو مضربونه پیدا کړي او ددې عددونو کوچنی مشترک مضرب دې هم وټاکي.

9- د پوښتنو ځوابونه:

-1

2	18	20	36	$2 \times 2 \times 3 \times 3 \times 5 = 180$
2	9	10	18	
3	9	5	9	
3	3	5	3	
	1	5	1	

2- لومړی د 10، 17 او 85 عددونو کوچنی مشترک مضرب پیدا کوو.

5	10	17	85	$5 \times 17 \times 2 = 34 \times 5 = 170$
17	2	17	17	
	2	1	1	

کوچنی څلور رقمي عدد 1000 دی، نو که $1000 \div 170 = 5$ کړو 150 پاتې کېږي، اوس:

$$1000 + (170 - 150) = 1000 + 20 = 1020$$

دا عدد 1020 دی.

3- a سم دی.

4- b سم دی.

5- a سم دی.

6- b سم دی.

-7

3	4	9	15	$3 \times 4 \times 3 \times 5 = 180$
	4	3	5	

د 5، 9 او 15 کوچنی مشترک مضرب 180 دی.

$$\frac{7}{18} + \frac{3}{20}$$

12-2 په لومړنيو عددونو د تجزيې په مرسته

د کوچني مشترک مضرب پيدا کول

د کتاب مخ: (49) د لوست وخت: (1 درسي ساعت)

<p>1- د زده کړې موخې:</p> <ul style="list-style-type: none"> - پوهنيزه - مهارتي - ذهنيتي 	<ul style="list-style-type: none"> • زده کوونکي د تجزيې په مرسته د کوچني مشترک مضرب پيدا کول زده کړي. • دا درک کړي چې د کسرونو کوچنی مشترک مخرج ددې کسرونو د مخرجونو د کوچني مشترک مضرب څخه عبارت دی. • د مسايلو په حل کې د کوچني مشترک مضرب څخه ګټه واخېستلای شي. • د مسايلو په حل کې د کوچني مشترک مضرب اهميت درک کړي.
<p>2- د تدریس مېتودونه:</p>	<p>پوښتنې او ځوابونه، گروهې او يوکسيز کارونه، تشرېحي...</p>
<p>3- مرستندويه توکي:</p>	<p>درسي کتاب، د $\frac{7}{18} + \frac{3}{20}$ د کسرونو چارت، محيطي مواد...</p>
<p>4- د وړودي برخې توضېح: (5 دقيقې)</p>	<p>د لومړنيو فعاليتونو څخه وروسته دې ښوونکي وړودي چارت وڅړوي، تر څو زده کوونکي د وړودي پوښتنې په هکله فکر وکړي او ځواب ووايي که چېرې وې نه شي ويلاي يو زده کوونکي دې د 20 او 18 عددونه تجزيه کړي او د طاقت په شکل دې وليکي بل زده کوونکي د تېر لوست په شان د 20 او 18 کوچنی مشترک مضرب په لاندې ډول پيدا کوي:</p> $\begin{array}{r rr} 2 & 18 & 20 \\ \hline & 9 & 10 \end{array} \quad 2 \times 9 \times 10 = 180$ <p>نو د $\frac{3}{20}$ او $\frac{7}{18}$ کوچنی مشترک مخرج د 180 عدد دی.</p>
<p>5- د لوست بهير او فعاليتونه: (28 دقيقې)</p>	<p>زده کوونکي دې په گروهونو کې ددې لوست لومړی فعاليت حل کړي.</p> <ul style="list-style-type: none"> • يو گروپ دې د 18 او 20 عددونه تجزيه کړي. • يو گروپ دې ضربي اجزاوې د طاقت په شکل وليکي. • بل گروپ دې د 18 او 20 کوچنی مشترک مضرب پيدا کړي. <p>د فعاليت نتيجه داده چې: د تجزيې په واسطه د دوو يا څو عددونو د کوچني مشترک مضرب د پيدا کولو لپاره لومړني عددونه تجزيه کوو او ضربي اجزاوې يې د طاقت په شکل ليکو، هغه مشترکې ضربي اجزاوې چې لوړ توان لري د غير مشترکو ضربي اجزاو سره يې ضربوو د ضرب حاصل ددې عددونو کوچنی مشترک مضرب دی.</p>

ښوونکي دې د 49 مخ مثال پر تخته حل او واضح کړي.

$$12 = 2 \times 2 \times 3 = 2^2 \times 3$$

$$15 = 3 \times 5$$

$$\text{L.C.M} = 3 \times 2^2 \times 5 = 3 \times 4 \times 5 = 60$$

او يا په جدول کې لکه چې د کتاب په 50 مخ کې حل شوی دی زده کوونکو ته تشرېح کړي.

بيا دې په گروپونو کې د لوست دويم فعاليت زده کوونکي کار وکړي او د گروپ نماينده گان دې خپل کار د تختې پر مخ واضح کړي.

6- زده کړې تحکيم يا پوخوالی: (7 دقيقې)

د کتاب د فعاليت يا مثال په شان پوښتنې دې کار شي او په دې ډول پوښتنې دې له زده کوونکو وشي، لکه:

- تر ټولو کوچنی داسې عدد پيدا کړئ چې پر 15، 30، 45 او 50 پوره وویشل شي.

- د تجزيې په واسطه د 27، 81 او 102 کوچنی مشترک مضرب پيدا کړئ او داسې نور.

7- د لوست د پايلې ارزونه: (5 دقيقې)

د لوست د ارزونې لپاره د زده کوونکو څخه وپوښتئ:

- د دوه يا څو عددونو د کوچني مشترک مضرب د پيدا کولو لپاره د کومې طريقې څخه استفاده کوو؟

- د تجزيې په واسطه د $\frac{3}{20}$ او $\frac{2}{15}$ کسرونو کوچنی مشترک مضرب پيدا کړئ.

- که چېرې په لومړنيو عددونو تجزيه مو زده نه وي د کسرونو د جمعې او تفريق د عمليو په سرته رسولو کې به مو کومې ستونزې

درلودلای؟

8- د ښوونکي لپاره اضافي معلومات:

ښاغلی ښوونکي دې د کوچني مشترک مضرب ځينې خاصيتونه په پام کې ونيسي.

1- که چېرې د a يو عدد د b د يو بل عدد مضرب وي نو a د a او b د عددونو L.C.M دی، لکه: 15 د 3 يو مضرب دی،

نو 15 د 15 او 3 کوچنی مشترک مضرب دی.

2- که چېرې a او b دوه Co-prime عددونه وي په دې معنا چې شريک فکتورونه لري نو د دوی LCM له ab څخه

عبارت دی. لکه 4 او 9 چې کوچنی مشترک مضرب يې $4 \times 9 = 36$ دی.

3- د دوه يا څو لومړنيو عددونو L.C.M د دوی د حاصل ضرب څخه عبارت دی، لکه د 3، 5 او 7 لومړنيو عددونو

L.C.M عبارت دی له: $3 \times 5 \times 7 = 105$ څخه.

9- د پوښتنو ځوابونه:

$$\begin{array}{c|cc} 7 & 14 & 21 \\ \hline & 2 & 3 \end{array}$$

-1

$$L.C.M = 3 \times 2 \times 7 = 42$$

-2

$$\begin{array}{c|cccc} 2 & 36 & 15 & 12 & 9 \\ \hline 2 & 18 & 15 & 6 & 9 \\ \hline 3 & 9 & 15 & 3 & 9 \\ \hline 3 & 3 & 5 & 1 & 3 \\ \hline & 1 & 5 & 1 & 1 \end{array}$$

$$LCM = 5 \times 3 \times 3 \times 2 \times 2 = 180$$

یا:

$$36 = 2 \times 2 \times 3 \times 3 = 2^2 \times 3^2$$

$$15 = 3 \times 5$$

$$12 = 2 \times 2 \times 3 = 2^2 \times 3$$

$$9 = 3^2$$

$$LCM = 2^2 \times 3^2 \times 5 = 180$$

-3

$$\begin{array}{c|cccc} 2 & 192 & 96 & 72 & 64 \\ \hline 2 & 96 & 48 & 36 & 32 \\ \hline 2 & 48 & 24 & 18 & 16 \\ \hline 2 & 24 & 12 & 9 & 8 \\ \hline 2 & 12 & 6 & 9 & 4 \\ \hline 3 & 6 & 3 & 9 & 2 \\ \hline 2 & 2 & 1 & 3 & 2 \\ \hline & 1 & 1 & 3 & 1 \end{array}$$

$$LCM = 2^6 \times 3^2 = 576$$

تر ټولو داسې کوچنی عدد چې پر 64، 72، 96، او 192 عددونو پوره د ویش وړ وي. 576 دی.

-4 b سم دی.

-5 b سم دی.

-6 b سم دی.

-7

$$\begin{array}{c|ccc} 3 & 15 & 25 & 30 \\ \hline 5 & 5 & 25 & 10 \\ \hline & 1 & 5 & 2 \end{array}$$

$$L.C.M = 3 \times 5 \times 5 \times 2 = 150$$

-8

$$\begin{array}{c|cccc} 2 & 50 & 40 & 18 & 12 \\ \hline 2 & 25 & 20 & 9 & 6 \\ \hline 3 & 25 & 10 & 9 & 3 \\ \hline 5 & 25 & 10 & 3 & 1 \\ \hline & 5 & 2 & 3 & 1 \end{array}$$

$$LCM = 2^3 \times 3^2 \times 5^2 = 1800$$



2-13 د ورځنيو مسايلو په حل کې د کوچني مشترک مضرب

او لوی مشترک قاسم د استعمال ځايونه

د کتاب مخ: (51) د لوست وخت: (1 درسي ساعت)

<ul style="list-style-type: none"> • زده کوونکي د ورځنيو مسايلو په حلولو کې د کوچني مشترک مضرب او لوی مشترک قاسم څخه د استفادې کول زده کړي. • د کسرونو په اختصار کې د لوی مشترک قاسم څخه گټه واخيستلای شي. • د ورځنيو مسايلو په حل کې د لوی مشترک قاسم او کوچني مشترک مضرب څخه گټه واخلي او د مسائلو په حل کې يې اهميت درک کړي او په خپل ځان يې ډاډ پيدا شي. 	<p>1- د زده کړې موخې:</p> <ul style="list-style-type: none"> - پوهنيزه - مهارتي - ذهني
<p>گروپي او يو کسيز کار، پوښتنې او ځوابونه، تشرېحي...</p>	<p>2- د تدريس مېتودونه:</p>
<p>درسي کتاب، تخته، چارت...</p>	<p>3- درسي او مرستندويه توکي:</p>
<p>ښوونکي د لومړنيو فعاليتونو څخه وروسته د لاندې په شان يو چارت چې له مخکې تيار شوی دی، د ټولگي مخ ته څړوي.</p> <p>که د چنگاښ 31 نېټه د محور پر مخ صفري ټکي فرض کړو،</p> <div style="text-align: center;"> </div> <p>په چارټ کې لیدل کيږي چې دواړه زده کوونکي به د زمري د مياشتې په دولسمه نېټه د دویم ځل لپاره د ښار په مغازه کې سره يوځای شي.</p> <p>په دې معنا چې د 4 او 6 عددونو کوچنی مشترک مضرب 12 دی.</p>	<p>4- د ورودي برخې توضېح: (5 دقيقې)</p>
<p>5- د لوست بهير او فعاليتونه: (28 دقيقې)</p> <p>د ورودي برخې له پوهېدلو وروسته دې زده کوونکي په گروپونو کې د 51 مخ فعاليت سرته ورسوي او مشوره دې سره وکړي او خپل کارونه دې ټولگي ته واضح کړي او ښاغلی ښوونکی دې لارښوونه او مرسته وکړي، بيا دې ښوونکی د 51 مخ مثال د زده کوونکو په برخه اخېستنه حل کړي.</p>	
<p>6- زده کړې تحکيم يا پوخوالی: (7 دقيقې)</p> <p>ښوونکی دې د لوست دویم مثال او که وخت ولري د دویم مثال په شان نور مثالونه دې کار کړي، چې د زده کوونکو په برخه اخېستلو او د پوښتنو او ځوابونو په شکل وي، تر څو زده کوونکي فکر کولو ته وهڅوي.</p>	

7- د لوست د پایلي ارزونه: (5) دقیقې

د ارزونې لپاره چې د لوست له زده کړې ډاډه شي، دا لاندې او یا ددې په شان پوښتنې دې له زده کوونکو څخه وکړي:

- د لوی مشترک قاسم او کوچني مشترک مضرب توپیر څه دی؟

- د لوی مشترک قاسم څخه په ګټه اخیستنه د $\frac{68}{108}$ کسر اختصار کړئ، او یا داسې نور کسرونه، لکه:

$$\frac{81}{201}, \frac{35}{85}, \frac{207}{702}, \frac{42}{70} \text{ او داسې نور.}$$

8- د ښوونکي لپاره اضافي معلومات:

د لوی مشترک قاسم ځینې خاصیتونه:

1- که د a عدد د b د عدد یو فکتور وي نو a د a او b د دوو عددونو لوی مشترک قاسم دی، لکه: 4 د 12 یو فکتور دی، نو 4 د (4 او 12) د عددونو لوی مشترک قاسم دی.

2- که a او b دوه Co-prime عددونه وي یعنې چې مشترک فکتور ونلري نو د a او b د عددونو لوی مشترک قاسم یو دی، لکه: 4 او 7 دوه داسې عددونه دي چې مشترک فکتور نلري، نو د دوی لوی مشترک قاسم یو دی او د دوو عددونو لوی مشترک قاسم هر وخت د یو له دې دوه عددونو سره مساوي او یا ترې کوچنی وي.

9- د پوښتنو ځوابونه:

$$\begin{aligned} \frac{623}{801} &= \frac{623 \div 89}{801 \div 89} = \frac{7}{9} \\ \frac{243}{1458} &= \frac{243 \div 243}{1458 \div 243} = \frac{1}{6} \\ \frac{253}{275} &= \frac{253 \div 11}{275 \div 11} = \frac{23}{25} \\ \frac{1084}{1355} &= \frac{1084 \div 75}{1355 \div 75} = \frac{4}{5} \\ \frac{144}{360} &= \frac{144 \div 72}{360 \div 72} = \frac{2}{5} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \frac{36}{80} &= \frac{36 \div 4}{80 \div 4} = \frac{9}{20} \\ \frac{225}{300} &= \frac{225 \div 75}{300 \div 75} = \frac{3}{4} \end{aligned}$$

-1

$$\begin{array}{r|rr} 2 & 4 & 22 \\ & 2 & 11 \end{array}$$

$$LCM = 2 \times 2 \times 11 = 44 \quad -2$$

44 متره وروسته بیا د دویم ځل لپاره ونه د بریښنا د پایي تر څنګ راځي.

3- $LCM = 3 \times 5 = 15$ څرنگه چې 3 او 5 لومړني عددونه دي نو د دوی د ضرب حاصل یې LCM دی. نو نوریه او ملالی 15 ورځې وروسته (د غوايي په 25 نېټه) د دویم ځل لپاره په کتابتون کې سره یوځای کېږي.

د a او b د عددونو تر ټولو لوی مشترک قاسم $G =$
د a او b د عددونو کوچنی مشترک مضرب $L =$

$$L = \frac{a \times b}{G}$$

2-13 د دوو عددونو د کوچني مشترک مضرب

او د لوی مشترک قاسم تر منځ اړیکې

لوست وخت: (1 درسي ساعت)

د کتاب مخ: (53)

<ul style="list-style-type: none"> • د دوو عددونو د کوچني مشترک مضرب او لوی مشترک قاسم تر منځ په اړیکه وپوهېږي. • په دې پوه شي چې د دوو عددونو د ضرب حاصل د دوی د لوی مشترک قاسم او کوچنی مشترک مضرب د ضرب د حاصل سره مساوی دی. • د لوی مشترک قاسم او کوچني مشترک مضرب تر منځ د اړیکې اهمیت درک کړي. • د $L \cdot G = a \cdot b$ له فورمول څخه کوچنی مشترک مضرب او لوی مشترک قاسم پیدا کړي شي. 	<p>1- د زده کړې موخې:</p> <ul style="list-style-type: none"> - پوهنیزه - مهارتي - ذهنيتي
<p>گروپي کار، یو کسيز کار، پوښتنې او ځوابونه...</p>	<p>2- د تدریس مېتودونه:</p>
<p>درسي کتاب، د LCM او GCD د ضرب د حاصل او د دوو عددونو د ضرب د حاصل د جدول چارت، تخته...</p>	<p>3- درسي او مرستندويه توکي:</p>
<p>د لومړنيو فعالیتونو څخه وروسته ددې لپاره چې په وړودي پوښتنه پوه شي 53 فعالیت دې په لاندې ډول سرته ورسوي:</p> <ul style="list-style-type: none"> - یو زده کوونکی دې پر تخته د 15 او 25 د عددونو د ضرب حاصل په لاس راوړي او په $a \times b$ سره دې وښيي. - بل زده کوونکی دې د 15 او 25 د عددونو کوچنی مشترک مضرب پیدا کړي او L دې ورته ووايي. - بل زده کوونکی دې د 15 او 25 د عددونو تر ټولو لوی مشترک قاسم پیدا کړي او G دې ورته ووايي. - بل زده کوونکی دې د $L \times G$ د ضرب حاصل د $a \times b$ د ضرب د حاصل سره پرتله کړي. 	<p>4- د وړودي برخې توضیح: (5 دقیقې)</p>
<p>5- د لوست بهیر او فعالیت: (28 دقیقې)</p> <p>د کتاب د جدول ترتیب شوی چارت وڅړئ او لومړی مثال ددې اړیکو</p> $b = \frac{L \times G}{a} \quad a = \frac{L \times G}{b}$ $G = \frac{a \times b}{L} \quad L = \frac{a \times b}{G}$ <p>په مرسته حل کړئ او زده کوونکو ته پر تخته په کار کولو کې ونډه ورکړئ. په همدې ترتیب د 54 مخ دویم مثال دې هم کار شي.</p>	

کولای شئ چې یو زده کوونکی یې د تختې پر مخ کار وکړي او نور یې له کتابه پرته په کتابچو کې حل کړي او یو زده کوونکی یې د تختې پر مخ د مثال حل توضیح کړي او که ستونزه وه ښاغلی ښوونکی دې پخپله حل کړي، په همدې ترتیب دې درېم مثال هم کار شي.

6- زده کړې تحکیم یا پوځوالی: (7 دقیقې)

د زده کړې د لاپوځوالي لپاره دې د 54 مخ د پوښتنو لومړۍ پوښتنه یو زده کوونکی حل او ښاغلی ښوونکی دې مرسته او لارښوونه ورسره وکړي.

7- د لوست د پایلې ارزونه: (5 دقیقې)

- 1- یو زده کوونکی دې د کوچني مشترک مضرب او لوی مشترک قاسم تر منځ اړیکه پر تخته ولیکي.
- 2- بل زده کوونکی دې د $L \times G = a \times b$ څخه د G قیمت پیدا کړي.
- 3- که $a = 50$ ، $b = 30$ او $L = 150$ وي، یو زده کوونکی دې د G قیمت پیدا کړي.

8- د ښوونکي لپاره اضافي معلومات:

د $L \times G = a \times b$ رابطې څخه:

1- د L د پیدا کولو لپاره دواړو خواوې د L په ضرب (G) باندې ویشو:

$$\frac{L \times G}{G} = \frac{a \times b}{G} \Rightarrow L = \frac{a \times b}{G}$$

2- د G د پیدا کولو لپاره دواړه خواوې پر L ویشو: $\frac{L \times G}{L} = \frac{a \times b}{L} \Rightarrow G = \frac{a \times b}{L}$

3- د b د پیدا کولو لپاره دواړه خواوې پر a ویشو: $\frac{L \times G}{a} = \frac{a \times b}{b} \Rightarrow b = \frac{L \times G}{a}$

4- د a د پیدا کولو لپاره دواړه خواوې پر b ویشو: $\frac{a \times b}{b} = \frac{L \times G}{b} \Rightarrow a = \frac{L \times G}{b}$

9- د پوښتنو ځوابونه:

- | | |
|---------------------------------------|---|
| $L = \frac{45000}{150} = 300$ - 2 | $b = \frac{29 \times 174}{87} = 58$ - 1 |
| $b \times 225 = 900 \times 75$ - 4 | $G = \frac{45 \times 35}{315} = 5$ - 3 |
| $b = \frac{900 \times 75}{225} = 300$ | $a = \frac{10 \times 60}{30} = 20$ - 5 |
| - 6 b سم دی. | |

<p>1- د زده کړې موخې</p> <ul style="list-style-type: none"> - پوهنیزه - مهارتي - ذهيتي 	<p>1- زده کوونکي دې په یو وخت په یو جدول کې د دوه یا څو عددونو کوچنی مشترک مضرب او لوی مشترک قاسم پیدا کړي شي.</p> <p>2- د دوه یا څو عددونو کوچنی مشترک مضرب او لوی مشترک قاسم سره پرتله کړي شي.</p> <p>3- د ریاضي د مسایلو په حل کې په یو وخت کې د کوچنی مشترک مضرب او د لوی مشترک قاسم د پیدا کولو اهمیت درک کړي.</p>
<p>2- د تدریس میتودونه:</p>	<p>پوښتنې او ځوابونه یو کسيز او گروپي کار،</p>
<p>3- درسي او مرستندويه توکي:</p>	<p>درسي کتاب د پر تله کولو د جدول چارت، 45، (72) او 81 د عددونو چارت.</p>
<p>4- د ورودی برخې توضیح:</p> <p>(5) دقیقې</p>	<p>څه وخت چې له زده کوونکو ورودی پوښتنه وشي دوي فکر کولو ته هڅول کېږي بیا دې (45)، (72) او (81) عددونه تجزیه کړي.</p> <p>ټولې مشترکې او غیر مشترکې ضریبې اجزايې چې تر ټولو لوی توان لري سره ضرب کړئ چې ددې عددونو کوچنی مشترک مضرب دي $2^3 \times 3^4 \times 5 = 3240$ او دهغه مشترک ضریبې اجزاو د ضرب حاصل چې تر ټولو کوچنی توانونه ولري ددې عددونو لوی مشترک قاسم دی $3^2 = 9$ تر ټولو لوی مشترک قاسم او کوچنی مشترک مضرب په جدول کې لیکل شوی دی د جدول د کینې خوا عددونه $3 \times 3 = 9$ او که دا د ضرب حاصل د جدول د اخرنۍ کرښې عددونو (9، 5، 8) کې ضرب کړو ددې عددونو کوچنی مشترک مضرب دی $(3 \times 3)(9 \times 5 \times 8) = 3240$</p>
<p>5- د لوست بهیر او فعالیتونه: (28) دقیقې:</p>	<p>ښوونکي دې د (55) مخ مثال د زده کوونکو په برخه اخیستنه حل کړي بیا دی محترم ښوونکي د کوچنی مشترک مضرب او لوی مشترک قاسم د پر تله کولو چارت تحلیل کړي او که مثالونه ورکړشي لا به ښه وي</p>
<p>6- د زده کړې تحکیم یا پوځوالی: (7) دقیقې</p>	<p>د زده کړې د پوځوالی لپاره محترم ښوونکي کولای شي چې د درسي کتاب د (56) مخ فعالیت دې په گروپي ډول په زده کوونکو کار کړي او په پای کې دې د گروپ نماینده خپل کار توضیح کړي د ستونزې په صورت کې دې ښوونکي لار ښوونه وکړي.</p>

7- د درس د پایلې ارزونه: (5) دقیقې

- 1- له یوه زده کوونکي وپوښتل شي، چې په یوه وخت کې د عددونو د کوچنی مشترک مضرب او لوی مشترک قاسم دپیدا کولو لپاره باید څه وکړي؟
- 2- بل زده کوونکي دی په یو وخت کې د 20، 30، او 40 عددونو لوی مشترک قاسم او کوچنی مشترک مضرب پیدا کړي.
- 3- بل دې د مسائلو په حل کې په یو وخت کې د لوی مشترک قاسم او کوچنی مشترک مضرب د پیدا کولو اهمیت ووايي.

8- د ښوونکي لپاره اضافي معلومات:

که د کوچنی مشترک مضرب او لوی مشترک قاسم د پر تله کولو جدول له مثالونو سره په لاندې ډول ترتیب شي ډیر به ښه دی

کوچنی مشترک مضرب	لوی مشترک قاسم
د (3) او (4) کوچنی مشترک مضرب 12 دی چې هم له 3 او هم له 4 څخه لوی دی او د (4) او (12) د عددونو کوچنی مشترک مضرب 12 دی چې له 12 سره مساوي دی	د (12) او (16) عددونو لوی مشترک قاسم 4 دی چې هم له (12) او هم له (16) کوچنی دی خود (2) او (6) د عددونو لوی مشترک قاسم (2) چې یو له دې عددونو (2) سره مساوي دی.
(5) او (7) دوه لومړني عددونه دی چې کوچنی مشترک مضرب نی (35) $(5 \times 7 = 35)$ د 35 عدد دي او یا د (4) او (9) عددونه چې مشترک قاسم نه لری کوچنی مشترک مضرب یې $4 \times 9 = 36$ دی	د (11) او (13) عددونه چې لومړني عددونه دي لوی مشترک قاسم یې د (1) عدد دی او یا د (4) او (9) د عددونو چه مشترک قاسم نه لوی لوی مشترک قاسم یې (1) دی
د (5)، (25) او (35) کوچنی مشترک مضرب 525 دی چې پر هر یوه پوره وېشل کېږي . $525 \div 15 = 35$ $525 \div 25 = 22$ $525 \div 35 = 15$	د 44، (36) او (12) لوی مشترک قاسم د 4 عدد دی چې دا دری واړه عددونه پری پوره وېشل کېږي . $44 \div 4 = 11$ $36 \div 4 = 9$ $12 \div 4 = 3$ یاد (4) او (8) د عددونو لوی مشترک قاسم د (4) عدد دی : چې (4) او (8) پرې دواړه پوره وېشل کېږي

9- د پوښتنو ځوابونه:

-1

$$\begin{array}{l} G \cdot C \cdot D = 2 \times 2 = 4 \\ L \cdot C \cdot M = 2 \times 2 \times 3 \times 5 \times 9 = 540 \end{array} \quad \begin{array}{c|ccc} 2 & 12 & 20 & 36 \\ \hline 2 & 6 & 10 & 18 \\ \hline 3 & 3 & 9 & 30 \\ \hline & 3 & 5 & 9 \end{array}$$

-2

$$\begin{array}{c|cc} 2 & 30 & 140 \\ \hline 5 & 15 & 70 \\ \hline & 3 & 14 \end{array} \quad \begin{array}{l} G \cdot C \cdot D = 2 \times 5 = 10 \\ L \cdot C \cdot M = 2 \times 5 \times 3 \times 14 = 420 \end{array}$$

-3

$$\begin{array}{c|cc|c} 2 & 16 & 20 & 44 \\ \hline 2 & 8 & 10 & 22 \\ \hline & 4 & 5 & 11 \end{array} \quad \begin{array}{l} G \cdot C \cdot D = 2 \times 2 = 4 \\ L \cdot C \cdot M = 2 \times 2 \times 4 \times 5 \times 11 = 880 \end{array}$$

-4

$$\begin{array}{l} G \cdot C \cdot D = 3 \times 3 \times 3 = 27 \\ L \cdot C \cdot M = 3 \times 3 \times 3 \times 3 = 81 \end{array} \quad \begin{array}{c|cc} 3 & 27 & 81 \\ \hline 3 & 9 & 27 \\ \hline 3 & 3 & 9 \\ \hline & 1 & 3 \end{array}$$



1-3: د یو طبیعي عدد مربع او د عدد مربع جذر:

د کتاب مخ (57) د لوست وخت (1 درسي ساعت)

<p>1- د زده کړې موخې</p> <ul style="list-style-type: none"> - پوهنيزه - مهارتي - ذهيتي 	<ul style="list-style-type: none"> • زده کوونکي د یو طبیعي عدد د مربع (دویم) جذر مفهوم درک کړي. • د یو طبیعي عدد د مربع او مربع جذر ترمنځ په اړیکه وپوهیږي. • د طبیعي عدد دوو مربع جذر پیدا کړي شي. • د ریاضی مسایلو په حل کې د طبیعي عددونو د تام جذر اهمیت درک کړي.
2- د تدریس میتودونه:	پوښتنې او ځوابونه یو کسيز او ګروپي کار،
3- درسي او مرستندویه توکي:	د (57) مخ د فعالیت جدول چارت، درسي کتاب د ورودی د تصویر چارت فته
4- د ورودی برخې توضیح: (5) دقیقې	<p>د لومړنیو فعالیتونو څخه وروسته د ورودی برخې د تصویر چارت دې د ټولګی مخ ته و ځړول شي اوله زده کوونکو څخه د ورودی پوښتنه وکړي ترڅو هغوی فکر وکړي او که یې د پوښتنې ځواب یې ویلای نه شو، نو ورته ویلای شو چې کوم عدد په خپل ځان کې ضرب کړو ترڅو (144) شي یا $\sqrt{144} = 12$</p>
<p>5- د لوست بهیر او فعالیتونه: (28) دقیقې:</p> <p>محترم ښوونکی دې د فعالیت چارت د ټولګی مخ ته و ځړوي لکه چې په جدول کې د (2) د عدد مربع 4 ده هغوی دې د 6، 11، (15) او (20) عددونو مربع پیدا کړي او که ستونزه وه نو کولای شی چې په دې ډول ورته لار ښوونه وکړي.</p> $2 \times 2 = 2^2 = 4 \quad 6 \times 6 = 6^2 = 36 \quad 11 \times 11 = 11^2 = 121$ $15 \times 15 = (15)^2 = 225 \quad 20 \times 20 = (20)^2 = 400$ <p>دا چې د 6 مربع 36 ده نو د 36 مربع جذر 6 دی $\sqrt{36} = 6$</p> <p>که وخت وي په عملي ډول دې ښوونکی د فیتې پواسط یوه مربع چه هره څنډه (ضلع) یې و ټاکي او بیا ترې وړی وړی مربعګانې جوړې کړي او ضلعه په ضلعه کې ضرب کړي چې د ضرب حاصل د وړو مربعګانو د شمیر سره مساوی دی.</p> <p>د تعلیم او تربیې پوهان په دې نظردی هرڅه چې په عملی ډول زده کوونکی کار وکړي نو په ذهن کې یې تر ډیر وخته پوری پاتې کیږي</p>	
<p>6- د زده کړې تحکیم یا پوخوالی: (7) دقیقې</p> <p>د زده کړی د پوخوالی لپاره دی د (57) مخ دویم فعالیت د پوښتنو او ځوابونو په ډول زده کوونکي پر تخته کار وکړي.</p>	
<p>7- د درس د پایلې ارزونه: (5) دقیقې</p> <p>- له یوه زده کوونکي څخه د مثال په ډول پوښتنه وکړئ چې د یو عدد مربع څنګه لاس ته راځي.</p> <p>یو زده کوونکي دې د 10 د عدد مربع پیدا کړي.</p>	

- د یو عدد مربع جذر یعنی څه؟

- د یو بل زده کوونکي څخه و غواړئ چې د 100 عدد مربع جذر پر تخته پیدا کړي.

8- د ښوونکي لپاره اضافي معلومات:

محترم ښوونکي په دې پوهیږئ چې جذر او طاقت یو د بل معکوسي عملیې دي.

$$\sqrt[n]{a} = a^{\frac{1}{n}}$$

$$\sqrt[n]{a^m} = a^{\frac{m}{n}}$$

$$\sqrt{64} = (64)^{\frac{1}{2}} = (8^2)^{\frac{1}{2}} = 8^{\frac{2}{2}} = 8^1 = 8$$

چې د 64 عدد ته مجذور او 8 ته د 64 دویم جذروایی لکه د مثال په ډول $8 = 2^3$ دی د 8 دویم جذر 2 دی

$$16 = 2^4 \text{ دی د } 16 \text{ څلورم جذر } 2 \text{ دی}$$

$$32 = 2^5 \text{ دی د } 32 \text{ پنځم جذر } 2 \text{ دی او داسې نور}$$

په همدې ډول په دویم فعالیت کې له ښي خوا د 4 جذر 2 د 64 جذر 8 د 49 جذر 7 د 81 جذر 9 د 16 جذر 4 د 25

جذر 5 د 6 مجذور 36 د 8 مجذور 64 د 10 مجذور 100 د 5 مجذور 25 د 9 مجذور 81 او د 7 مجذور 49 دي

9- د پوښتنو ځوابونه:

$$121 = 11 \times 11 \Rightarrow \sqrt{121} = 11$$

$$256 = 16 \times 16 \Rightarrow \sqrt{256} = 16$$

$$144 = 12 \times 12 \Rightarrow \sqrt{144} = 12$$

$$64 = 8 \times 8 \Rightarrow \sqrt{64} = 8$$

2- د دې مخکې هره ضلعه مساوي ده په (7) ده. $49 = 7 \times 7$

3- (a) کامل مجذور دی ځکه چې توانونه یې جفت دي.

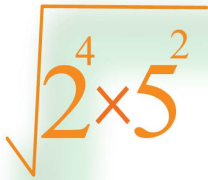
4- (b) سم دی ځکه چې $15 \times 15 = 225$ کیږي.

5- د 9 مجذور 81 دي ځکه چې: $9 \times 9 = 81$

- د 13 مجذور 169 دي ځکه چې: $13 \times 13 = 169$

- د 15 مجذور 225 دي ځکه چې: $15 \times 15 = 225$

- د 21 مجذور 441 دي ځکه چې: $21 \times 21 = 441$



1-3: د تجزیې په واسطه د یو طبیعي عدد دویم جذر پیدا کول

د کتاب مخ (59) د لوست وخت (2 درسي ساعت)

<p>1- د زده کړې موخې</p> <ul style="list-style-type: none"> - پوهنیزه - مهارتي - ذهیني 	<ul style="list-style-type: none"> • د یو طبیعي عدد د پوره جذر پیدا کول د تجزیې په طریقه زده کړی. • د کاملو او غیر کاملو مجذورونو توپیر وکړی شي. • د تجزیې په واسطه د طبیعي عددونو تام (پوره) جذر پیدا کړی شي. • د ریاضي د مسایلو په حل کې د مربع جذر د پیدا کولو اهمیت درک کړي
2- د تدریس میتودونه:	پوښتنې او ځوابونه، یو کسيز او گروهې کار، تشریحي...
3- درسي او مرستندویه توکي:	درسي کتاب، تخته تباشیر، ددې $\sqrt{2^4 \cdot 5^2}$ افادې چارت
4- د ورودي توضیح: (5) دقیقې	<p>ښوونکي دې د لومړنیو فعالیتونو څخه وروسته د $\sqrt{2^4 \times 5^2}$ چارت وڅړوي تر څو زده کوونکي پرې فکر وکړي او ځواب ووايي که نه په دې ډول دې د $2^4 \times 5^2$ جذر پیدا کړي.</p> $2^4 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 16$ $5^2 = 5 \times 5$ $\sqrt{2^4 \times 5^2} = ?$ $\sqrt{2^4 \times 5^2} = \sqrt{16 \times 25} = \sqrt{2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 5 \cdot 5} = 2 \cdot 2 \cdot 5 = 20$
<p>5- د لوست بهیر او فعالیتونه: (28) دقیقې</p> <p>ښوونکي کولای شي چې په گروهونو کې او یا دا چې درې زده کوونکي دې د تختې پر مخ په ترتیب سره د 59 مخ د فعالیت لومړۍ، دویمه او دریمه برخه کار کړي او ښوونکي دې د (59) مخ مثال زده کوونکو ته په ونډه ورکولو سره حل او توضیح کړي بیا دې یو زده کوونکي د (60) مخ د فعالیت څخه د 441 او (81) د عددونو مربع جذر پر تخته پیدا کړي او نور زده کوونکي دې په کتابچو کې کار وکړي او څه وخت چې زده کوونکي یې پر تخته خپل حل تشریح کوي د اشتباه په صورت کې نور زده کوونکي یې اصلاح کوي.</p>	
<p>6- د زده کړې تحکیم یا پوخوالی: (7) دقیقې</p> <p>ښوونکي کولای شي چې په گروهونو کې د (1225) او (625) عددونو د مربع جذر پیدا کول زده کوونکو ته ورکړي او د فعالیت په پای کې د گروه نمایندګان خپل خپل کارونه توضیح کړي.</p>	
<p>7- د درس د پایلې ارزونه: (5) دقیقې</p> <p>د زده کړې د لاپوخوالی لپاره ښوونکي کولای شي چې د لاندې پوښتنو په شان پوښتنې وکړي.</p> <ul style="list-style-type: none"> - د یو عدد له تجزیه کولو څخه هدف څه دی؟ - په لومړنیو ضریبي اجزاو باندې د یو عدد د تجزیه کولو څخه په کومو ځایونو کې ګټه اخیستل کیږي. - یو زده کوونکي دې د تجربې په مرسته د 324 عدد مربع جذر پیدا کړي 	

8- د بنوونکی لپاره اضافي معلومات:

سربېره پر دې چې د لومړینو ضریبي اجزاو په واسطه د یو عدد مربع جذر پیدا کولای شو ومولیدل چې له تجزیې څخه د ټولو لوی مشترک قاسم او کوچنی مشترک مضرب په پیدا کولو کې هم ګټه اخلو او هم:

$$\sqrt{\frac{361}{441}} = \frac{19}{21}$$

$$\sqrt{1\frac{92}{484}} = \sqrt{\frac{567}{484}} = \frac{24}{22} = 1\frac{1}{11}$$

9- د پوښتنو ځوابونه:

2	3136
2	1568
2	784
2	392
2	196
2	98
7	49
7	7
	1

$$3136 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 7 \times 7 = 2^6 \times 7^2$$

$$\sqrt{3136} = \sqrt{2^6 \times 7^2} = \sqrt{2^6} \times \sqrt{7^2} = 2^{\frac{6}{2}} \times 7^{\frac{2}{2}} = 2^3 \cdot 7 = 8 \cdot 7 = 56$$

$$\sqrt{3136} = 56$$

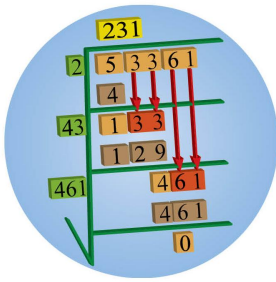
په همدې ډول:

$$2025 = 3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 5 \times 5 = 3^4 \times 5^2$$

$$\sqrt{2025} = \sqrt{3^4 \times 5^2} = 3^2 \times 5 = 9 \times 5 = 45$$

$$\sqrt{1024} = \sqrt{2^{10}} = 2^5 = 32$$

2- (b) سم دی ځکه څرنګه چې $\sqrt{81} = 9$ دی د هر دوو صفرو څخه یو صفر اخلو نو $\sqrt{810000} = 900$ کیږي.



1-3: د یو عدد د مربع جذر پیدا کول په عمومي طریقه

د کتاب مخ (61) د لوست وخت (1 درسي ساعت)

<p>1- د زده کړې موخې</p> <ul style="list-style-type: none"> - پوهنیزه - مهارتي - ذهيتي 	<p>زده کوونکي په عمومي طریقه د طبیعي عددونو د مربع جذر پیدا کول زده کړي. په عمومي طریقه د لویو عددونو جذر پیدا کړای شي. د لویو عددونو د مربع جذر په پیدا کولو کې د عمومي طریقې اهمیت درک کړي او د ریاضي زده کړې ته علاقه مند شي.</p>
<p>2- د تدریس میتودونه:</p>	<p>پوښتنې او ځوابونه، یو کسيز او گروپي کار، تشریحي....</p>
<p>3- درسي او مرستندویه توکي:</p>	<p>درسي کتاب، تخته تباشیر، د $\sqrt{53361}$ چارت</p>
<p>4- د ورودي توضیح:</p> <p>(5) دقیقې</p>	<p>د لومړنیو فعالیتونو څخه وروسته ورودي چارت ته دې زده کوونکي متوجه کړي شي تر څو دوی فکر وکړي چې د لویو عددونو تجربه کول ډیر وخت غواړي.</p>
<p>5- د لوست بهیر او فعالیتونه: (28) دقیقې:</p> <p>محترم ښوونکی دې لومړی مثال پراو په پراو زده کوونکو ته پر تخته کار وکړي او په حلولو کې دې زده کوونکو ته هم ونډه ورکړي شي.</p> <p>بیا دې د زده کوونکي دویم مثال په گروپونو کې حل او د هر گروپ نماینده دې خپل کار پر تخته توضیح کړي ترڅو نور زده کوونکي که اشتباه یې کړي وي خپله اشتباه په کتابچو کې اصلاح کړي.</p> <p>په یاد مو وي چې په گروپي کار کې زده کوونکي د کتاب د حل څخه گټه وانخلي.</p>	
<p>6- د زده کړې تحکیم یا پوخوالی: (7) دقیقې</p> <p>د (62) مخ فعالیت دې زده کوونکي کار وکړي او ښوونکی دې درېم مثال پر تخته حل کړي.</p>	
<p>7- د درس د پایلې ارزونه: (5) دقیقې</p> <p>د ارزونې لپاره ښوونکی کولای شي چې د لاندې پوښتنو په شان پوښتنې وکړي:</p> <p>1- د عددونو د مربع جذر د پیدا کولو لپاره ولې د عمومي طریقې څخه کار اخلو.</p> <p>2- یو زده کوونکي دې په عمومي طریقه د (7921) د عدد مربع جذر پر تخته پیدا کړي.</p> <p>3- یو زده کوونکي دې د جذر او مجذور توپیر وکړي.</p>	

8 د تمرین او سوالونو ځوابونه:

$$\begin{array}{r} 15 \\ 1 \overline{) 225} \\ \underline{1} \\ 25 \overline{) 125} \\ \underline{125} \\ 0 \end{array} \quad \sqrt{225} = 15$$

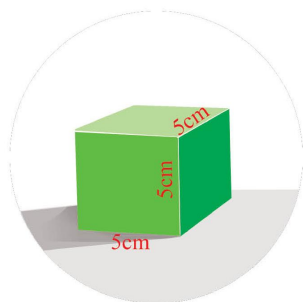
$$\begin{array}{r} 18 \\ 1 \overline{) 324} \\ \underline{1} \\ 28 \overline{) 224} \\ \underline{224} \\ 0 \end{array} \quad \sqrt{324} = 18$$

$$\begin{array}{r} 45 \\ 4 \overline{) 2025} \\ \underline{16} \\ 85 \overline{) 425} \\ \underline{425} \\ 0 \end{array} \quad \sqrt{2025} = 45$$

$$\begin{array}{r} 27 \\ 2 \overline{) 729} \\ \underline{4} \\ 47 \overline{) 329} \\ \underline{329} \\ 0 \end{array} \quad 729 = 27 \times 27$$

$$\begin{array}{r} 72 \\ 7 \overline{) 5184} \\ \underline{49} \\ 142 \overline{) 284} \\ \underline{284} \\ 0 \end{array} \quad \sqrt{5184} = 72$$

$$\begin{array}{r} 11 \\ 1 \overline{) 121} \\ \underline{1} \\ 21 \overline{) 21} \\ \underline{21} \\ 0 \end{array} \quad 121 = 11 \times 11$$



1-3: د یو طبیعي عدد د دریم (مکعب) جذر پیدا کول

د کتاب مخ (63) د لوست وخت (2 درسي ساعت)

<p>1- د زده کړې موخې</p> <ul style="list-style-type: none"> - پوهنیزه - مهارتي - ذهيتي 	<ul style="list-style-type: none"> • د مکعب جذر په تعريف او د تجزيې په واسطه د یو عدد د دریم جذر په پیدا کولو وپوهیږي. • د تجزيې په واسطه د عددونو د دریم جذر د پیدا کولو په طریقه وپوهیږي. • د عددونو دریم جذر پیدا کړی شي. • د ریاضي د پوښتنو په حل کې د عددونو د دریم جذر اهمیت درک کړي.
<p>2- د تدریس میتودونه:</p>	<p>پوښتنې او ځوابونه، یو کسيز او گروپي کار، تشریحي</p>
<p>3- درسي او مرستندویه توکي:</p>	<p>درسي کتاب، تخته تباشیر، د مکعب تصویر او یا داسې یو مکعب چې د لرگی یا خښتې څخه جوړ شوی چې هره څنډه یې 5cm وي.</p>
<p>4- د ورودی برخې توضیح: (5) دقیقې</p>	<p>د مکعب په تصویر یا خپله جوړ شوی مکعب کې زده کوونکو ته وښودل شي چې هره ضلعه یې 5cm ده او حجم یې $5cm \times 5cm \times 5cm = 125cm^3$ یا د یو عدد د درېو مساوي ضربې اجزاو څخه یوې جزوي ته یې د عدد دریم جذر وایي. $125 = (5 \times 5 \times 5)$ $\sqrt[3]{125} = 5$</p>
<p>5- د لوست بهیر او فعالیت: (28) دقیقې:</p> <p>عنوان دې پر تخته ولیکل شي او ښوونکې دې لومړی مثال پر تخته حل کړي په همدې ډول دې دویم مثال هم د زده کوونکو په ونډه اخیستنه حل او توضیح کړي.</p> <p>د لوست د 64 مخ فعالیت دې زده کوونکي په گروپونو کې حل کړي ($\sqrt[3]{1331}$) او بیا دې یو زده کوونکي پر تخته حل کړي او ښوونکي دې لارښوونه او مرسته وکړي.</p>	
<p>6- د زده کړې تحکیم یا پوخوالی: (7) دقیقې</p> <p>د زده کړې د پوخوالی لپاره دې د 8000 د عدد دریم جذر پیدا کړی شي.</p>	
<p>7- د درس د پایلې ارزونه: (5) دقیقې</p> <p>د لوست د ارزونې لپاره دې په لاندې ډول پوښتنې وشي:</p> <ul style="list-style-type: none"> - د یو عدد دریم (مکعب) جذر کوم عدد دی؟ - د یو عدد دریم جذر پیدا کولو لپاره له کومې طریقې څخه ګټه اخلو؟ - یو بل زده کوونکې دې د 5832 د عدد دریم جذر پیدا کړي. 	
<p>9- د ښوونکي لپاره اضافي معلومات:</p> <p style="text-align: center;">$\sqrt[3]{15625} = ?$</p> <p style="text-align: center;">ځکه چې $25 \times 25 \times 25 = 15625$ کیږي.</p> <p style="text-align: right;">$\sqrt[3]{15625} = \sqrt[3]{5^6} = 5^{\frac{6}{3}} = 5^2 = 25$</p>	

9- د پوښتنو ځوابونه:

3	729
3	243
3	81
3	27
3	9
3	3
	1

$$729 = 3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3 = 3^6$$

$$\sqrt[3]{729} = \sqrt[3]{3^6} = 3^{\frac{6}{3}} = 3^2 = 3 \times 3 = 9$$

$$\sqrt[3]{729} = 9$$

2	216
2	108
2	54
3	27
3	9
3	3
	1

$$216 = 2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 3 \times 3 = 2^3 \times 3^3$$

$$\sqrt[3]{216} = 2 \times 3 = 6$$

ځکه چې $6 \times 6 \times 6 = 216$ کيږي

2	125000
2	62500
2	31250
5	15625
5	3125
5	625
5	125
5	25
5	5
	1

$$125000 = 2 \times 2 \times 2 \times 5 \times 5 \times 5 \times 5 \times 5 \times 5 = 2^3 \times 5^6$$

$$\sqrt[3]{125000} = \sqrt{2^3 \times 5^3 \times 5^3} = 2 \times 5 \times 5 = 50$$

ځکه چې $50 \times 50 \times 50 = 125000$ کيږي

2	5832	
2	2916	
2	1458	$5832 = 2^3 \times 3^6$
3	729	$\sqrt[3]{5832} = \sqrt[3]{2^3 \times 3^6}$
3	243	$\sqrt[3]{5832} = 2 \times 3^2$
3	81	
3	27	$\sqrt[3]{5832} = 2 \times 9 = 18$
3	9	
3	3	
	1	

خُکھ چي $18 \times 18 \times 18 = 5832$ کيڀري

11	1331	
11	121	$1331 = 11 \times 11 \times 11 = (11)^3$
11	11	$\sqrt[3]{1331} = 11$
	1	

خُکھ چي $11 \times 11 \times 11 = 1331$ کيڀري.

2	2744	
2	1372	$2744 = 2^3 \times 7^3$
2	686	$\sqrt[3]{2744} = \sqrt[3]{2^3 \times 7^3}$
7	343	$\sqrt[3]{2744} = 2 \times 7$
7	49	
7	7	$\sqrt[3]{2744} = 14$
	1	

خُکھ چي $14 \times 14 \times 14 = 2744$ کيڀري.

3) c جزء سم دی. خُکھ چي $90 \times 90 \times 90 = 729000$ کيڀري

4) (a) جزء سم دی.

5) (b) جزء سم دی.

6) (b) جزء سم دی.

7) (a) جزء سم دی.

8) (b) جزء سم دی.

3-1: د دویم څپرکی د پوښتنو حل
د کتاب مخ (59) د لوست وخت (2 درسي ساعت)

-1

$$168 = 2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 7 = 2^3 \times 3 \times 7$$

$$858 = 2 \times 3 \times 11 \times 13$$

$$1122 = 2 \times 3 \times 11 \times 17$$

$$1024 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 2^{10}$$

$$1656 = 2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 3 \times 23 = 2^3 \times 3^2 \times 23$$

$$8000 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 5 \times 5 = 2^6 \times 5^2$$

$$30030 = 2 \times 3 \times 5 \times 7 \times 11 \times 13$$

$$3206 = 2 \times 7 \times 229$$

$$38 = 2 \times 19$$

$$54 = 2 \times 3 \times 3 \times 3 = 2 \times 3^3$$

$$116 = 2 \times 2 \times 29 = 2^2 \times 29$$

$$66 = 2 \times 3 \times 11$$

-2

$$4^2 \times 4^3 \times 4^4 = 4^9$$

$$5 \times 5^2 \times 5^3 \times 5^4 = 5^{10}$$

$$2^4 \times 3^4 \times 4^4 = (24)^4$$

-3

$$\frac{8^{11}}{2^{11}} = (4)^{11}$$

$$\frac{(36)^8}{9^8} = (4)^8$$

$$\frac{(121)^9}{(11)^9} = (11)^9$$

$$\frac{9^{11}}{9^3} = 9^8$$

-4

$$112,2 \times 10^3 = 1,122 \times 10^5$$

$$25,48 = 2,548 \times 10$$

$$1001 = 1,001 \times 10^3$$

$$350 = 3,5 \times 10^2$$

$$4000 = 4 \times 10^3$$

-5

2	36	162
3	18	81
3	6	27
	2	9

$$\text{GCD} = 2 \times 3 \times 3 = 18$$

2	580	1160
2	290	580
5	145	290
29	29	59
	1	2

$$\text{GCD} = 2 \times 2 \times 5 \times 29 = 580$$

3	405	495
3	135	165
5	45	55
	9	11

$$\text{GCD} = 3 \times 3 \times 5 = 45$$

-6

2	24	96	48
2	12	48	24
2	6	24	12
3	3	12	6
	1	4	2

$$\text{GCD} = 2^3 \times 3 = 24$$

5	175	315
7	35	63
	5	9

$$\text{GCD} = 5 \times 7 = 35$$

3	324	225
3	108	75
	36	25

$$\text{GCD} = 3 \times 3 = 3^2 = 9$$

-7

2	12	32	40	45	72	75
2	6	16	20	45	36	75
2	3	8	10	45	18	75
3	3	4	5	45	9	75
5	1	4	5	15	3	25
3	1	4	1	3	3	5
	1	4	1	1	1	5

$$\text{L} \cdot \text{C} \cdot \text{M} = 2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 3 \times 5 \times 4 \times 5 = 7200$$

2	175	200	225	250	300
2	175	100	225	125	150
3	175	50	225	125	75
5	175	50	75	125	25
5	35	10	15	25	5
	7	2	3	5	1

$$\text{LCM} = 2^3 \times 3^2 \times 5^3 \times 7 = 63000$$

2	132	165	198	220
2	66	165	99	110
3	33	165	99	55
5	11	55	33	55
11	11	11	33	11
	1	1	3	1

$$\text{LCM} = 2 \times 2 \times 3 \times 5 \times 11 \times 3 = 1980$$

$$\frac{2920 \times 4}{40} = 292$$

-8

-9

2	12	16	18
2	6	8	9
3	3	4	9
	1	4	3

$$\text{LCM} = 2 \times 2 \times 4 \times 3 \times 3 = 144$$

$$144 + 8 = 152$$

نوموری عدد 152 دی.

-10

3	49	28	21	15
7	49	28	7	5
	7	4	1	5

$$\text{LCM} = 3 \times 7 \times 7 \times 4 \times 5 = 2940$$

$$2940 + 4 = 2944$$

نوموری عدد 2944 دی.

-11

$$\begin{array}{r} 53 \\ 5 \overline{) 2809} \\ \underline{25} \\ 309 \\ \underline{309} \\ 0 \end{array} \Rightarrow \sqrt{2809} = 53$$

$$\begin{array}{r} 73 \\ 7 \overline{) 5329} \\ \underline{49} \\ 429 \\ \underline{429} \\ 0 \end{array} \Rightarrow \sqrt{5329} = 73$$

-12

$$\begin{array}{r} 37 \\ 3 \overline{) 1369} \\ \underline{9} \\ 469 \\ 67 \overline{) 469} \\ \underline{469} \\ 0 \end{array}$$

د کتارونو شمېر 37 او هم په هر کتار کې د ونو شمېر هم 37 دی

-13

$$\begin{array}{r} 96 \\ 9 \overline{) 9216} \\ \underline{81} \\ 1116 \\ 186 \overline{) 1116} \\ \underline{1116} \\ 0 \end{array}$$

د ځمکې د هرې څنډې (ضلعې) اوږدوالی 96 متره دی

-14

$$\begin{array}{r} 38 \\ 3 \overline{) 1444} \\ \underline{9} \\ 544 \\ 68 \overline{) 544} \\ \underline{544} \\ 0 \end{array}$$

د ځمکې د هرې څنډې اوږدوالی 38 متره دی.

-15

$$\begin{array}{r} 1001 \\ 1 \overline{) 1002001} \\ \underline{1} \\ 2001 \\ 2001 \overline{) 2001} \\ \underline{2001} \\ 0 \end{array}$$

$$\sqrt{1002001} = 1001$$

$$\begin{array}{r} 101 \\ 1 \overline{) 10201} \\ \underline{1} \\ 201 \\ 201 \overline{) 201} \\ \underline{201} \\ 0 \end{array}$$

$$\sqrt{10201} = 101$$

$$\begin{array}{r} 205 \\ 2 \overline{) 42025} \\ \underline{4} \\ 2025 \\ 405 \overline{) 2025} \\ \underline{2025} \\ 0 \end{array}$$

$$\sqrt{42025} = 205$$

-16

$$\begin{array}{r} 81 \\ 8 \overline{) 6561} \\ \underline{64} \\ 161 \\ 161 \overline{) 161} \\ \underline{161} \\ 0 \end{array}$$

$$\sqrt{6561} = 81$$

د کتارونو شمیر = 81

په هر کتار کې د ونو شمېر = 81

(17)

$$\begin{array}{r} 44 \\ 4 \overline{)1936} \\ \underline{16} \\ 336 \\ \underline{336} \\ 0 \end{array}$$

$$\sqrt{1936} = 44$$

د کتارونو شمېر = 44

په هر کتار کې د ونو شمېر = 44

(18)

$$\begin{array}{r} 18 \\ 1 \overline{)324} \\ \underline{1} \\ 224 \\ \underline{224} \\ 0 \end{array}$$

$$\sqrt{324} = 18$$

$$\begin{array}{r} 36 \\ 3 \overline{)1296} \\ \underline{9} \\ 396 \\ \underline{396} \\ 0 \end{array}$$

$$\sqrt{1296} = 36$$

$$36 \times 36 = 1296$$

$$\begin{array}{r} 58 \\ 5 \overline{)3364} \\ \underline{25} \\ 864 \\ \underline{864} \\ 0 \end{array}$$

$$\sqrt{3364} = 58$$

$$58 \times 58 = 3364$$

$$\begin{array}{r} 32 \\ 3 \overline{)1024} \\ \underline{9} \\ 124 \\ \underline{124} \\ 0 \end{array}$$

$$\sqrt{1024} = 32$$

$$32 \times 32 = 1024$$

$$\begin{array}{r}
 119 \\
 1 \overline{) 14161} \\
 \underline{1} \\
 21 \overline{) 4161} \\
 \underline{21} \\
 229 \overline{) 2061} \\
 \underline{2061} \\
 0
 \end{array}$$

$$\sqrt{14161} = 119$$

$$\begin{array}{r}
 95 \\
 9 \overline{) 9025} \\
 \underline{81} \\
 185 \overline{) 925} \\
 \underline{925} \\
 0
 \end{array}$$

$$\sqrt{9025} = 95$$

$$\begin{array}{r}
 69 \\
 6 \overline{) 4761} \\
 \underline{36} \\
 129 \overline{) 1161} \\
 \underline{1161} \\
 0
 \end{array}$$

$$\sqrt{4761} = 69$$

$$69 \times 69 = 4761$$

$$\begin{array}{r}
 998 \\
 9 \overline{) 996004} \\
 \underline{81} \\
 189 \overline{) 1860} \\
 \underline{1701} \\
 1988 \overline{) 15904} \\
 \underline{15904} \\
 0
 \end{array}$$

$$\sqrt{996004} = 998$$

$$998 \times 998 = 996004$$

-19

$$\begin{array}{r}
 13 \overline{) 2197} \\
 13 \overline{) 169} \\
 13 \overline{) 13} \\
 1
 \end{array}$$

$$\sqrt[3]{2197} = 13$$

$$13 \times 13 \times 13 = 2197$$

$$\begin{array}{r|l}
 2 & 8000 \\
 2 & 4000 \\
 2 & 2000 \\
 2 & 1000 \\
 2 & 500 \\
 2 & 250 \\
 5 & 125 \\
 5 & 25 \\
 5 & 5 \\
 & 1
 \end{array}$$

$$\begin{aligned}
 \sqrt[3]{8000} &= 2 \times 2 \times 2 = 20 \\
 20 \times 20 \times 20 &= 8000
 \end{aligned}$$

$$\begin{array}{r|l}
 13 & 2197 \\
 13 & 169 \\
 13 & 13 \\
 & 1
 \end{array}$$

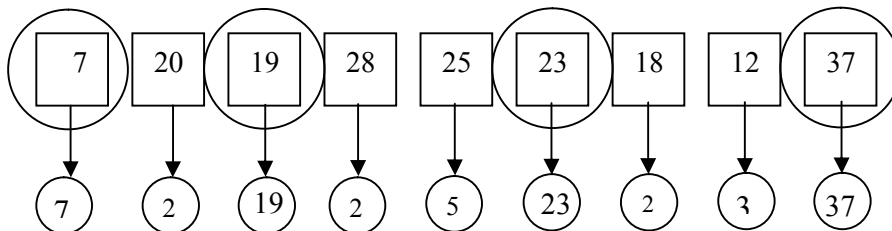
$$\begin{aligned}
 \sqrt[3]{2197} &= 13 \\
 13 \times 13 \times 13 &= 2197
 \end{aligned}$$

$$\sqrt{64000000} = \sqrt{64 \times 10^6} = \sqrt[3]{4^3 \times 10^6} = 4 \times 10^2 = 400$$

$$\sqrt[3]{1000} = \sqrt[3]{10^3} = 10$$

$$\sqrt[3]{1000000} = \sqrt[3]{10^6} = 10^{\frac{6}{3}} = 10^2 = 100$$

-20



21) (a) سم دی

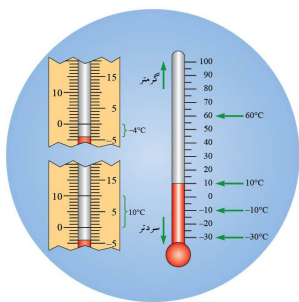
22) (a) سم دی

23) (b) سم دی

24) $2^6 \times 3^2 = 576$

25) (c) سم دی.

26) (a) سم دی.



دریم څپرکی: تام عددونه

1-3: مثبت او منفي عددونه

د کتاب مخ (71) د لوست وخت (1 درسي ساعت)

<p>1- د زده کړې موخې</p> <ul style="list-style-type: none"> - پوهنیزه - مهارتي - ذهيتي 	<ul style="list-style-type: none"> • زده کوونکي د منفي او مثبتو عددونو سره اشناسي. • د ترمامیتر پر مخ مثبت او منفي عددونه وښودلای شي او په دې وپوهیږي چې له صفره پورته عددونه مثبت او ښکته عددونه منفي دي. • د (+) او (-) د علا مو سره اشناسي او دا درک کړي چې صفر د مثبتو او منفي عددونو تر مېخ سرحد دی او د مثبتو او منفي عددونو له پیژندلو څخه د خوښی احساس وکړي.
<p>2- د تدریس میتودونه:</p>	<p>پوښتنی او ځوابونه، یو کسيز او گروپی کار...</p>
<p>3- درسي او مرستندويه توکي:</p>	<p>درسي کتاب، ترمامیتر، د ترمامیتر د تصویر چارت د (71) مخ جدول...</p>
<p>4- د ورودی برخې توضیح:</p> <p>(5) دقیقې</p>	<p>ښوونکی د لومړینو فعالیتونو څخه وروسته دې د ورودی برخې د پوښتنی د روښانه کولو لپاره زده کوونکو ته ووايي چې ترمامیتر د ښیښی یونل دی چه پاره (سیماب) په کې پراته دې که هوا گرمه وي پاره په نل کې پورته ځي او که هوا سړه وي ښکته را ځي. په شکل کې لیدل کیږي چې په اول حالت کې پاره د 5 + د عدد مخ ته یاد تودوخی درجه (5 +) ده خو په دویم حالت کې پاره د (7) واحدو نو په اندازه ښکته را غلې ده او د (-2) د عدد مخ ته ده نو دا په دې معنا چې د 5-7 د عدد حاصل منفي 2 دي او داسې لیکل کیږي چې</p> $5 - 7 = -2$
<p>5- د لوست بهیر او فعالیتونه: (28) دقیقې:</p>	<p>ښوونکی د (71) مخ جدول د ټولگی مخکی څړوي اوله زده کوونکو څخه په پوښتنو جدول ډکوي بیا دی ښوونکی د (72) مخ فعالیت پرز ده کوونکو سر ته ورسوي تر څو عددونه د ترمامیتر پر مخ و ښیي.</p>

6- د زده کړې پیاوړتیا (7) دقیقې

د زده کړې د پیاوړتیا لپاره دې ښوونکي زده کوونکو ته ووايي چې ترڅو د درسي کتاب د (72) مخ لومړنۍ پوښتنه په گروپونو کې کار وکړي او د گروپ نماینده دې خپل کار دتختې پرمخ نوروته واضح کړي او ښوونکي دې لارښوونه وکړي.

7- ددرس د پایلې ارزونه: (5) دقیقې

دلوست د ارزونې لپاره ښوونکي کولای شي په لاندې ډول پوښتنې له زده کوونکو وکړي د مثال په ډول:

1- یو زده کوونکي دې (-3) او (-5) عددونه د ترمایټر پرمخ و ښیې

2- په رسم شوي ترمایټر باندې دې یو زده کوونکي د ساتنې گریډ 8 درجې وښیې

8- د ښوونکي لپاره اضافي معلومات:

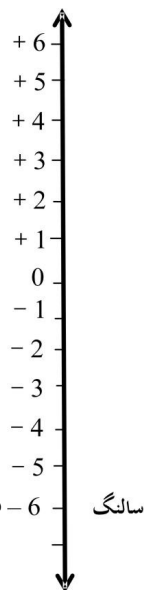
د دې لپاره چې زده کوونکي د مثبتو او منفي عددونو په توپیر ښه و پوهیږي نو داسې یو مثال ورته را وړلی شو. لکه احمد (5) افغانی در لودلې او د گاونډي دوکاندار څخه یې په (7) افغانیو یو قلم را ونیوه نو احمد (2) افغانی پوروړی شو. چې دا پور د منفي علامې په واسطه ښکاره کوو د $5 - 7 = -2$ پرته له صفره هر تام عدد یو جمعي معکوس (Additive inverse) لري چې عدد او جمعي معکوس یې دواړه له صفر څخه په مساوي فاصلو کې واقع دي.

9- د پوښتنو ځوابونه:

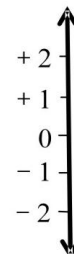
1- د دې دواړو ښارونو دود و خي د درجې توپیر

+6 د کابل د تودوخي درجه

-6 د سالنگ د تودوخي درجه -6

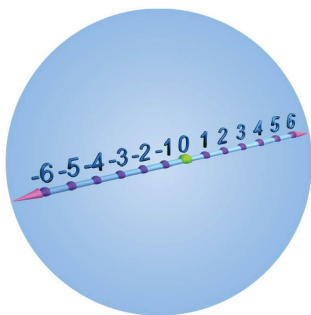


-2



-3

کندرها	کابل	هرات	غزني	باميان	جنوبي سالنگ	ښارونه
+16	+5	0	-4	-5	-8	د تودوخي درجه



2-3: د عد دونو پر محور د تامو عددولو ښودل

د کتاب مخ (73) د لوست وخت (1 درسي ساعت)

<ul style="list-style-type: none"> • زده کوونکي تام عددونه (مثبت، صفر، منفي عددونه) د تامو عددونو د يو سټ په حيث و پېژني. • د عددونو پر محور تام عددونه و ښودلي شي. • د رياضيکي مسايلو په حل کې د تامو عددونو اهميت درک کړي. 	<p>1- د زده کړې موخه</p> <ul style="list-style-type: none"> - پوهنيزه، - مهارتي - ذهيتي
<p>پوښتنې او ځوابونه، يو کسيز او ډله ايز کار، تشرېحي ...</p>	<p>2- د تدريس میتودونه:</p>
<p>د وړو دی چارت، او درسي مواد (کتاب، تخته، تابشیر) ...</p>	<p>3- درسي او مرستندويه توکي:</p>
<p>د لومړنيو فعالیتونو څخه وروسته وړودی چارت</p> <p>... , \square , \square , \square , $0, +1, +2, +3, +4, \dots$ د ټولگی مخ ته څړوي او له زده کوونکو څخه و پوښتي چې په خالی ځایو نوکې کوم عددونه دي او ورته روښانه شي لکه څرنگه چې په تیر لوست کې مولیدل چې د تودوخي هره درجه له بلې څخه یوه درجه زیاته او له صفره ښکته هره درجه مخکنی درجې څخه د یو واحد په اندازه کمه ده $0, +1, +2, +3, +4, +\dots$, \square , \square , \square , \dots نوویلاي شو چې له صفره یو واحد - کوچنی د (-1) عدد او له (-1) عدد څخه کوچنی (-2) اوله (-2) څخه یو واحد کوچنی د (-3) عدد وي.</p>	<p>4- د وړودي توضیح:</p> <p>(5) دقیقې</p>
<p>5- د لوست بهیر او فعالیتونه: (28) دقیقې:</p> <p>ښوونکی دې د تامو عددونو (integers numbers) عنوان او $\dots -5, -4, -3, -2, -1, 0, +1, +2, +3, +4, +5 \dots$ عددونه پر تخته ولیکي.</p> <p>او زده کوونکو ته دې ووايي چې دې عددونو ته د (مثبت عددونه، صفر او منفي عددونه) د تامو عددونو سټ ویل کیږي او داسې داسې ښودل کیږي، $I = \{\dots -5, -4, -3, -2, -1, 0, +1, +2, +3, +4, +5, \dots\}$</p> <p>د I تورې د (Integers) څخه اخیستل شوی دی</p> <p>ښوونکی دې د تامو عددونو چارت د ټولگی مخ کې و څړوي او د زده کوونکو پام دې مبدا (صفر) ته را واړوي چې له صفر ښي خواته عددونه مثبت او کیږي خواته عددونه منفي دي چې صفر نه مثبت دی او نه منفي.</p> <p>ښوونکی دې د (74) مخ فعالیت پر زده کوونکو په یو کسيز یا گروپي ډول کار وکړي او ښوونکی دې ورسره مرسته اولارښوونه وکړي.</p>	

6- د زده کړې پیاوړتیا: (7) دقیقې

د (74) مخ لومړنۍ پوښتنه دې زده کوونکي په گروپونو کې کار وکړي او دگروپ نماینده دې خپل کار دتختی پر مخ واضح کړي لکه څرنګه چه محترم ښوونکی په دې پوهیږي چې کمزوری زده کوونکي مرستی ته ډیره اړتیا لري. هغوی سره دې مرسته اولارښوونه وشي او زده کوونکي دې زده کړي ته علاقه مند کړي شي.

7- ددرس د پایلې ارزونه: (5) دقیقې

دلوست د ارزونې لپاره ښوونکي کولای شی د لاندې په شان پوښتنې له زده کوونکو وکړي.

1- د عددونو محور (Line Numbers) کوم ډول خط ته ویل کیږي.

2- یو زده کوونکی دې د عددونو پر محور د (15-) څخه تر (15+) پورې عددونه وښيي .

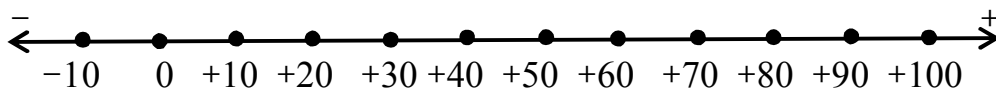
3- د عددونو له محور څخه څه ګټه اخلو؟

8- د ښوونکي لپاره اضافي معلومات:

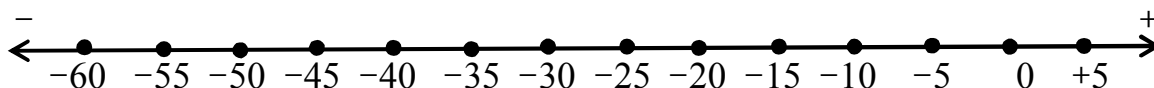
ښوونکي دې په دې پوه شي چی ښی خوا د مثبت جهت او کیڼه خوا د منفي عددونو په حیث یو قرار داد دی او کوم خاص مفهوم نه لري.

کولای شی چی د او بوسطحه د مبدأ (صفر) په حیث او پورته خواته یې مثبت اود اوبو د سطحی څخه لاندې برخه منفي فرض کړو.

که چیرې و غواړو چې د (10-) څخه تر (100+) پوری تام عددونه د محور پر مخ وښیو داسې ښودل کیږي:

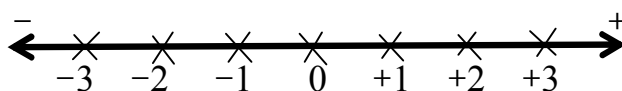


او د (5+) څخه تر (60-) پوری تام عددونه داسې ښودلای شو.

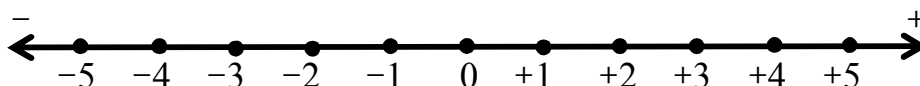


9- د تمرین او سوالونو ځوابونه:

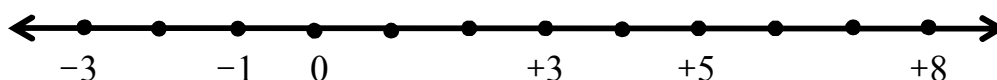
(1)

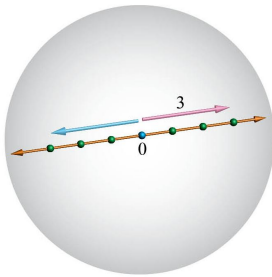


(2)



(3)





3-3: د یو عدد مطلقه قیمت

د کتاب مخ (75) د لوست وخت (1 درسي ساعت)

<ul style="list-style-type: none"> • زده کوونکي د تامو عددونو د پر تله کولو په نتیجه کې و پوهیږي چې کوم تام عدد لوی او کوم عد د کوچنی دی. • د عد دونو د مطلقه قیمت په مفهوم و پوهیږي او هم په دې پوه شي خومره چې منفي عدد لوی وی په هماغه اندازه کوچنی کېږي ځکه د کوچنی منفي عدد کېنې خواته پروت دی. • د ریاضیکي مسایلو په حلولو کې د مطلقه قیمت اهمیت درک کړي 	<p>1- د زده کړې موخه</p> <ul style="list-style-type: none"> - پوهنیزه، - مهارتي - ذهيتي
<p>پوښتنې او ځوابونه، یو کسيز او گروپي کار.</p>	<p>2- د تدریس میتودونه:</p>
<p>درسي کتاب، تخته، تباشیر، محیطي مواد د عددونو چارت</p>	<p>3- درسي او مرستندويه توکي:</p>
<p>د لومړنیو فعالیتونو د سر ته رسولو څخه وروسته دې ښوونکي د زده کوونکو څخه د وړو دې برخې پوښتنه وکړي چې ددې پوښتنې هدف دا دی چې زده کوونکي په دې پوه شي چې $(+3)$ او (-3) دواړه عددونه له صفر څخه مساوي فاصلې لري $(+3)$ د صفر ښي خواته او (-3) د صفر کیني خواته په مساوي فاصلو کې واقع دي.</p>	<p>4- د وړو دې برخې توضیح:</p> <p>(5) دقیقې</p>
<p>5- د لوست بهیر او فعالیتونه: (28) دقیقې:</p> <p>ښوونکي دې د 75 مخ د پوښتنې ځواب داسې واضح کړي سالنگ د تو دوخي درجه چې (-8°C) ده نسبت با میانو ته چې د تودوخي درجه یې (-5°C) ده سوړدی په همدې ډول د کابل څخه قندهار گرم دی په دې معنا چې $-5 > -8$ او $+16 < +8$ دي.</p> <p>ښوونکي دې زده کوونکو ته د عددونو جمعی معکوس (Additive inverse) وروپېژني او د عددونو پر محور باندې دې وروښودل شي چې عدد او جمعی معکوس یې له صفر څخه په مساوي فاصلو کې واقع دي چې همدی فاصلی ته د عددونو مطلقه قیمت وايي او د دوو عمودي خطونو په منځ کې لیکل کېږي چې دا دوه عمود خطونه د مطلقه قیمت علامه ده او د (76) مخ د مثال په حل کې دې وروښودل شي د همدې مخ د فعالیت لومړۍ برخه زده کوونکو ته ورکړي چې هر یو یې حل کړي. د زده کوونکو اشتباه دې اصلاح شي</p> <p>بیادې د فعالیت دویمه برخه زده کوونکي په گروپي ډول کار کړي او د گروپ نماینده دې د تختې پر مخ خپل کار نورو زده کوونکو ته توضیح کړي.</p>	
<p>6- د زده کړې پیاوړتیا: (7) دقیقې</p> <p>د زده کړې د لا موثریت لپاره له زده کوونکو و غواړئ چې دلاندې عددونو مطلقه قیمتونه پیدا کړي.</p> <p>-5 , -11 , -1 , $+11$, $+20$</p>	

7- ددرس د پایلې ارزونه: (5) دقیقې

دلوست د ارزونې لپاره د لاندې په شان پوښتنې وکړئ.

- 1- د یو عدد مطلقه قیمت یعنی څه؟ او د مطلقه قیمت علامه کومه یوه ده؟
- 2- یو زده کوونکی دې د تختې پر مخ د $-21, +35$ او (-17) د عددونو جمعې معکوسونه او مطلقه قیمتونه پیدا کړي.
- 3- له یوه زده کوونکي و پوښتنې چې د $(+50)$ د عدد مطلقه قیمت زیات دی که د (-50) د عدد.

8- د ښوونکي لپاره اضافي معلومات:

څرنگه چې ټول مثبت عددونه د صفر ښي خوا ته پراته دي نو له صفر څخه لوی دي او ټول منفي عددونه د صفر کینې خوا ته پراته دي نو له صفره کوچني دي.

9- د پوښتنو ځوابونه:

-1

$$+12, +6, -3, -5, -8$$

-2

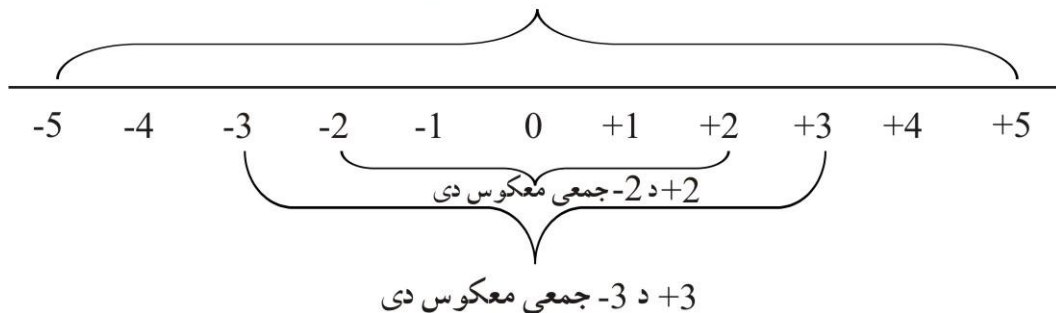
$$-9 < -6, -7 < 0$$

-3

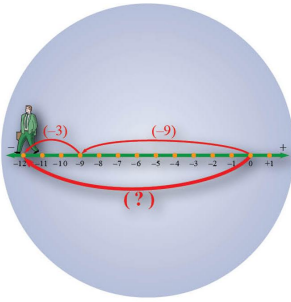
$$\begin{array}{ccccc} | +5 | = 5 & | -5 | = 5 & | -3 | = 3 & | 3 | = 3 & | -7 | = 7 \\ | 16 | = 16 & | -10 | = 10 & | 10 | = 10 & | +12 | = 12 & | -12 | = 12 \\ | +132 | = 132 & | -132 | = 132 & | +200 | = 200 & | a | = a & | -200 | = 200 \end{array}$$

-4

+5 د -5 جمعې معکوس دی



4-3: د هم علامه عددونو جمع



د کتاب مخ (77) د لوست وخت (1 درسي ساعت)

<ul style="list-style-type: none"> • زده کوونکي تام عددونه سره جمع کړای شي. • تام عددونه د مطلقه قیمت له مخی اويا د محور پرمخ جمع کړای شي • د جمعی د عملیې په سر ته رسولو ډاډ ولري او د مسایلو په حل کې یې اهمیت درک کړي. 	<p>1- د زده کړې موخه</p> <ul style="list-style-type: none"> - پوهنیزه، - مهارتي - ذهینتي
پوښتنی او ځوابونه، یو کسيز او گروپی کار...	2- د تدریس میتودونه:
درسي کتاب، تخته ، دورودي برخې د تصویر چارت، د عددونو د جمع کولو او تفریق کولو چارټونه...	3- درسي او مرستندویه توکي:
ښوونکی دې دورودی چارت د ټولگی مخ ته و څړوي او ورودي پوښتنه دې له زده کوونکو وکړي که زده کوونکو ځواب ونه شو ویلای نو ښوونکی دې مرسته وکړي او د محور پرمخ دې واحدونه جمع کړي چې 12 واحد کيږی	4- د ورودي برخې توضیح: (5) دقیقې
<p>5- د لوست بهیر او فعالیتونه: (28) دقیقې:</p> <p>ښوونکی دې د موضوع په اړوند دطبیعی عددونو د جمعی د عملیې څرنگوالی لکه $3 + 4 = 7$ کيږی زده کوونکو ته روښانه کړي چې تام عددونه هم دطبیعی عددونو په شان جمع کيږي او څرنگه چې هم علامه دي نوشر یکه علامه د جمع د حاصل کښی خواته لیکل کيږي او د (+3) او (+4) د عددونو جمع دې د محور پرمخ زده کوونکو ته روښانه شي.</p> <p>بیادې د (77) مخ فعالیت په یو کسيز ډول د تختې پر مخ او یا په گروپي ډول زده کوونکي کاروکړي داشتبا په صورت کې دي یو زده کوونکی د تختې پرمخ حل کړي او هم دې ښوونکی د (78) مخ په شان د -5 او -3 عددونه د زده کوونکو په برخه اخیستنه د محور پرمخ حل کړي.</p>	
<p>6- د زده کړې پیاوړتیا: (7) دقیقې</p> <p>ښوونکی دې د زده کړې پیاوړتیا لپاره د (78) مخ مثال د تختې پرمخ د زده کوونکو په برخه اخیستنه کار کړي</p>	
<p>7- ددرس د پایلې ارزونه: (5) دقیقې</p> <p>دلوست د ارزونې لپاره د لاندې په شان پوښتنی له زده کوونکو وکړئ.</p> <p>1- له یوه زده کوونکي څخه و پوښتی چی هم علامه تام عددونه څرنگه جمع کوو؟</p> <p>2- بل زده کوونکی دې د (+11) او (+3) عددونه د محور پرمخ جمع کړي.</p> <p>3- یو بل زده کوونکی دې د (-7) او (-6) عددونه د محور پرمخ جمع کړي.</p>	

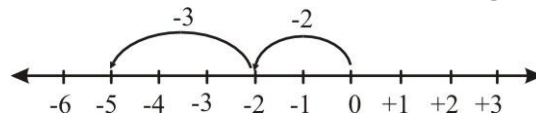
8- د ښوونکي لپاره اضافي معلومات:

محترم ښوونکي! په دې يو هېرو چې:

1- د تامو هم علامه عددونو د جمع کولو لپاره د دوی مطلقه قيمتونه سره جمع کوو او شریکه علامه یې ورته لیکولکه:

$$(-89) + (-51) = -[|-89| + |-51|] = -(89 + 51) = -140$$

2- او یا دا چې د محور پرمخ یې هم جمع کولای شولکه

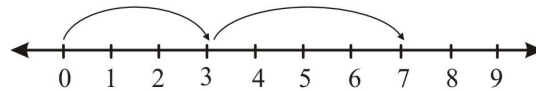


$$(-2) + (-3) = -5$$

9- د پوښتنو ځوابونه:

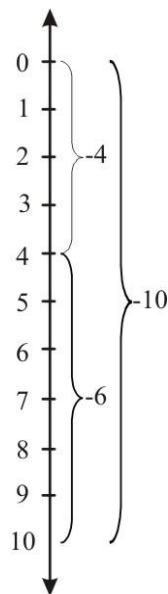
$$(-12) + (-3) = -15 \quad , \quad (-7) + (-6) = -13 \quad , \quad 37 + 47 = 84 \quad -1$$

-2



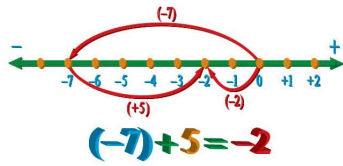
$$3 + 4 = 7$$

-3



$$(-4) + (-6) = -10$$

5-3: د مختلف العلامة تامو عددونو جمع



د کتاب مخ (79) د لوست وخت (1 درسي ساعت)

<ul style="list-style-type: none"> • زده کوونکي مثبت او منفي تام عددونو سره جمع کړی شي. • مثبت تام عدد د منفي تام عدد سره او منفي تام عدد د مثبت تام عدد سره د محور پرمخ جمع کړی شي. • د مسایلو په حل کې د مختلف العلامة عددونو د جمع کولو اهمیت درک کړي. 	<p>1- د زده کړې موخې</p> <ul style="list-style-type: none"> - پوهنیزه - مهارتي - ذهيتي
<p>پوښتنې او ځوابونه، یو کسيز او گروپي کار...</p>	<p>2- د تدریس میتودونه:</p>
<p>کتاب، تخته، د وړودي برخې چارت...</p>	<p>3- درسي او مرستندويه توکي:</p>
<p>ښوونکی د لومړنیو فعالیتونو څخه وروسته دې د وړودی برخې چارت د ټولګي مخ ته وځړوي او له زده کوونکو دې وغواړي چې د وړودي برخې د پوښتنې ځواب ووايي او فکر پرې وکړي.</p> <p>ښوونکی دې توضیح کړی چې لومړی کینی خواته د (7) واحدونو په اندازه (-7) حرکت کوو او بیا د (5) واحدونو په اندازه ښي خواته حرکت کوو تر څو د (-2) عدد ته رسیږو په دی معنا چې احمد لا اوس هم (2) افغانی پوروړی دی.</p>	<p>4- د وړودي برخې توضیح:</p> <p>(5) دقیقې</p>
<p>5- د لوست بهیر او فعالیتونه: (28) دقیقې:</p> <p>ښوونکی دې د زده کوونکو په برخه اخیستنه د (79) مخ لومړی او دویم مثال حل کړي او ټولګی دې په گروپونو وویشي او د (80) مخ فعالیت دې زده کوونکي کار وکړي. او د گروپ نماینده گان دې خپل کار د تختې پرمخ واضح کړي.</p>	
<p>6- د زده کړې پیاوړتیا: (7) دقیقې</p> <p>ښوونکی د زده کړې پیاوړتیا لپاره د (80) مخ دریم مثال د زده کوونکو په برخه اخیستنه حل کړي.</p>	
<p>7- د درس د پایلې ارزونه: (5) دقیقې</p> <p>- د لوست د ارزونې لپاره دې له زده کوونکو څخه د لاندې په شان پوښتنې وکړي.</p> <p>1- د عددونو خط څرنگه خط دی؟</p> <p>2- بل زده کوونکی دې د لاندې شکل د عددونو عملیه ولیکي.</p> <p>3- بل زده کوونکی دې $12 + (-7) = ?$ د عددونو پر محور حل کړي.</p>	

9- د پوښتنو د ځوابونو حل:

-1

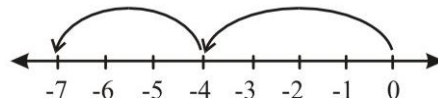
$$(-6) + (+5) = -1$$

$$(+3) + (-5) = -2$$

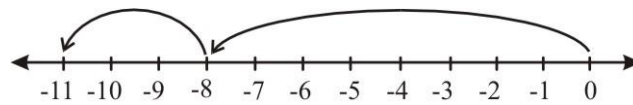
-2

$$(-3) + (+7) + (-4) + (-9) = -9$$

$$(-4) + (-3) = -7$$



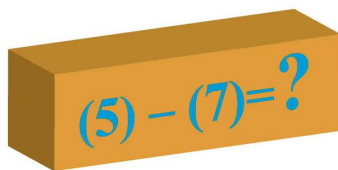
-3



د هرات د تودوخې درجه (-11) ده.

-4

$$(-6) + (+8) + (-10) = -8$$



<ul style="list-style-type: none"> • زده کوونکي د تامو عددونو د تفریق په مفهوم پوه شي. • تام عددونه یو له بل څخه تفریق کړي شي. • د تامو عددونو د تفریق د عملیې په سرته رسولو ډاډه اوسي. • د مسایلو په حلولو کې د تامو عددونو د تفریق د عملیې اهمیت درک کړي. 	<p>1- د زده کړې موخې</p> <ul style="list-style-type: none"> - پوهنیزې، - مهارتي - ذهینتي
پوښتنې او ځوابونه، یو کسيز او ګروپي کار او تشریحي...	2- د تدریس میتودونه:
درسي کتاب، تخته، د ورودي برخې تصویر چارت او د 81 مخ د فعالیت چارت...	3- درسي او مرستندویه توکي:
ښوونکي د لومړنیو فعالیتونو څخه وروسته د ورودي برخې د تصویر چارت د ټولګی مخ ته څرګوي او دا پوښتنه $(7) - (5) = ?$ دې له زده کوونکو وکړي.	4- د ورودي توضیح: (5) دقیقې
<p>5- د لوست بهیر او فعالیتونه: (28) دقیقې:</p> <p>ښوونکي دې د (81) مخ د فعالیت چارت د ټولګی مخ ته څرګوي او زده کوونکي دې په ګروپونو کې فعالیت سرته ورسوي او ښوونکي دې مرسته او لارښوونه وکړي.</p> <p>ښوونکي دې د (82) مخ لومړنی مثال د زده کوونکو په برخه اخیستنه حل کړي.</p> <p>دویم مثال دې زده کوونکي په خپلو کتابچو کې حل کړي او په پای کې دې یو زده کوونکي د تختې پر مخ حل کړي تر څو نور زده کوونکي که چیرې غلطی یې کړي وي اصلاح یې کړي.</p> <p>درېم مثال دې زده کوونکي په ټاکل شوو ګروپونو کې حل کړي او ښوونکي دې د دوي د کار څارنه وکړي تر څو د کتاب څخه یې حل نه کړي او په پای کې د یو ګروپ نماینده دي دا درېم مثال پر تخته حل کړي او ښوونکي دې ورته لارښوونه وکړي.</p>	
<p>6- د زده کړې پیاوړتیا: (7) دقیقې</p> <p>د زده کړې د پیاوړتیا لپاره دې ښوونکي د 82 مخ لومړی پوښتنه د پوښتنو او ځوابونو په طریقه حل کړي.</p>	
<p>7- د درس د پایلې ارزونه: (5) دقیقې</p> <p>د لوست د ارزونې لپاره دې له زده کوونکو څخه د لاندې په شان پوښتنې وشي لکه:</p> <p>1- تامو عددونو د تفریق په عملیه کې لومړی باید څه وکړو؟</p> <p>2- یو زده کوونکي دې د (-10) عدد $5 + 15 -$ له حاصل څخه تفریق کړي.</p>	

8- د ښوونکي لپاره اضافي معلومات:

محترم ښوونکي په دې پوهيږي چې د تفریق عملیه د جمعې د عمليې معکوسه عملیه.

(Inverse Operation of Addition) ده یا په لنډ ډول داسې وایو چې د مفروق علامه تغیروو لکه که مونږ د

(-25) له عدد څخه د (-4) عدد تفریقوو نو په حقیقت کې د (-25) له عدد سره د (-4) د عدد جمعې معکوس (+4) جمع کوو.

$$-25 - (-4) = -25 + 4 = 21$$

او که له 25 د (-4) عدد تفریقوو نو:

$$25 - (-4) = 25 + 4 = 29$$

9- د پوښتنو ځوابونه:

(1)

$$(-12) - (-20) = -12 + 20 = 8$$

$$(-3) - (9) = -3 - 9 = -12$$

$$(-3) - (-9) = -3 + 9 = 6$$

$$(-8) - (-4) = -8 + 4 = -4$$

$$0 - 5 = -5$$

$$(-25) - (-12) = -25 + 12 = -13$$

$$(-13) - (-3) = -13 + 3 = -10$$

$$8 - 12 = -4$$

$$-20 - 12 = -32$$

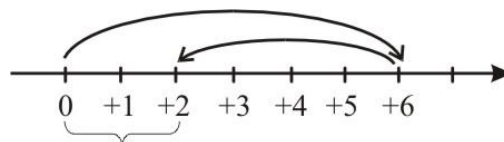
$$5 - 0 = 5$$

(2) د محور له رسمولو او د مبداء (صفر) د نقطې د ټاکلو وروسته محور په مساوي فاصلو ویشو، لومړی ښي خواته د (6)

واحدنو په اندازه او بیا له دغه ځای څخه د (4) واحدونو په اندازه کښې خواته حرکت کوو ترڅو د +2 عدد ته ورسېږو

$$6 - 4 = 2$$

$$6 - 4 = 2$$



(3)

$$(-6) + (+8) = -6 + 8 = +2$$

$$2 - (-14) = 2 + 14 = 16$$

$$3 \times (-4) = -12$$

$$(-3) \times 4 = -12$$

د کتاب مخ (83) د لوست وخت (1 درسي ساعت)

<ul style="list-style-type: none"> • زده کوونکي په دې پوه شي چې د دوو مختلف علامه عددونو د ضرب د حاصل علامه منفي ده. • د دوو مختلف علامه عددونو د ضرب حاصل پيدا کړي شي. • د مسايلو په حل کې د مختلف علامه عددونو د ضرب اهميت درک او رياضي ته علاقه مند شي. 	<p>1- د زده کړې موخې</p> <ul style="list-style-type: none"> - پوهنيزې - مهارتي - ذهيتي
<p>پوښتنې او ځوابونه، يو کسيز او گروپي کار...</p>	<p>2- د تدريس میتودونه:</p>
<p>درسي کتاب، تخته، د ورودي برخې د تصوير چارت او د 83 مخ د فعاليت چارت.</p>	<p>3- درسي او مرستندويه توکي:</p>
<p>ښوونکي دې د لومړنيو فعاليتونو څخه وروسته د ورودي برخې پوښتنه له زده کوونکو وکړي تر څو زده کوونکي فکر وکړي او انگيزه پيدا شي.</p> <p>بيا د ورودي برخې او فعاليت چارتونه د ټولگي مخ ته وځړوي او د زده کوونکو پام ورته راواړوي، چې که چېرې په دوه ضربي اجزاو کې يوه جزوه ثابت (تغيرونه کړي) وي او بله جزوه د يو، يو په اندازه کمه شي.</p> <p>د ضرب حاصل د ثابتې جزوي په اندازه کمېږي.</p> <p>لکه: $4 \times 4 = 16$ او $3 \times 4 = 12$</p> <p>چې (12) له (16) څخه د (4) په اندازه لږ دی او په پای کې دې نتيجه ته رسيږي چې د دوو مختلف علامه عددونو د ضرب د حاصل علامه منفي ده او د دوه عددونو چې يو شان علامې ولري ضرب د حاصل علامه مثبت ده.</p>	<p>4- د ورودي توضيح:</p> <p>(5) دقيقې</p>
<p>5- د لوست بهير او فعاليتونه: (28) دقيقې:</p> <p>ښوونکي دې د زده کوونکو دې خواته هم پام راواړوي چې په طبيعي عددونو کې مو وليدل د مساوي عددونو د جمع کولو لنډې طريقې ته ضرب وايي لکه: $2 + 2 + 2 = 6$ يا $3 \times 2 = 6$ په همدې ډول:</p> <p>$-6 = (-2) + (-2) + (-2)$ يا $-6 = 3 \times (-2)$ چې د ورودي برخې د پوښتنې ځواب دی د مختلف علامه عددونو د ضرب د حاصل علامه منفي ده، چې د همدې موضوع د روښانه کولو لپاره دې هغه محور چې د کتاب په (84) مخ کې شته پر تخته رسم او زده کوونکو ته واضح کړي شي.</p> <p>ښوونکي دې د کتاب د (84) مخ مثال د پوښتنو او ځوابونو په طريقه کار وکړي.</p> <p>او د همدې مخ پوښتنه چې درې برخې لري په زده کوونکو په گروپي ډول کار وکړي او په پای کې دې د گروپ نماينده خپل حل د تختې پر مخ واضح کړي.</p>	

6- د زده کړې پیاوړتیا: (7) دقیقې

د زده کړې د پیاوړتیا لپاره دې زده کوونکي د (84) مخ فعالیت په گروپونو کې د (83) مخ د ضرب د جدول په شان په خپلو کتابچو کې حل کړي او په پای کې دې د گروپ نماینده خپل کار د تختې پرمخ نورو ته واضح کړي.

7- د درس د پایلې ارزونه: (5) دقیقې

د لوست د ارزښاتي لپاره د لاندې په شان پوښتنې له زده کوونکو وکړي.

1- له یوه زده کوونکي څخه پوښتنه وکړي چې د دوو مختلف علامه عددونو د ضرب د حاصل علامه څه ده؟

2- بل زده کوونکی دې د $(+5) \times (-12) = ?$ د ضرب حاصل په لاس راوړي.

3- له بله دې پوښتنه وشي چې ولې د دوه مختلف علامه عددونو د ضرب حاصل منفي دی؟

8- د ښوونکي لپاره اضافي معلومات:

• که a او b دوه تام عددونه وي نو: $a \times b$ هم یو تام عدد دی.

• که a او b دوه تام عددونه وي نو: $a \times b = b \times a$ دی.

• که a او b او c درې تام عددونه دي نو: $a \times (b \times c) = (a \times b) \times c$ کیږي.

• که a یو تام عدد وي نو: $1 \times a = a \times 1 = a$ دی.

• که a یو تام عدد وي نو: $0 \times a = a \times 0 = 0$ دی.

که a, b او c درې تام عددونه وي او $a > b$ وي نو:

که c یو مثبت عدد وي. $a \times c > b \times c$ دی.

که c یو منفي عدد وي. $a \times c < b \times c$ دی.

9- د پوښتنو ځوابونه:

$$1) \quad 3 \times (-1) = -3 \quad \text{یا} \quad (-1) + (-1) + (-1) = -3$$

-2

$$5 \times 2 = 10$$

$$4 \times 2 = 8$$

$$3 \times 2 = 6$$

$$2 \times 2 = 4$$

$$1 \times 2 = 2$$

$$0 \times 2 = 0$$

$$-1 \times 2 = -2$$

$$-2 \times 2 = -4$$

$$-3 \times 2 = -6$$

$$-4 \times 2 = -8$$

$$-5 \times 2 = -10$$

-3

$$\square \times 4 = 8 \Rightarrow 8 \div 4 = 2$$

-4

$$\square \times (-4) = -8 \Rightarrow (-8) \div (-4) = 4$$

-5

$$4 \times 7 = 28$$

$$(-4) \times 5 = -20$$

$$(-5) \times 3 = -15$$

$$(-2) \times (+3) = -6$$

$$(-3) \times (+1) = -3$$

$$(-1) \times (+1) = -1$$

$$(-1) \times 0 = 0$$

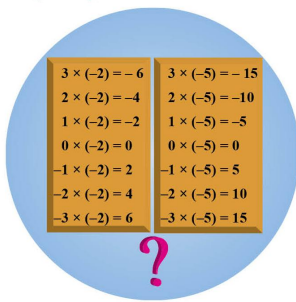
$$(-7) \times (+10) = -70$$

$$(-9) \times (100) = -900$$

-6

$$7 \times \square = -56$$

$$-56 \div 7 = -8$$



8-3: د منفي تام عدد ضرب په منفي عدد کې

د کتاب مخ (85) د لوست وخت (1 درسي ساعت)

<p>1- د زده کړې موخې</p> <ul style="list-style-type: none"> پوهنيزې مهاري ذهنيتي 	<ul style="list-style-type: none"> زده کوونکي د تامو منفي عددونو په ضرب وپوهېږي. په دې پوه شي چې د يو تام منفي عدد د ضرب حاصل په بل تام منفي عدد کې مثبت دی. ددې موضوع اهميت درک کړي او د موضوع د زده کړې سره علاقه پيدا کړي.
2- د تدریس میتودونه:	پوښتنې او ځوابونه، یو کسيز او گروپي کار تشریحي...
3- درسي او مرستندويه توکي:	درسي کتاب، تخته، د ورودي برخې د جدول او د (85) مخ د فعالیت چارت...
4- د ورودي برخې توضیح:	<p>(5) دقیقې</p> <p>ښوونکی د لومړنیو فعالیتونو څخه وروسته د ورودي پوښتنه له زده کوونکو وکړي تر څو هغوی فکر کولو ته وهڅوي.</p> <p>او دا چې په دې وپوهېږي چې ولې د دوو منفي عددونو د ضرب حاصل یو مثبت عدد دی د ورودي چارت دې د ټولګي مخ ته وځړوی تر څو د تیر لوست په شان د جدول له مخې درک کړي چې د دوو منفي عددونو د ضرب حاصل یو مثبت عدد دی.</p>
<p>5- د لوست بهیر او فعالیتونه: (28) دقیقې:</p> <p>ښوونکی دې د (85) مخ د فعالیت جدول د ټولګي مخ ته وځړوي او په زده کوونکو دې ولولي تر څو د فعالیت د پوښتنې ځواب ووايي. لیدل کېږي چې دویمه ضربي جزوه (دویم ضربي عامل) چې (2-) وي ثابت دی او لومړۍ ضربي جزوه د یو، یو واحد په اندازه کمېږي او د ضرب حاصل د دویمې جزوي د مطلقه قیمت په اندازه ډېرېږي څه وخت چې صفر په (2-) کې ضربېږي د ضرب حاصل یې صفر دی (صفر نه مثبت دی او نه منفي).</p> <p>څه وخت چې دواړه ضربي اجزاوې منفي وي لکه $2 = (-2) \times (-1)$ نو د ضرب حاصل یې مثبت دی نو د دوو منفي عددونو د ضرب حاصل یو مثبت عدد دی.</p> <p>محترم ښوونکی دې لومړۍ مثال حل کړي بیا دې زده کوونکي دویم مثال په گروپونو کې کار کړي. ښوونکی دې متوجه اوسي چې زده کوونکي د مثال په حل کې له درسي کتاب څخه استفاده ونه کړي.</p> <p>او په پای کې دې د گروپ نماینده خپل کار نورو زده کوونکو ته د تختې پر مخ توضیح کړي.</p>	
<p>6- د زده کړې پایوړتیا: (7) دقیقې</p> <p>د لوست د لاندې زده کړې لپاره دې ښوونکی د (86) مخ د پوښتونو لومړنۍ پوښتنه په ټولګي کې په زده کوونکو حل کړي.</p>	

7- ددرس د پايډي ارزونه: (5) دقيقې

د لوست د ارزونې لپاره د زده کوونکو څخه د لاندې په شان پوښتنې وکړي.

1- له زده کوونکي څخه وپوښتي چې د دوو منفي عددو د ضرب حاصل یو مثبت عدد دی که منفي؟

2- بل زده کوونکی دې $(-32) \times (-25)$ د ضرب حاصل په لاس راوړي.

8- د ښوونکي لپاره اضافي معلومات:

ددې لپاره چې وښیو چې د دوو منفي عددونو د ضرب حاصل یو مثبت عدد دی په دې ډول یې هم ښوولای شو:

پوهیږو چې $3 \times 4 = 12$ کیږي که $3 = (-1 + 4)$ او $4 = (5 - 1)$ ونیسو نو:

$$(-1 + 4) \times (5 - 1) = (+4 - 1) \times (5 - 1) = +20 - 4 - 5 + (-1)(-1) = 20 - 9 + \boxed{1}$$

نولیدل کېږي چې د (1) د عدد علامه (+) ده ځکه چې د ضرب حاصل یې 12 کېږي.

9- د پوښتنو ځوابونه:

-1

$$\begin{array}{lll} (-6) \times (-1) = +6 & (+3) \times (-3) = -9 & (-1) \times (-1) = +1 \\ (-12) \times (-3) = +36 & (-2) \times (+5) = -10 & (-4) \times (-8) = +32 \end{array}$$

-2

$$\begin{array}{l} (+2) \times (-3) = -6 \\ (+1) \times (-3) = -3 \\ (0) \times (-3) = 0 \\ (-1) \times (-3) = 3 \\ (-2) \times (-3) = 6 \\ (-3) \times (-3) = 9 \\ (-4) \times (-3) = 12 \\ (-5) \times (-3) = 15 \\ (-6) \times (-3) = 18 \end{array}$$

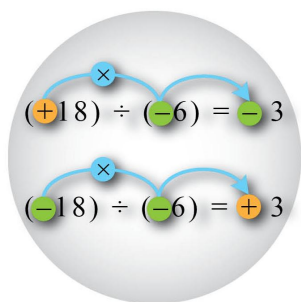
-3

$$\begin{array}{l} (-4) \times (-2) = +8 \\ (-2) \times (-5) = +10 \\ (-3) \times (-9) = +27 \\ (-1) \times (-11) = +11 \\ (-3) \times (-7) = +21 \\ (-3) \times (+2) = -6 \end{array}$$

-4

$$\begin{array}{l} (-2) \times (+3) \times (-4) = +24 \\ (-3) \times (+2) \times (-5) = +30 \\ (+7) \times (-4) \times (-2) = +56 \\ (-6) \times (-4) \times (-2) = -48 \\ (-1) \times (-1) \times (-1) = -1 \\ (-10) \times (-2) \times (+1) = +20 \end{array}$$

9-3: د تامو عددونو وېش



د کتاب مخ (87) د لوست وخت (1 درسي ساعت)

<ul style="list-style-type: none"> • زده کوونکي د تامو عددونو په ویش وپوهیږي. • تام عددونه یو پر بل وویشلای شي. • د مسایلو په حلولو کې د تامو عددونو د ویش اهمیت درک او د خوښی احساس وکړي. 	<p>1- د زده کړې موخې</p> <ul style="list-style-type: none"> - پوهنیزې - مهارتي - ذهنيتي
<p>پوښتنې او ځوابونه، یو کسيز او گروپي کار تشریحي...</p>	<p>2- د تدریس میتودونه:</p>
<p>درسي کتاب، تخته، تباشیر، د ورودي برخې د تصویر چارت، د ضرب او ویش د عملیو جدولونه</p>	<p>3- درسي او مرستندویه توکي:</p>
<p>ښوونکی د لومړنیو فعالیتونو څخه وروسته د ورودي برخې د تصویر چارټ د ټولګی مخکې وڅړوي او د زده کوونکو پام دې د ورودي برخې پوښتنې ته واړوي چې په ښکاره ډول لیدل کېږي، چې دوو مختلف علامه عددونو د ویش د حاصل علامه منفي ددوه داسې عددونو چې یو شان علامې ولري او د ویش د حاصل علامه مثبت ده.</p>	<p>4- د ورودي توضیح:</p> <p>(5) دقیقې</p>
<p>5- د لوست بهیر او فعالیتونه: (28) دقیقې:</p> <p>ښوونکی دې د (87) مخ د جدول له مخې د ضرب او ویش د عملیو اړیکې زده کوونکو ته واضح کړي. او بیا دې ټولګی په گروپونو وویشي او زده کوونکي دې د همدې مخ فعالیت کار کړي. او د گروپ نماینده دې خپل کار توضیح کړي او ددې فعالیت نتیجه دې زده کوونکو ته توضیح شي په دې معنا چې:</p> <p>د ضرب د عملیې په شان د هم علامه عددونو د ویش د حاصل علامه مثبت او د مختلف علامه عددونو د ویش د حاصل علامه منفي ده. ښوونکی دې د کتاب د (88) مخ مثال د زده کوونکو په برخه اخیستنه د پوښتونو او ځوابونو په شکل کار کړي.</p>	
<p>6- د زده کړې پیاوړتیا: (7) دقیقې</p> <p>د زده کړې د لا مؤثریت لپاره دې د (88) مخ د پوښتونو لومړۍ پوښتنه له زده کوونکو وپوښتي که زده کوونکو ستونزه درلوده ښوونکی دې مرسته او لارښوونه وکړي.</p> <p>لکه: $(-5) \times () = +20$ $+20 \div (-5) = -4$</p> <p>ځکه چې د ویش عملیه د ضرب د عملیې معکوسه عملیه ده.</p>	

7- ددرس د پايډي ارزونه: (5) دقيقې

ښوونکي دې د لوست د ارزونې لپاره د لاندې په شان پوښتنې له زده کوونکو وکړي.

1- د دوه مختلف علامه عددونو د ویش د حاصل علامه مثبت ده که منفي؟

2- بل زده کوونکي دې د $\frac{(+5) \times (-2)}{(-5) \times (+10)}$ حاصل په لاس راوړئ.

3- بل زده کوونکي دې ووايي چې $(-5) \div (20)$ ولي (-4) کېږي.

8- د ښوونکي لپاره اضافي معلومات:

1- که a او b دوه تام عددونه وي او $b \neq 0$ وي کيدای شي چې $a \div b$ يو تام عدد نه وي لکه $-8 \div 4 = -2$ چې -2 يو تام عدد دی خو د $-3 \div 2$ د ویش حاصل يو تام عدد نه دي.

2- که a يو تام عدد او خلاف د صفر وی نو: $a \div a = 1$ لکه $(-4) \div (-4) = 1$

3- که a يو تام عدد وی نو $a \div 1 = a$ دی $(-80) \div 1 = -80$

4- که a خلاف د صفر يو تام عدد وی نو $0 \div a = 0$

5- که a, b او c خلاف د صفر تام عددونه وی نو:

$$(a \div b) \div c \neq a \div (b \div c), \quad (64 \div 16) \div 4 = 4 \div 4 = 1$$

$$64 \div (16 \div 4) = 64 \div 4 = 16, \quad (64 \div 16) \div 4 \neq 64 \div (16 \div 4)$$

9- د پوښتنو ځوابونه:

1-

$$(-5) \times (-4) = +20 \quad (20) \div (-5) = -4 \quad (7) \times (-8) = -56 \quad (-56) \div (+7) = -8$$

$$(-5) \times (+8) = -40 \quad (-40) \div (+8) = -5 \quad (7) \times (-5) = -35 \quad (-35) \div (-5) = -7$$

2-

$$(+6) \times -(-18) = +6 + 18 = +24 \quad (-8) + (-4) = -12 \quad \frac{+24}{-12} = -2$$

3-

د ویش عملیه	د ضرب عملیه
$(-80) \div (-4) = +20$	$(+20) \times (-4) = -80$
$(-100) \div (-1) = +100$	$(+100) \times (-1) = -100$
$(-42) \div (+6) = -7$	$(+6) \times (-7) = -42$
$(+60) \div (-3) = -20$	$(-3) \times (-20) = +60$

د ضرب عملیه	د ویش عملیه
$(-8) \times (+4) = (-32)$	$(-32) \div (+4) = -8$
$(+50) \times (-4) = -200$	$(-200) \div (-4) = +50$
$(-12) \times (+3) = -36$	$(-36) \div (+3) = -12$
$(+36) \times (-2) = -72$	$(-72) \div (-2) = +36$

$$-3[2-(4-3)-\{-1+1-(-1-1)\}]$$

$$-3[2-4+3-\{-1+1+1+1\}]$$

$$-3[2-4+3+1-1-1-1]$$

$$-3[-1]=3$$

10-3: د حسابي افادو قیمتونه

د کتاب مخ (89)، د لوست وخت (1 درسي ساعت)

<p>1- د زده کړې موخې</p> <ul style="list-style-type: none"> - پوهنيزې - مهارتي - ذهني 	<p>زده کوونکي د حسابي افادو په مفهوم پوه شي.</p> <p>د حسابي افادو قیمتونه پیدا کړي شي.</p> <p>حسابي افادې ساده کړي شي.</p> <p>د عملیو په ترتیب پوه شي.</p> <p>په خپل ځان ډاډ پیدا کړي چې حسابي افادې ساده کولای شي.</p>
<p>2- د تدریس میتودونه:</p>	<p>پوښتنې او ځوابونه، یو کسيز او گروپي کار، تشریحي...</p>
<p>3- درسي او مرستندویه توکي:</p>	<p>درسي کتاب، تخته، د قوسونو چارټ، د ورودي برخې د پوښتنې چارټ</p>
<p>4- د ورودي توضیح:</p> <p>(5) دقیقې</p>	<p>ښوونکي دې د لومړنیو فعالیتونو څخه وروسته چارټونه د ټولگي مخ ته وځړوي او له زده کوونکو د ورودي برخې پوښتنه وکړي.</p> <p>تر څو هغوی فکر وکړي که چېرې زده کوونکي ځواب ونه شي ویلای د زده کوونکو په برخه اخیستنه دې د چارټ له مخې زده کوونکو ته د قوسونو ډولونه ور وپېژني او ورودي پوښتنه دې حل کړي.</p>
<p>5- د لوست بهیر او فعالیتونه: (28) دقیقې:</p>	<p>ښوونکي دې د (89) مخ مثال پراو په پراو د پوښتنو او ځوابونو په شکل حل کړي او بیا دې زده کوونکي په گروپونو وویشي او د (90) مخ فعالیت چې د تامو عددونو د عملیو د خواصو په برخه کې دې زده کوونکو ته ورکړي تر څو د هرې عملیې په مقابل کې اړونده خاصیت ولیکي.</p> <p>ښوونکي دې د فعالیت 6، 7 او 8 پوښتنې له دریو زده کوونکو وپوښتي او ورته دې وویل شي چې د فعالیت لومړی پوښتنه د جمعی د عملیې تبدیلی خاصیت او دریمه پوښتنه د ضرب د عملیې تبدیلی خاصیت، دویمه پوښتنه د جمعی د عملیې اتحادی خاصیت او څلورمه پوښتنه د ضرب د عملیې اتحادی خاصیتونه دي او پنځمه پوښتنه د ضرب توزیعي قانون پر جمع باندی دی.</p>
<p>6- د زده کړې پیاوړتیا: (7) دقیقې</p>	<p>د زده کړې د لا پوخوالی لپاره دې د پوښتنو لومړی پوښتنه یو زده کوونکی پر تخته حل کړي، ښوونکي دې مرسته او لارښوونه وکړي.</p>
<p>7- د درس د پایلې ارزونه: (5) دقیقې</p>	<p>د لوست د ارزونې لپاره دې له زده کوونکو داسې پوښتنې وشي لکه:</p> <p>1- په حسابي افادو کې څو ډوله قوسونه کارول کېږي، د هر قوس علامه دې ولیکي.</p>

2- بل زده کوونکی دې دا افاده ساده کړي.

$$-1] - 4 + 8 \{ -3 + 2(-7 + 10) + 3 \times (8 - 2) \} \div 3 \div 12 \text{ چې ځواب يې 652 دی.}$$

3- بل زده کوونکی دې دا افاده ساده کړي. $8 - 4 \times 5 + 2 \times (-3) \times (-6) \div (-36)$

8- د ښوونکي لپاره اضافي معلومات:

د حسابي افادو په ساده کولو کې لومړی د عملیو ترتیب باید په پام کې ونیسو او د (DMAS) څخه کار اخلو D د تقسیم (Division) او M د ضرب (Multiplication) A د جمعې (Addition) او S د تفریق (Subtraction) څخه اخیستل شوی دی.

د مثال په ډول د $3 - 11 + 3 \div 6 - 5 + 6 \div 3 + 54 \div 3$ افاده له 22 سره مساوي ده.

[] ته لوی قوس (Big Brackets) یا (Square Brackets)

{ } ته متوسط قوس (Braces) یا (Curly Brackets)

() ته کوچنی قوس (Small Brackets) یا (Parentheses) او ____ ته خط (aline) یا (Bar Barcket) وايي.

9- د پوښتنو ځوابونه:

1

$$\begin{aligned} \{(-6 \times 4) \times 2\} - \{5 \times (-5 + 3)\} + 20 &= \{-24 \times 2\} - \{5 \times (-2)\} + 20 \\ &= \{-24 \times 2\} - \{-10\} + 20 \\ -48 + 10 + 20 &= -48 + 30 = -18 \end{aligned}$$

-2

$$\begin{aligned} [9 \div \{-(-3) \times (5 - 8)\}] + 10 \\ [9 \div \{+3 \times (-3)\}] + 10 \\ [9 \div \{-9\}] + 10 &= [-1] + 10 = -1 + 10 = 9 \end{aligned}$$

-3

$$\begin{aligned} 10 \times 24 \div \{-(-4) \times (5 - 7)\} - 6 \\ 10 \times 24 \div \{+4 \times (-2)\} - 6 \\ 10 \times 24 \div \{-8\} - 6 &= 240 \div \{-8\} - 6 = -30 - 6 = -36 \end{aligned}$$

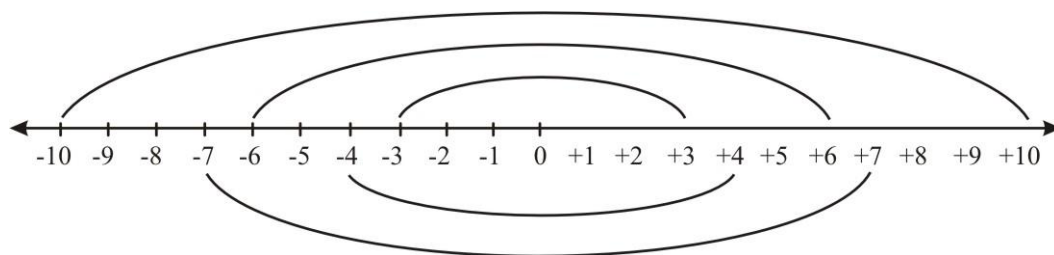
-4

$$[\{5 \times (-4)\} - \{(-5) \times (-1)\}] - 10 = [\{-20\} - \{5\}] - 10 = [-20 - 5] - 10 = -25 - 10 = -35$$

-5

$$2 \cdot \{(-3) + (-2)\} + 8 - 2 = 2 \cdot \{-5\} + 6 = -10 + 6 = -4$$

-1



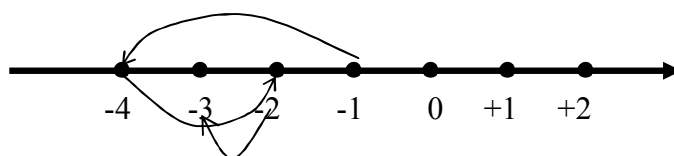
-2

$$|-8| = 8 \quad |8| = 8 \quad |-10| = 10 \quad |0| = 0 \quad |-12| = 12$$

-3

$$\begin{aligned} a: (-6) + 4 &= -2 & b: 5 - (-3) &= 5 + 3 = 8 \\ c: 8 + 0 &= 8 & d: (-8) + 0 &= -8 \end{aligned}$$

-4



$$(-4) + (+2) + (-1) = (-2) + (-1) = -3$$

-5

$$\begin{aligned} a: (+20) + (13) &= (+13) + (20) = 33 \\ b: (-8 + 3 + 0) - (-5 + 0) &= (-5) + (+5) = 0 \\ c: +4 - (-2) + (3 - 7) &= (-20) + 22 = 2 \end{aligned}$$

-6

$$+4 + (-6) + (+3) + (+2) + (-7) = 4 - 6 + 3 + 2 - 7 = -4$$

-7

$$30^0 c - 7^0 c = 23^0 c$$

-8

$$-5^0 c + 7^0 c = 2^0 c$$

-9

$$\begin{aligned} -(-7) + 10 &= +7 + 10 = +17 \\ -(6 + 4 - 4) &= -6 - 4 + = -6 \\ 17 - (-6) &= 17 + 6 = 23 \end{aligned}$$

-10

$$a: (-8 + 2 - 4) \times (-5 + 2 - 1) = (-10) \times (-4) = +40$$

$$b: -(-4 + 6 - 3) \times (-5 + 0) = -(-1) \times (-5 + 0) = (41) \times (-5) = -5$$

$$c: (6 - 10) \times (-7 + 3 \times 2) = (-4) \times (-7 + 6) = (-4) \times (-1) = +4$$

-11

(الف) سم دی.

-12

$$a: -(-10) \div (-2) = (+10) \div (-2) = -5$$

$$b: (-16 + 4) \div (-2) \times (3) = (-12) \div (-6) = +2$$

$$c: -(+10 + 8) \div (-6 \div 2) = (-18) \div (-3) = +6$$

-13

$$(-6) \div (-2) [(10) \div \{(-2) + (+2^2 \times 3)\}] - 2$$

$$+ 3 - [(10) \div \{(-2) + 4 \times 3\}] - 2$$

$$3 - [10 \div \{(-2 + 12)\}] - 2$$

$$3 - [10 \div 10] - 2$$

$$3 - 1 - 2 = 3 - 3 = 0$$

-14

$$(-2) \times (2^3 + (-5 + 3) + 20 - 18 \div \{(-3) \times (5 - 8)\}) = (-2) \times 8 + (-2) + 20 - 18 \div \{3 \times (-3)\}$$

$$= -16 + (-2) + 20 - 18 \div (-9) = -16 - 2 + 20 + 2 = -18 + 22 = +4$$

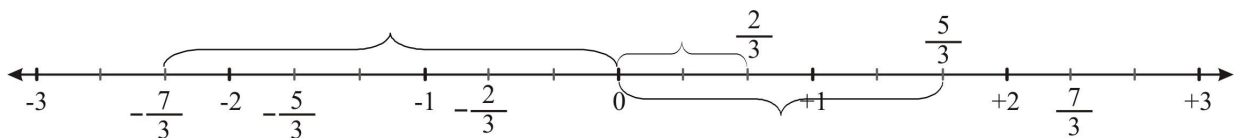


څلورم څپرکی : نسبتي عددونه

1- 4 نسبتي عدد دونه

د کتاب مخ (97) د لوست وخت (1 درسي ساعت)

<p>1- د زده کړې موخې</p> <ul style="list-style-type: none"> - پوهنيزې - مهارتي - ذهني 	<ul style="list-style-type: none"> • زده کوونکي نسبتي عدد دونه و پيژني. • نسبتي عددونه د عددونو پر محور و بنودلای شي. • د نسبتي عددونو جمعي معکوس و پيژني او د عدد ونو پر محور پي و بنودلای شي. • د رياضي په مسايلو کې د نسبتي عدد ونو اهميت درک کړي.
2- د تدریس میتودونه :	پوښتنې او ځوابونه ، يوکسيز اوگروپي کار ، ...
3- درسي او مرستندويه توکي :	درسي کتاب ، تخته ، تباشير ، د 97 مخ د محور د تصوير چارت ...
4- د ورودي برخې توضیح :	د لومړنيو فعاليتونو څخه وروسته دې ښوونکي ورودي پوښتنه له زده کوونکو وپوښتي ترڅو هغوي فکر کولو ته اړ شي چې څرنگه دوه مني په دريو تنويه مساوي ډول داسې پي ویشلای شو چې د وېش حاصل يو داسې عدد دی چې د تامو عددونو په سټ کې شامل ن دی.
5- د دقیقې :	
6- د لوست بهیر او فعالیتونه (28) دقیقې :	<p>ښوونکي دې د (97) مخ فعالیت زده کوونکو ته ورکړي چې کار پرې وکړي ترڅو د $\frac{10}{3}$ نسبتي عدد او جمعي معکوس پي ښوونکي دې د (97) مخ فعالیت زده کوونکو ته ورکړي چې کار پرې وکړي ترڅو د $\frac{10}{3}$ نسبتي عدد او جمعي معکوس پي</p> <p>$(-\frac{10}{3})$ عدد د عدد ونود محور پر مخ وښي بيا دې ښوونکي د 98 مخ مثال د عددونو پر محور چې له زده کوونکو پوښتي وکړي وښي.</p> <p>ښوونکي دې مرسته اولا رښوونه وکړي.</p> <p>بيا دې زده کوونکي په گروپونو کې د (98) مخ فعالیت کار کړي بيا دې د گروپ نماينده خپل کار پر تخته نوروته تشریح کړي</p>
6- د زده کړې پیاوړتیا (7) دقیقې :	<p>د زده کړې دلا مؤثریت لپاره دی ښوونکي د لوست د پوښتنو لومړنیز پوښتنه حل کړي</p>



7- د لوست د پایلې ارزونه : (5) دقیقې :

دلوست د ارزونې لپاره دې ښوونکي له زده کوونکو دلاندې په شان پوښتنې وکړي.

1- له یوه زده کوونکي څخه دې دا پوښتنه وشي (چې نسبتي عددونه کومو عددونو ته وایي؟)

2- بل زده کوونکي دې د $\frac{5}{2}$ د عدد د جمعي معکوس پیدا کړي.

3- یو بل زده کوونکي دې د $4\frac{1}{2}$ د عدد جمعي معکوس پرمحور وښيي.

4- بل دې د دې پوښتنې ځواب و وایي چې د یو نسبتي عدد اویو کسر توپیر څه دی؟

8- د ښوونکي لپاره اضافي معلومات :

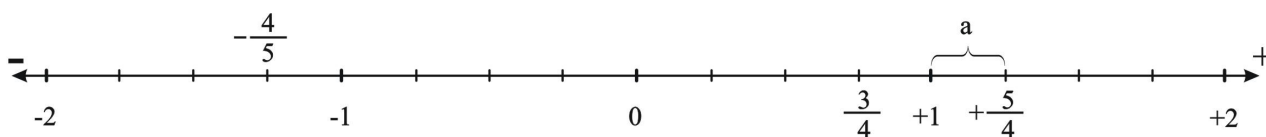
نسبتي عددونو ته ناطق عددونه (Rational numbers) گویا عددونه یا کسري عددونه هم وایي.

او هغه عددونه دي چې د یو عام کسر ($\frac{p}{q}$ ، $q \neq 0$) په شکل یې و لیکلای شو p او q تام عددونه دي.

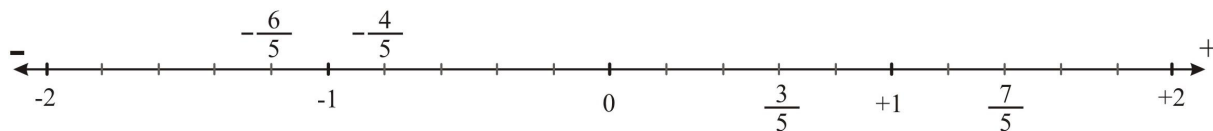
هغه کسرونه چې د اعشاري د علامې څخه وروسته رقمونه یې ختم شي یا پاتې (باقیمانده) یې صفر شي اویا دا چې متوالي کسرونه (periodic fractions) وي دا ټول نسبتي عددونه دي په حقیقت کې طبیعي عددونه ، مکمل عددونه او تام عددونه هم نسبتي عددونه دي او چې د اعشاري د علامې څخه وروسته رقمونه یې نه ختمیږي او هم نه تکراریږي نو داسې عددونو ته غیر نسبتي عددونه (Irrational numbers) وایي لکه: π , e , $\sqrt{2}$, $\sqrt{3}$, $\sqrt{5}$ او نور.

9- د پوښتنو ځوابونه

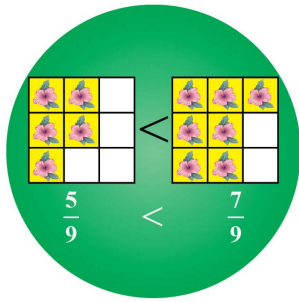
=2



د $\frac{3}{4}$ عدد د $-\frac{4}{5}$ له عدد څخه د ($8a$) په اندازه لرې پروت دی.
(3)



2-4 نسبتې عدد دونو پرتله کول (مقایسه کول)



دلوست وخت (1 درسي ساعت)

د کتاب مخ (99)

<p>1- د زده کړې موخې</p> <ul style="list-style-type: none"> - پوهنيزې - مهارتي - ذهني 	<ul style="list-style-type: none"> • زده کوونکي د نسبتې عددونو په مقایسه کولو پوه شي او په دې هم و پوهیږي چه داعدونه هم د کښې خواڅخه ښې خواته لویږي. • نسبتې عدد دونه هم مخرج کړای شي او په نسبتې عددونو کې لوی او کوچنی نسبتې عدد و پیرني. • د مسایلو په حلولو کې د نسبتې عددونو اهمیت درک کړي.
<p>2- د زده کړې میتودونه :</p>	<p>پوښتنې او ځوابونه ، یوکسیز او گروپي کار ، تشریحي ...</p>
<p>3- درسي او مرستندویه توکي :</p>	<p>درسي کتاب ، تخته ، درجه لرونکې خط کش ، د وروډي برخې د تصویر چارت او په یوه چارت کې د درېوړو محورونو چارت ...</p>
<p>4- د وروډي برخې توضیح :</p> <p>5- دقیقې</p>	<p>ښوونکي د لومړنیو فعالیتونو څخه وروسته د وروډي برخې چارت د ټولګي په مخ کې وڅړي او له زده کوونکو دې د وروډي پوښتنه وکړي ترڅو زده کوونکي فکر کولو ته اړ شي په ښکاره ډول لیدل کیږي چې $\frac{1}{5} < \frac{2}{5}$ او $\frac{5}{9} < \frac{7}{9}$ څخه.</p>
<p>5- دلوست بهیر او فعالیتونه (28) دقیقې :</p>	<p>ښوونکي دې د دریو محور و نوچارت او یا دې پرتخه دري محورونه لکه څرنگه چې په کتاب کې رسم شوي دي رسم کړي او بیا دې زده کوونکو ته دنده ورکړي چې د $\frac{1}{3}$ ، $\frac{2}{6}$ او $\frac{3}{9}$ عددونه په خپلو کتابچو کې په ښه کړي دوي به دانتیجه ترلاسه کړي چې دا دري واړه معادل کسرونه دي په دې معنا چې که د $\frac{2}{6}$ او $\frac{3}{9}$ کسرونه اختصار شي هماغه د $\frac{1}{3}$ کسر دی.</p> <p>په همدې ډول دې ښوونکي د (99) مخ دویم فعالیت پر زده کوونکو کار وکړي ترڅو زده کوونکي یې په خپلو کتابچو کې حل کړي. په پای کې یوزده کوونکي دې خپل کار دتختې پرمخ نوروته تشریح کړي ښوونکي دې مرسته ، لارښوونه او د زده کوونکو دکار څارنه وکړي. ښوونکي دی د 100 مخ لومړي او دویم مثال کار کړي.</p>
<p>6- د زده کړې پیاوړتیا (7) دقیقې :</p>	<p>د دې لوست دښې زده کړې لپاره دې ښوونکي دا پوښتنې حل کړي لکه :</p> <ul style="list-style-type: none"> • د $\frac{3}{4}$ او $\frac{4}{5}$ نسبتې عددونو کې کوم یو لوی دی ؟ • د $\frac{11}{12}$ او $\frac{10}{12}$ کې کوم عدد لوی دی ؟ • د $\frac{3}{4}$ او $\frac{3}{5}$ عددونو کې کوم عدد لوی دی ؟

7- د لوست د پایلې ارزونه : (5) دقیقې :

دلوست د ارزونې لپاره دې په دې ډول پوښتنې وشي.

- ایا صفر لوی دی که د 3- عدد.
- ایا د (3) او (3-) عددونه نسبتې عدونه دي ؟ ولې ؟
- بل زده کوونکی دې د $\frac{5}{12}$ او $\frac{7}{12}$ عددونه د محور پر مخ سره پرتله کړي.

8- د ښوونکي لپاره اضافي معلومات :

څرنگه چې $\frac{0}{1} = 0$ ، $\frac{0}{2} = 0$ او $\frac{0}{3} = 0$ دي نو صفر هم یو نسبتې عدد دي.

د بلې خوا په مثبتو نسبتې عددونو کې چې مساوي مخرجونه ولري هغه عدد لوی دی چې صورت یې لوی وي لکه $\frac{5}{10} < \frac{7}{10}$ خو په منفي نسبتې عددونو کې $-\frac{7}{10} < -\frac{5}{10}$ ځکه چې $|-7| > |-5|$.

9- د پوښتنو ځوابونه :

حل (a) څرنگه چې:

$$a: \quad \frac{3}{5}, \frac{4}{7} \quad \frac{3}{5} = \frac{3}{5} \times \frac{7}{7} = \frac{21}{35} \quad \frac{4}{7} = \frac{4}{7} \times \frac{5}{5} = \frac{20}{35}$$

$$\frac{4}{7} < \frac{3}{5} \quad \text{نو} \quad \frac{21}{35} > \frac{20}{35}$$

$$b: \quad \frac{5}{7}, \frac{-6}{11}$$

حل (b)

څرنگه چې هر مثبت عدله هر منفي عدد څخه لوی دی نو $\frac{-6}{11} < \frac{5}{7}$ څخه

$$c: \quad -\frac{1}{2} < \frac{1}{2}$$

$$d: \quad -\frac{8}{5} \times \frac{7}{7} = \frac{-56}{35} \quad -\frac{11}{7} \times \frac{5}{5} = \frac{-55}{35}$$

نو په نتیجه کې ویلای شو چې : $-\frac{8}{5} < -\frac{11}{7}$

$$e: \quad \frac{5}{9}, \frac{3}{7}, \frac{1}{3}$$

دمخرجونو L.C.M پیدا کووچه همدا یې کوچني مشترک مخرج دي.

$$\begin{array}{c|ccc} 3 & 9 & 7 & 3 \\ \hline & 3 & 7 & 1 \end{array} \quad \text{L.C.M} = 3 \times 3 \times 7 = 63$$

$$\frac{35}{63}, \frac{27}{63}, \frac{21}{63}$$

څرنگه چې مخرجونه یې سره مساوي دي دکوم کسر صورت چې لوی دي هغه لوی دی نو :

$$\frac{1}{3} < \frac{3}{7} < \frac{5}{9}$$



3-4 دنسبتي عددونو دجمعي او تفريق عمليې

د کتاب مخ (101) د لوست وخت (1 درسي ساعت)

<p>• دنسبتي عددونو دجمعي او تفريق په عمليوو پوهيږي.</p> <p>• نسبتي عددونه سره جمع او تفريق کړي شي.</p> <p>• د رياضي دمسايلو په حلولوکې دنسبتي عددونو دجمعي او تفريق دعمليو اهميت درک کړي.</p>	<p>1- دزده کړې موخې</p> <p>- پوهنيزې،</p> <p>- مهارتي</p> <p>- ذهني</p>
<p>پوښتنې او ځوابونه ، يوکسيز اوگروبي کار ، تشرحي ...</p>	<p>2- دزده کړې ميتودونه :</p>
<p>درسي کتاب ، تخته ، تباشير ، درجه لرونکي خط کش ، ټوکرياوپرې، فيته ...</p>	<p>3- درسي او مرستندويه توکي:</p>
<p>په داسې حال کې چې $15\frac{1}{2}$ متره پرې يا فيته لرو چې:</p> $5\frac{1}{3} + 2\frac{2}{5} = \frac{16}{3} + \frac{12}{5} = \frac{80 + 36}{15} = \frac{116}{15} = 7\frac{11}{15}$ $15\frac{1}{2} - 7\frac{11}{15} = \frac{31}{2} - \frac{116}{15} = \frac{465 - 232}{30} = \frac{233}{30} = 7\frac{23}{30}$ <p>نو د $7\frac{23}{30}$ برخه پاتې کيږي.</p>	<p>4- د ورودي برخې توضيح :</p> <p>5- دقيقې</p>
<p>5- دلوست بهير او فعاليتونه (28) دقيقې :</p> <p>ښوونکي دې زده کوونکي په مناسبوگروپونو ووشي اود (101) مخ فعاليت دې په گروپونو نوکې يودبل سره په مشوره حل کړي او کولاي شي چې هر گروپ ته د فعاليت يوه برخه ورکړي اوپه پای کې دې دگروپ نماينده خپل کار د تخته پر مخ تشرېح کړي بيا دې ښوونکي دزده کوونکوپه برخه اخيسته د (101) مخ لومړي مثال د تخته پر مخ حل کړي.</p> <p>اوزده کوونکي بايد په دې پوه شي چې د مخرجونو کوچنی مشترک مضرب د مخرجونو کوچنی مشترک مخرج هم وي.</p> <p>دکتاب د (102) مخ فعاليت دې هر زده کوونکی په خپلوکتابچوکې حل کړي او بيا دې يوزده کوونکی پرتخته حل کړي ترڅو که کوم يو غلطی کړې وي چې اصلاح يې کړي.</p>	
<p>6- د زده کړې پياوړتيا (7) دقيقې :</p> <p>ښوونکي دې د لاسې زده کړې لپاره د درسي کتاب د (102) مخ دويم مثال پر تخته کار کړي.</p>	
<p>7- د لوست دپايښ ارزونه : (5) دقيقې :</p> <p>دلوست د ارزونې لپاره دلاندې په شان پوښتنې کولی شئ</p> <p>1- د $\frac{7}{8} + \frac{1}{8}$ دجمعي حاصل پيدا کړئ.</p> <p>2- د $\frac{5}{6} - \frac{4}{6}$ حاصل پيدا کړئ.</p>	

$$3 - 2\frac{1}{2} + 11\frac{1}{2} \text{ حاصل پيدا كړئ.}$$

8- د ښوونكي لپاره اضافي معلومات :

د نسبتي عددونو دجمعي او تفریق په عملیو کې لومړی د مخرونو کوچنی مشترک مخرج پیدا کوو او صورتونه جمع یا تفریقوو.

9- د پوښتنو ځوابونه:

(1

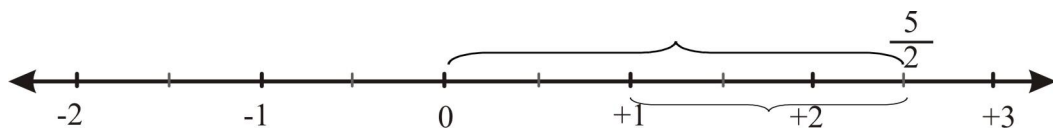
$$a) \quad \frac{4}{5} + \left(-\frac{6}{5}\right) = \frac{4}{5} - \frac{6}{5} = \frac{-2}{5}$$

$$b) \quad \frac{7}{3} + \frac{3}{4} = \frac{4 \times 7 + 3 \times 3}{12} = \frac{28 + 9}{12} = \frac{37}{12}$$

$$c) \quad \frac{-5}{8} + \frac{-7}{12} = \frac{-15 - 14}{24} = \frac{-29}{24}$$

$$d) \quad \frac{-9}{16} + \frac{3}{8} = \frac{-9 + 6}{16} = \frac{-3}{16}$$

(2



$$\frac{5}{2} - \frac{3}{2} = \frac{5-3}{2} = \frac{2}{2} = 1$$

$$\frac{5}{2} = 2.5$$

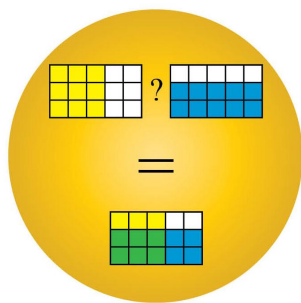
$$\frac{3}{2} = 1.5$$

-3

$$\frac{1}{5} + \frac{2}{5} = \frac{3}{5}$$

$$\frac{1}{1} - \frac{3}{5} = \frac{5-3}{5} = \frac{2}{5}$$

نو د کتاب $\frac{2}{5}$ برخه لا لوستل شوي نه ده.



4-4 دنسبتي عددونو ضرب او ویش :

د کتاب مخ (103) د لوست وخت (درسي ساعت)

<ul style="list-style-type: none"> • دنسبتي عددونو په ضرب او ویش وپوهیږي. • نسبتي عددونه سره ضرب او یو پر بل ویشلای شي. • د ریاضي په عملیو کې د تا موعددونو د ضرب او ویش د عملیو اهمیت درک کړي. 	<p>1- د زده کړې موخې</p> <ul style="list-style-type: none"> - پوهنیزې - مهارتي - ذهنيتي
<p>پوښتنې او ځوابونه ، یوکسیز او گروپي کار ، تشریحي ...</p>	<p>2- د زده کړې میتودونه :</p>
<p>درسي کتاب، تخته، تباشیر، سپنسي ، دمستطیلو نوچارپ ، درجه لرونکي خط کش</p>	<p>3- درسي او مرستندویه توکي :</p>
<p>د لومړنیو فعالیتونو څخه وروسته دې ښوونکي د ورودي برخې د مستطیلونو چارپ د ټولگي مخ ته و ځروي اوله زده کونکو دې وپوښتي چې د شکل د مستطیلونو ترمنځ څه اړیکه ده ؟</p> <p>که زده کونکو ځواب ونه شو ویلای نو ښوونکي دې واضح کړي چې :</p> $\frac{6}{15} \times \frac{5}{15} = \frac{30}{225} = \frac{2}{15}$ <p>چې د مستطیل په دریم شکل کې په ښکاره ډول لیدل کیږي.</p>	<p>4- د ورودي برخې توضیح :</p> <p>5- دقیقې</p>
<p>5- د لوست بهیر او فعالیتونه (28) دقیقې :</p> <p>محترم ښوونکي دې زده کونکي په مناسبو گروپونو ووېشي اود (103) مخ فعالیت دې سرته ورسوي د هرگروپ سره باید سپنسي وي د فعالیت په پای کې دې د گروپ نماینده خپل کار نوروته توضیح کړي او ښوونکي دې لارښوونه وکړي او زده کونکي دې زده کړي ته علاقه من کړي.</p> <p>ښوونکي دې لومړي مثال د زده کونکو په برخه اخیستنه د پوښتنو او ځوابونو په شکل پر تخته حل کړي.</p> <p>ښوونکي دې (2) او (3) مثال د دوو زده کونکو په واسطه پر تخته حل کړي. ښوونکي دې مرسته اولارښوونه وکړي.</p> <p>(4) مثال دې ټول زده کونکي په خپلو کتابچو کې حل او بیا دې یوزده کونکي پر تخته حل کړي ترڅو کومو زده کونکو چې غلطې کړې وي اصلاح یې کړي.</p>	
<p>6- د زده کړې پیاوړتیا (7) دقیقې :</p> <p>د زده کړي د پیاوړتیا لپاره د (104) مخ د لومړۍ پوښتنې د a ، b او c برخه دې درې زده کونکي پر تخته حل کړي او د ستونزو په صورت کې دې ښوونکي مرسته وکړي.</p>	

7- د لوست د پایلې ارزونه : (5) دقیقې :

د لوست د ارزونې لپاره دې د لاندې په شان پوښتنې له زده کوونکو وشي.

1- د ضرب او وېش ترمنځ څه ډول اړیکه شته ده؟

2- بل زده کوونکی دې د $(-\frac{1}{5}) \times 4 \times (-\frac{2}{3})$ د ضرب حاصل په لاس را وړي.

3- بل زده کوونکی دې د $(-5) \div \frac{11}{5}$ د وېش حاصل پیدا کړي.

8- د ښوونکي لپاره اضافي معلومات :

د نسبتي عددونو د ضرب او وېش په عملیو کې د کار د اسانتیا لپاره که چېرې صورت او مخرج مشترک قاسم ولري نو دواړه باید پرې وېشو (اختصار شي) او بیا وروسته عملیه پرې سرته ورسول شي لکه د مثال په ډول:

$$\frac{245}{17} \times \frac{51}{1000} = \frac{12495}{17000} \quad \text{او که اختصار نشي نو} \quad \frac{245}{17} \times \frac{51}{1000} = \frac{147}{1000}$$

9- د پوښتنو ځوابونه:

(1

a) $\frac{41}{5} \times \frac{13}{2} = \frac{533}{10}$,

b) $-\frac{12^2}{3} \times \frac{-5}{6} = +\frac{10}{3}$

c) $\frac{15^3}{16^4} \times (-\frac{12^3}{5^1}) = \frac{-9}{4}$,

d) $(\frac{7}{-11}) \times (\frac{-13}{9}) = \frac{-91}{-99} = +\frac{91}{99} = \frac{91}{99}$

e) $-\frac{16^4}{15^5} \times (\frac{3^1}{4^1}) = \frac{-4}{5}$,

f) $(-\frac{8}{3}) \times (\frac{4}{5}) \times (-\frac{3}{4}) = +\frac{8}{5} = \frac{8}{5}$

-2

$$\frac{111 \times 2}{3} = 74$$

-3

$$70 \times \frac{1}{2} = \frac{70}{2} = 35 \quad \text{دیسې لیتره}$$



5-4 دنسبتي عددونو دعمليو خاصيتونه

د کتاب مخ (105) د لوست وخت (1 درسي ساعت)

<ul style="list-style-type: none"> • په نسبتي عددونو کې د عمليو خاصيتونه وپيژني. • په دې وپوهيږي چې کوم خاصيت په کومه عمليه کې صدق کوي. • د رياضي د مسايلو په حل کې د عمليو له خاصيتونو څخه گټه واخلي. • د عمليو د خاصيتونو له پوهيدو څخه خوند واخلي او زده کړې ته علاقه من شي. 	<p>1- د زده کړې موخې</p> <ul style="list-style-type: none"> - پوهنيزې - مهارتي - ذهني
<p>پوښتنې او ځوابونه، يوکسيز اوگروپي کار، تشرېحي ...</p>	<p>2- د زده کړې ميتودونه :</p>
<p>درسي کتاب، تخته، تباشير، دوه يومتره سپڼسي، خط کش ...</p>	<p>3- درسي او مرستندويه توکي :</p>
<p>4- د ورودي برخې توضيح : 5- دقيقې</p> <p>د لومړنيو فعاليتونو څخه وروسته ښوونکي له زده کوونکو څخه ورودي پوښتنه کوي ترڅو په هغوي کې د زده کړې لپاره انگيزه پيدا شي. ښوونکي دې لومړي پر تخته دوه شکلونه رسم کړي چې د لومړي شکل $\frac{2}{5}$ برخه او د دويم شکل $\frac{1}{3}$ برخه دې توره کړي بيا دې $\frac{2}{5} + \frac{1}{3} = \frac{11}{15}$ جمع او په شکل کې دې وروښودل شي په همدې ډول بيا دې $\frac{1}{3} + \frac{2}{5} = \frac{11}{15}$ هم په شکل کې وروښودل شي چې دواړه سره مساوي دي يا دا چې $\frac{2}{5} + \frac{1}{3} = \frac{1}{3} + \frac{2}{5} = \frac{11}{15}$</p> <p>په دې معنا چې د نسبتي عددونو د جمعي په عمليه کې د تبديلي خاصيت صدق کوي.</p>	
<p>5- د لوست بهير او فعاليتونه (28) دقيقې:</p> <p>ښوونکي دې زده کوونکي په مناسبو گروپونو ووېشي چې د (105) مخ فعاليت سرته ورسوي او د فعاليت په پاي کې دې يو زده کوونکي خپل کار نورو ته توضيح کړي د ستونزو په صورت کې دې ښوونکي لارښوونه وکړي ښوونکي دې د (105) مخ مثال د زده کوونکو په برخه اخيسته د پوښتنو او ځوابونو په شکل حل کړي.</p>	

د (106) مخ درېم مثال دې له کتاب څخه په گډه اخیستنه پرته زده کوونکي په خپلو کتابچو کې حل کړي او بیا دې یو زده کوونکي خپل کار د تختي پر مخ نورو ته واضح کړي ترڅو کومو زده کوونکو چې غلطی کړي وي اصلاح یې کړي ښوونکي دې مرسته او لارښوونه وکړي.

6- د زده کړې پیاوړتیا (7) دقیقې :

ښوونکي دې د (106) مخ درېم مثال د زده کوونکو په برخه اخیستني حل کړي.

7- د لوست د پایلې ارزونه : (5) دقیقې :

د لوست د ارزونې لپاره دې په لاندې ډول پوښتنې له زده کوونکو وشي.

- 1- د نسبتي عددونو د جمعې او ضرب په عملیو کې کوم خاصیتونه صدق کوي.
- 2- ایا د تفریق او ویش په عملیو کې د تبدیلی خاصیت صدق کوي؟ مثال یې راوړي.

3- وښیاست چې $\frac{5}{9} \div \frac{2}{3} \neq \frac{2}{3} \div \frac{5}{9}$

8- د ښوونکي لپاره اضافي معلومات:

د نسبتي عددونو د ضرب او جمعې په عملیو کې د تبدیلی خاصیت صدق کوي او د ضرب توزیعي قانون پر جمع باندې هم صدق کوي. د تفریق او ویش په عملیو کې د تبدیلی خاصیت صدق نه کوي.

9- د پوښتنو ځوابونه:

a: $-\frac{1}{5} \times \frac{17}{2} = \left(\frac{17}{2}\right) \times \left(-\frac{1}{5}\right) = \frac{-17}{10}$

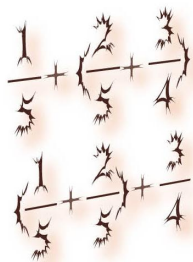
b: $\left(-\frac{8}{3}\right) + \left(\frac{1}{2}\right) = \frac{1}{2} + \left(-\frac{8}{3}\right) = \frac{-13}{6}$

c: $\frac{8}{2} \times (-5) = -5 \times \frac{8}{2} = \frac{-40}{2} = -20$

d: $-\frac{2}{3} \times \left(\frac{5}{-6}\right) = \left(-\frac{5}{6}\right) \times \left(\frac{2}{-3}\right) = \frac{10}{18} = \frac{5}{9}$

e: $\frac{9}{2} \times (5+6) = 11 \times \frac{9}{2} = \frac{99}{2}$

6-4 د نسبتي عددونو اتحادي خاصيت



د کتاب مخ (107) دلوست وخت (1 درسي ساعت)

<p>1- د زده کړې موخې</p> <ul style="list-style-type: none"> - پوهنيزې - مهارتي - ذهني 	<ul style="list-style-type: none"> • زده کوونکي په دې وپوهيږي چې د نسبتي عددونو د جمعې او ضرب په عمليوکې اتحادي خاصيت صدق کوي. • دا ثابته کړي شي چې د نسبتي عددونو د جمعې او ضرب په عمليوکې اتحادي خاصيت صدق کوي. • په خپله پوهه ډاډ ولري.
<p>2- د زده کړې میتودونه :</p>	<p>پوښتنې او ځوابونه، یوکسيز اوگروپي کار، تشریحي ...</p>
<p>3- درسي او مرستندویه توکي :</p>	<p>درسي کتاب، تخته، تباشیر، د ورودي برخې د عملیې د تصویر چارت ...</p>
<p>4- د ورودي برخې توضیح :</p> <p>5- دقیقې</p>	<p>دلومړنیو فعالیتونو څخه وروسته دې ښوونکي ورودي پوښتنه وکړي ترڅو چې په زده کوونکو کې د اتحادي خاصیت د پوهیدو انگیزه پیدا شي چې د جمعې د عملیې دواړه حاصلونه سره مساوي دي.</p> $\frac{1}{5} + (\frac{2}{5} + \frac{3}{4}) = \frac{1}{5} + (\frac{8+15}{20}) = \frac{1}{5} + \frac{23}{20} = \frac{4+23}{20} = \frac{27}{20} = 1\frac{7}{20}$ $(\frac{1}{5} + \frac{2}{5}) + \frac{3}{4} = \frac{3}{5} + \frac{3}{4} = \frac{12+15}{20} = \frac{27}{20} = 1\frac{7}{20}$ <p>په نتیجه کې لیدل کیږي چې:</p> $\frac{1}{5} + (\frac{2}{5} + \frac{3}{4}) = (\frac{1}{5} + \frac{2}{5}) + \frac{3}{4} = 1\frac{7}{20}$ <p>په دې معنا چې اتحادي خاصیت د نسبتي عددونو د جمعې په عملیه کې صدق کوي.</p>
<p>5- دلوست بهیر او فعالیتونه (28) دقیقې :</p>	<p>ښوونکي دې زده کوونکي په مناسبو گروپونو وویشي او د (107) مخ فعالیت دې په گروپونو کې په مشوره سره حل کړي او د دوي د کارونو څارنه دې وکړي کمزورو زده کوونکو سره دې مرسته وکړي په پای کې د یو یا دوه گروپونو نماینده گان دې خپل کار نورو ته توضیح کړي.</p> <p>بیا دې ښوونکي د همدې مخ لومړي مثال د زده کوونکو په برخه اخیستنه حل کړي.</p> <p>بیا دې ښوونکي دویم مثال چې د ضرب اتحادي قانون دی د زده کوونکو څخه د پوښتنو او ځوابونو په شکل حل کړي.</p> <p>بیا دې دریم مثال زده کوونکي په خپلو کتابچو کې حل کړي او بیا دې یو زده کوونکی پر تخته خپل کار نورو ته واضح کړي تر څوکه چا غلطی کړي وي چې اصلاح یې کړي.</p>

6- د زده کړې پیاوړتیا (7) دقیقې :

د زده کړې د پیاوړتیا لپاره دې ښوونکي د (108) مخ څلورم مثال د زده کوونکو په برخه اخیستنه حل کړي او نتیجه دې زده کوونکو ته ووايي چې د نسبتي عددونو د تفریق او وېش په عملیو کې اتحادي خاصیت صدق نه کوي.

7- د لوست د پایلې ارزونه : (5) دقیقې :

د لوست د ارزیابي لپاره د لاندې په شان پوښتنې له زده کوونکو وکړي.

1- ایا د نسبتي عددونو د جمعې او ضرب په عملیو کې اتحادي خاصیت صدق کوي او که نه؟

2- ایا د نسبتي عددونو د تفریق او ضرب په عملیو کې اتحادي خاصیت صدق کوي او که نه؟

3- د $\frac{15}{21} \div (\frac{21}{15} \div \frac{3}{4})$ په پوښتنه کې وښیاست چې اتحادي خاصیت صدق نه کوي.

9- د پوښتنو ځوابونه:

- 1

$$a: \quad (\frac{4}{3} + \frac{2}{5}) + \frac{5}{7} = \frac{4}{3} + (\frac{2}{5} + \frac{5}{7}) = \frac{257}{105}$$

$$b: \quad \frac{5}{7} \times (\frac{4}{9} \times \frac{3}{5}) = (\frac{5}{7} \times \frac{4}{9}) \times \frac{3}{5} = \frac{60}{315} = \frac{12}{63}$$

$$c: \quad \frac{6}{5} - (\frac{2}{3} + \frac{4}{9}) = \frac{6}{5} - \frac{(6+4)}{9} = \frac{6}{5} - \frac{10}{9} = \frac{54-50}{45} = \frac{4}{45}$$

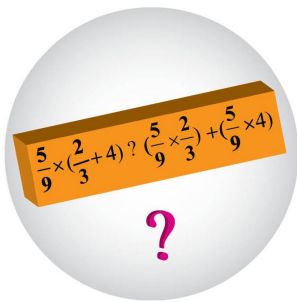
$$(\frac{6}{5} - \frac{2}{3}) + \frac{4}{9} = \frac{18-10}{15} + \frac{4}{9} = \frac{8}{15} + \frac{4}{9} = \frac{24+20}{45} = \frac{44}{45} \quad \Rightarrow \quad \frac{4}{45} \neq \frac{44}{45}$$

نو د نسبتي عددونو د تفریق په عملیه کې اتحادي خاصیت صدق نه کوي.

$$d: \quad \frac{4}{3} \div (\frac{5}{3} \div \frac{2}{5}) = \frac{4}{3} \div (\frac{5}{3} \times \frac{5}{2}) = \frac{4}{3} \div \frac{25}{6} = \frac{4}{3} \times \frac{6}{25} = \frac{4}{1} \times \frac{2}{25} = \frac{8}{25}$$

$$(\frac{4}{3} \div \frac{5}{3}) \div \frac{2}{5} = (\frac{4}{3} \times \frac{3}{5}) \div \frac{2}{5} = \frac{12}{15} \times \frac{5}{2} = \frac{60}{30} = 2 \quad \Rightarrow \quad \frac{8}{25} \neq 2$$

نو اتحادي خاصیت د نسبتي عددونو د وېش په عملیه کې هم صدق نه کوي.



7-4 توزیعی خاصیت

د کتاب مخ (109) دلوست وخت (1 درسي ساعت)

<p>• د توزیعی خاصیت په مفهوم وپوهیږي.</p> <p>• په دې پوه شي چې توزیعی خاصیت د ضرب د علمي په جمع یا تفریق باندې صدق کوي او بس.</p> <p>• توزیعی خاصیت د ریاضي په عملیو کې په کار یوسي او د خوښۍ احساس وکړي.</p>	<p>1- د زده کړې موخې</p> <ul style="list-style-type: none"> - پوهنیزې - مهارتي - ذهنيتي
<p>پوښتنې او ځوابونه، یوکسيز او گروپي کار، تشریحي...</p>	<p>2- د زده کړې میتودونه :</p>
<p>درسي کتاب، تخته، تباشیر، ورودي چارت، د فعالیت د اړونده مستطیل چارټ</p>	<p>3- درسي او مرستندویه توکي:</p>
<p>ښوونکي د لومړنیو فعالیتونو څخه وروسته دې د ورودي چارټ د ټولګي مخ ته وځړوي او د انگیزې د پیدا کولو لپاره دې له زده کوونکو ورودي پوښتنه وکړي.</p> <p>ترڅو دوي پرې فکر وکړي.</p> <p>که زده کوونکي پوه نه شي ښوونکې دې ورته حل کړي</p> $\frac{5}{9} \times (\frac{2}{3} + 4) = \frac{5}{9} \times (\frac{14}{3}) = \frac{70}{27}$ $\frac{5}{9} \times \frac{2}{3} + \frac{5}{9} \times 4 = \frac{10}{27} + \frac{20}{27} = \frac{10+20}{27} = \frac{30}{27} \Rightarrow \frac{70}{27} = \frac{70}{27}$	<p>4- د ورودي برخې توضیح :</p> <p>5- دقیقې</p>
<p>5- دلوست بهیر او فعالیتونه (28) دقیقې :</p> <p>ښوونکې دې د (109) مخ فعالیت زده کوونکو ته ورکړي ترڅو په گروپونو کې کار وکړي او د گروپ نماینده ګان دې خپل کار نورو ته پرتخته توضیح کړي.</p> <p>ښوونکي دې د (109) مخ مثال زده کوونکو ته په ونډه ورکولو سره حل کړي. دویم مثال دې زده کوونکي په کتابچو کې حل کړي او یوزده کوونکي دې خپل کار د تختې پر مخ نورو ته واضح کړي. ښوونکې دې مرسته اولارښوونه وکړي.</p> <div style="text-align: center;"> </div> <div style="text-align: center;"> $3\text{cm} \times 2\text{cm} = 6\text{cm}^2$ $3\text{cm} \times 4\text{cm} = 12\text{cm}^2$ </div>	

د $EBCF$ دمستطیل مساحت + د $AEFD$ دمستطیل مساحت = د $ABCD$ دمستطیل مساحت

$$18\text{cm}^2 = 6\text{cm}^2 + 12\text{cm}^2$$

$$3 \times (2 + 4) = (3 \times 2) + (3 \times 4) \Rightarrow 3 \times 6 = 6 + 12 = 18$$

6- د زده کړې پیاوړتیا (7) دقیقې :

دښې زده کړې لپاره دې یو زده کوونکی د لومړۍ پوښتنې د (b) برخه پر تخته حل کړي.

7- د لوست د پایلې ارزونه : (5) دقیقې :

د لوست د ارزونې لپاره دې له زده کوونکو څخه لاندې یا د لاندې پوښتنو په شان پوښتنې وشي.

1- $\frac{1}{2} \times (\frac{3}{4} + \frac{5}{6})$ کي د توزیعي خاصیت مفهوم واضح کړئ چې ولې ورته توزیعي خاصیت وایي؟

2- $\frac{7}{8} \div (\frac{5}{4} + \frac{3}{4})$ کې وښایاست چې توزیعي خاصیت په کې صدق کوي که نه؟

9- د پوښتنو ځوابونه:

a: $\frac{4}{7} \times (\frac{3}{2} + \frac{1}{4}) = \frac{4}{7} \times \frac{3}{2} + \frac{4}{7} \times \frac{1}{4} = \frac{12}{14} + \frac{4}{28} = \frac{24+4}{28} = \frac{28}{28} = 1$

$$\frac{4}{7} \times (\frac{6+1}{4}) = \frac{4}{7} \times \frac{7}{4} = \frac{28}{28} = 1$$

b: $\frac{-5}{6} \times (\frac{-5}{3} - \frac{-2}{5}) = (\frac{-5}{6}) \times (\frac{-5}{3}) - (\frac{-5}{6}) \times (\frac{-2}{5}) = \frac{25}{18} - \frac{10}{30} = \frac{125-30}{90} = \frac{95}{90} = \frac{19}{18}$

$$\frac{-5}{6} \times \left[\frac{-25 - (-6)}{15} \right] = (\frac{-5}{6}) \times (\frac{-25+6}{15}) = (\frac{-5}{6}) \times (\frac{-19}{15}) = \frac{95}{90} = \frac{19}{18}$$

c: $\frac{1}{5} \times (\frac{2}{-3} + \frac{1}{-2}) = (\frac{1}{5}) \times (\frac{2}{-3}) + (\frac{1}{5}) \times (\frac{1}{-2}) = \frac{2}{-15} + \frac{1}{-10} = \frac{-2}{15} - \frac{1}{10} = \frac{-4-3}{30} = -\frac{7}{30}$

$$(\frac{1}{5}) \times (\frac{-2}{3} - \frac{1}{2}) = \frac{1}{5} \times (\frac{-4-3}{6}) = (\frac{1}{5}) \times (\frac{-7}{6}) = -\frac{7}{30}$$

(2

$$(\frac{6}{5} + \frac{4}{3}) \times \frac{3}{2} = \frac{6}{5} \times \frac{3}{2} + \frac{4}{3} \times \frac{3}{2} = \frac{18}{10} + \frac{12}{6} = \frac{54+60}{30} = \frac{114}{30} = \frac{57}{15} = \frac{19}{5}$$

یا $(\frac{18+20}{15}) \times \frac{3}{2} = \frac{38}{15} \times \frac{3}{2} = \frac{19}{5} \times \frac{1}{1} = \frac{19}{5}$

-3

a: $\frac{6}{7} \div (\frac{3}{2} + \frac{1}{2}) = \frac{6}{7} \div \frac{3}{2} + \frac{6}{7} \div \frac{1}{2}$

$$\frac{6}{7} \times \frac{2}{3} + \frac{6}{7} \times \frac{2}{1} = \frac{12}{21} + \frac{12}{7} = \frac{12+36}{21} = \frac{48}{21} = \frac{16}{7}$$

$$\frac{6}{7} \div (\frac{4}{2}) = \frac{6}{7} \div 2 = \frac{6}{7} \times \frac{1}{2} = \frac{6}{14} = \frac{3}{7}$$

یا

$$\frac{6}{7} \div (\frac{3}{2} + \frac{1}{2}) \neq \frac{6}{7} \div \frac{3}{2} + \frac{6}{7} \div \frac{1}{2} \Rightarrow \frac{16}{7} \neq \frac{3}{7}$$

$$\begin{aligned}
 \text{b: } \quad & \frac{-6}{1} \div \left(\frac{3}{4} - \frac{2}{3}\right) = \frac{-6}{1} \div \frac{3}{4} - \left(\frac{-6}{1}\right) \div \frac{2}{3} = \frac{-6}{1} \times \frac{4}{3} + \frac{6}{1} \times \frac{3}{2} = \frac{-24}{3} + \frac{18}{2} = -8 + 9 = 1 \\
 & = \frac{-6}{1} \div \left(\frac{9-8}{12}\right) = \frac{-6}{1} \times \frac{12}{1} = -72 \\
 & -72 \neq 1
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 \text{c: } \quad & \frac{8}{-5} \div \left(\frac{3}{2} + \frac{-3}{4}\right) = \left(\frac{8}{-5}\right) \div \left(\frac{3}{2}\right) + \left(\frac{8}{-5}\right) \div \left(\frac{-3}{4}\right) = \left(-\frac{8}{5}\right) \times \left(\frac{2}{3}\right) + \left(-\frac{8}{5}\right) \times \left(\frac{4}{-3}\right) = -\frac{16}{15} + \frac{32}{15} = \frac{16}{15} \\
 & \left(\frac{8}{-5}\right) \div \left(\frac{6-3}{4}\right) = \left(\frac{8}{-5}\right) \times \left(\frac{4}{3}\right) = -\frac{32}{15} \quad \Rightarrow \frac{16}{15} \neq -\frac{32}{15}
 \end{aligned}$$

نود وېش توزيعی خاصیت پر جمع باندې هم په نسبي عددونو کې صدق نه کوي.

8-4 د نسبتي عدد بدلول په اعشاري عدد باندې



د کتاب مخ (111) د لوست وخت (1 درسي ساعت)

<p>1- د زده کړې موخې</p> <ul style="list-style-type: none"> - پوهنيزې - مهارتي - ذهني 	<ul style="list-style-type: none"> • زده کوونکي يو نسبتي عدد په اعشاري عدد واړولای شي. • وکولا شي چې يو اعشاري عدد د نسبتي عدد په شکل وليکي. • د دې عددونو يو پر بل د اړولو څخه د خوښۍ احساس وکړي او نور لاهم زده کړې ته وهڅول شي.
2- د زده کړې میتودونه :	پوښتنې او ځوابونه، یوکسيز او گروپي کار، تشریحي ...
3- درسي او مرستندویه توکي :	درسي کتاب، تخته، تباشیر، د (111) مخ د فعالیت چارټ، خط کش ...
4- د ورودی برخې توضیح :	ښوونکی دې ورودی پوښتنه له زده کوونکو وکړي ترڅو دوی پرې فکر وکړي. که هغوی ځواب ونه شي ویلای نو ښوونکی دې داسې ورته واضح کړي.
5- دقیقې	یوکار چې په (4) ورځو کې سرته رسیږي نو په یوه ورځ کې د هغه کار $\frac{1}{4}$ برخه سرته رسیدلای شي چې د فیصد په حساب یې داسې لیکلای شو: $\frac{1}{4} = \frac{1 \times 25}{4 \times 25} = \frac{25}{100} = 25\%$ یا که (1) پر (4) ویشو $\frac{1}{4} = 0.25$
5- د لوست بهیر او فعالیتونه (28) دقیقې :	ښوونکی دې (111) مخ د فعالیت چارټ د ټولګي مخ ته وځړوي او زده کوونکي په ګرپونو کې دا فعالیت حل کړي د فعالیت په پای کې دې یو یا دوه زده کوونکي خپل کار نورو ته پر تخته توضیح کړي. که چېرې کومه غلطی وي نو محترم ښوونکی دې لارښوونه وکړي ښوونکی دې (111) مخ لومړي مثال زده کوونکو ته په ونډه ورکولو حل کړي.
6- د زده کړې پیاوړتیا (7) دقیقې :	زده کوونکي دې (112) مخ فعالیت په خپلو کتابچوکې کار کړي او بیا دې یو زده کوونکي خپل کار پر تخته توضیح کړي که چېرې اشتباه موجوده وي د بل زده کوونکي پواسطه دې اصلاح شي.
6- د زده کړې پیاوړتیا (7) دقیقې :	د زده کړې د پیاوړتیا لپاره دې ښوونکی د (112) مخ دویم مثال، زده کوونکو ته په ونډه ورکولو سره حل کړي.
7- د لوست د پایلې ارزونه : (5) دقیقې :	د لوست د ارزونې لپاره دې داسې پوښتنې وشي.
1- یو زده کوونکي دې ووايي چې نسبتي عددونه کومو عددونو ته وایي.	

2- بل دې د $\frac{456}{100}$ عدد په اعشاري شکل وليکي.

3- بل دې 0.35 د عام کسر په شکل وليکي.

8- د ښوونکي لپاره اضافي معلومات:

• محترم ښوونکي په دې پوهيږي چې اعشاري کسرونه هغه عام کسرونه دي چې مخرچ يې (10) يا د 10 يو طاقت

وي. لکه $\frac{1}{10}$, $\frac{2}{100}$, $\frac{3}{1000}$ او نور

• څه وخت چې صورت پر مخرچ وويشو نو په اعشاري عدد بدليږي لکه : $257363 \div 100 = 2573.63$

• متوالي يا (periodic fractions) په لاندې ډول تبديلو:

$$0.\overline{4} = \frac{4}{9} \quad 0.\overline{36} = \frac{36}{99} \quad 0.\overline{36} = \frac{33}{90}$$

$$0.2 = 0.20 = 0.200 = 0.2000 \dots$$

• د 2.345 عدد داسې لولو چې دوه صحيح 3 لسم څلورسلم او 5 زرم يا دوه صحيح 345 زرم.

9- د پوښتونو ځوابونه:

-1

$$0.212 = \frac{212}{1000} = \frac{101}{500}$$

$$0.420 = \frac{420}{1000} = \frac{42}{100} = \frac{21}{50}$$

$$5.215 = 5\frac{215}{1000} = 5\frac{43}{200}$$

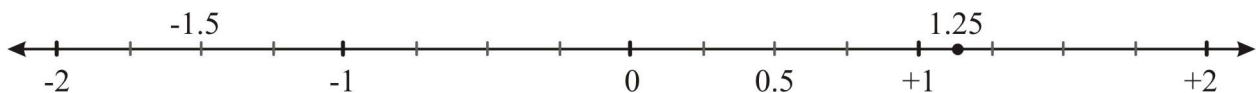
-2

$$\frac{4250}{1000} = 4.25$$

$$\frac{235}{100} = 2.35$$

$$\frac{2410}{10000} = 0.2410 = 0.241$$

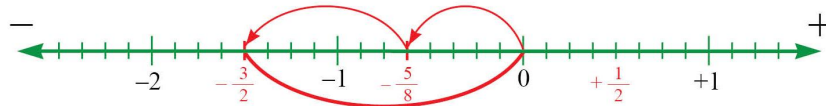
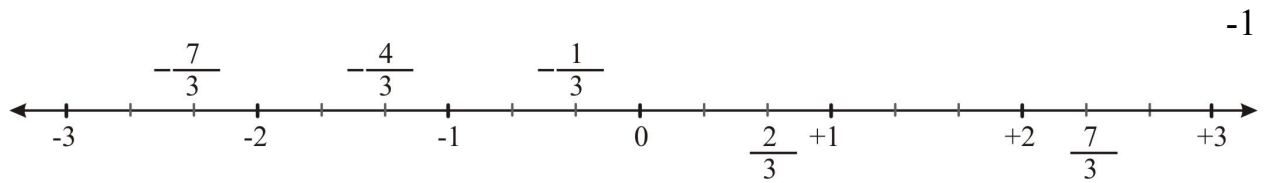
-3



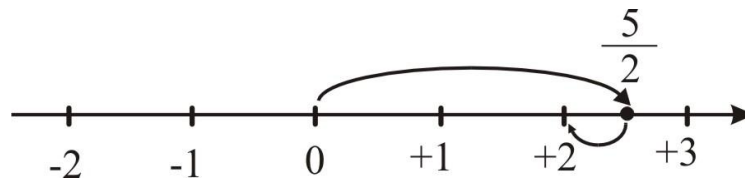
-4

اعشاري عددونه	صحيح برخه	اعشاري برخه
12.1	12	0.1
13.25	13	0.25
1.7394	1	0.7394
0.16	0	0.16

د څلورم څپرکي د پوښتونو ځوابونه



$$-\frac{5}{8} + (-\frac{7}{8}) = \frac{-12}{8} = -\frac{3}{2}$$



$$\frac{5}{2} - \frac{1}{2} = \frac{4}{2} = 2$$

$$\frac{5}{2} + \frac{1}{3} = \frac{1}{3} + \frac{5}{2}$$

$$\frac{15+2}{6} = \frac{2+15}{6}$$

$$\frac{17}{6} = \frac{17}{6}$$

$$\frac{3}{5} - \frac{1}{7} = \frac{21-5}{35} = \frac{16}{35}$$

$$\frac{1}{7} - \frac{3}{5} = \frac{5-21}{35} = \frac{-16}{35} \Rightarrow \frac{16}{35} \neq \frac{-16}{35}$$

$$\frac{-6}{5} + \frac{4}{3} = \frac{-18+20}{15} = \frac{2}{15}$$

$$+\frac{4}{3} - \frac{6}{5} = \frac{20-18}{15} = \frac{2}{15}$$

$$\frac{8}{5} \times \left(\frac{4}{3} \times \frac{6}{10} \right) = \left(\frac{8}{5} \times \frac{4}{3} \right) \times \frac{6}{10}$$

$$\frac{8}{5} \times \frac{24}{30} = \frac{32}{15} \times \frac{6}{10}$$

$$\frac{192}{150} = \frac{192}{150}$$

$$\frac{96}{75} = \frac{96}{75}$$

$$\frac{32}{25} = \frac{32}{25}$$

$$\frac{1}{2} \times \left(\frac{3}{5} \times \frac{5}{3} \right) = \left(\frac{1}{2} \times \frac{3}{5} \right) \times \frac{5}{3}$$

$$\frac{1}{2} \times \left(\frac{15}{15} \right) = \frac{3}{10} \times \frac{5}{3}$$

$$\frac{1}{2} = \frac{15}{30} = \frac{1}{2}$$

$$\frac{-5}{6} \times \left(\frac{3}{2} \times \frac{3}{5} \right) = \left(\frac{-5}{6} \times \frac{3}{2} \right) \times \frac{3}{5}$$

$$\frac{-5}{6} \times \frac{9}{10} = \frac{-15}{12} \times \frac{3}{5}$$

$$\frac{-45}{60} = \frac{-45}{60}$$

$$-\frac{3}{4} = -\frac{3}{4}$$

a: $\left(\frac{1}{2} + \frac{1}{3} \right) \times () = 1$

$$\left(\frac{3+2}{6} \right) \times () = 1$$

$$\left(\frac{5}{6} \right) \times \left(\frac{6}{5} \right) = 1$$

$$1 \div \frac{5}{6} = 1 \times \frac{6}{5} = \frac{6}{5}$$

b: $\left(\frac{3}{2} + \frac{-2}{9} \right) \times () = 1$

$$\left(\frac{27-4}{18} \right) \times () = 1$$

$$\left(\frac{23}{18} \right) \times \left(\frac{18}{23} \right) = 1 \quad \Rightarrow \quad 1 \div \frac{23}{18} = 1 \times \frac{18}{23} = \frac{18}{23}$$

c: $() \times \frac{1}{3} = 1$

$$1 \div \frac{1}{3} = 1 \times \frac{3}{1} = 3$$

d: $\left(\frac{3}{-2} + \frac{4}{5} \right) \times \frac{1}{2} = \left(\frac{1}{2} \times \frac{4}{5} \right) + \left[\frac{1}{2} \times \left(\frac{3}{-2} \right) \right] = \frac{4}{10} - \frac{3}{4} = \frac{16-30}{40} = \frac{-14}{40} = -\frac{14}{40} = -\frac{7}{20}$

-7

$$\frac{6}{5} \cdot \left(\frac{-3}{4} + \frac{2}{5} \right) = \frac{6}{5} \cdot \left(\frac{-3}{4} \right) + \frac{6}{5} \cdot \frac{2}{5} = \frac{-18}{20} + \frac{12}{25} = \frac{-90+48}{100} = \frac{-42}{100} = \frac{21}{-50} \quad \bullet$$

$$\frac{6}{5} \cdot \left(\frac{-15+8}{20} \right) = \frac{6}{5} \cdot \left(\frac{-7}{20} \right) = \frac{-42}{100} = \frac{21}{-50} \quad \text{له بلې خوا:}$$

$$\frac{-5}{8} \cdot \left(\frac{3}{-2} + \frac{-4}{3} \right) = \frac{-5}{8} \cdot \left(\frac{3}{-2} \right) + \left(\frac{-5}{8} \right) \cdot \left(\frac{-4}{3} \right) = \frac{-15}{-16} + \frac{20}{24} = \frac{45+40}{48} = \frac{85}{48} \quad \bullet$$

$$\frac{-5}{8} \cdot \left(\frac{9+8}{-6} \right) = \frac{-5}{8} \cdot \left(\frac{17}{-6} \right) = \frac{85}{48} \quad \text{له بلې خوا:}$$

$$\frac{5}{-9} \cdot \left(\frac{-3}{4} - \frac{2}{3} \right) = \frac{5}{-9} \cdot \left(\frac{-3}{4} \right) - \left(\frac{5}{-9} \right) \cdot \left(\frac{2}{3} \right) = \frac{-15}{-36} - \frac{10}{(-27)} = \frac{15}{36} + \frac{10}{27} = \frac{85}{108} \quad \bullet$$

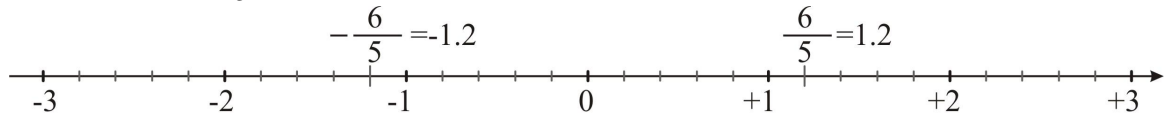
$$\frac{5}{-9} \cdot \left(\frac{-9+8}{12} \right) = \frac{5}{-9} \cdot \left(\frac{-1}{12} \right) = \frac{5}{108} \quad \text{له بلې خوا:}$$

-8

(c) او (d) سم دي.

-9

$$-\frac{6}{5} = -1.2 \quad +\frac{6}{5} = 1.2$$



-10

$$0.340 = \frac{340}{1000} = \frac{34}{100} = \frac{17}{50}$$

$$2.342 = 2 \frac{342}{100} = 2 \frac{171}{50} = \frac{1171}{50}$$

$$5.2345 = 5 \frac{2345}{10000} = 5 \frac{469}{5000} = \frac{52345}{10000} = \frac{10469}{5000}$$

$$1.23412 = 1 \frac{23412}{100000} = \frac{123412}{100000} = \frac{61706}{50000} = \frac{30853}{25000}$$

-11

$$3.234 = 3 \frac{234}{1000} = \frac{3234}{1000} = \frac{1617}{500}$$

$$4.543 = 4 \frac{543}{1000} = \frac{4543}{1000}$$

-12 په c او d کې صدق نه کوي.

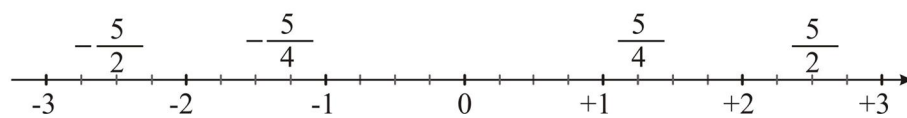
-13 c سم دی

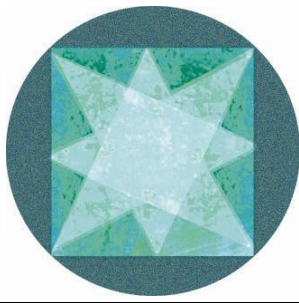
-14

$$2.5 = 2\frac{5}{10} = 2\frac{1}{2} = \frac{5}{2}$$

$$1.25 = 1\frac{25}{100} = 1\frac{1}{4} = \frac{5}{4}$$

د $\frac{5}{2}$ جمعي معکوس $-\frac{5}{2}$ او د $\frac{5}{4}$ جمعي معکوس $-\frac{5}{4}$ دی





پنځم څپرکي: مثلثونه او مضلعي (خوضلعي)

1-5 د ضلعو (اضلاعو) له پلوه د مثلث ډولونه

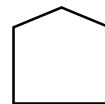
د کتاب مخ: (119) د لوست وخت: (1 درسي ساعت)

<p>1- د زده کړې موخې:</p> <ul style="list-style-type: none"> - پوهنيزې - مهارتي - ذهني <p>هيله ده چې زده کونکي د لوست په پای کې لاندې موخو ته ورسېږي.</p> <ul style="list-style-type: none"> • دضلعي له پلوه د مثلث ډولونه وپېژني. • په دې قادر شي چې د ضلعوله پلوه مثلثونه په ډولونو ووېشي. • د ضلعوله پلوه د مثلث د پېژندو څخه خوند واخلي. 	
<p>2- د زده کړې میتودونه:</p> <p>سوال او ځواب، ډله ییز او یوکسیز کار</p>	
<p>3- درسي او مرستندویه توکي:</p> <p>د لوست کتاب، تخته، تباشیر، هندسي بکس، د ورودي تصویر چارټ.</p>	
<p>4- د ورودي برخې توضیح:</p> <p>(5 دقیقې)</p> <p>- د لوست د پیل د مقدماتي فعالیت څخه ورسته د ورودي تصویر چارټ د ټولګي مخې ته وځړوی او د انگیزې د پیدا کېدو په موخه له زده کونکو څخه د ورودي پوښتنه وکړی، چې د ځواب په هکله فکر وکړي او ځواب ووايي که چېرې زده کونکي د پوښتنې په حلولو بریالي نه شول بیا لوست داسې پیل کړی.</p> <p>د شکلونو په لیدو او د تېرشوو معلوماتو په رڼا کې ويلي شو، هغه شکل چې د دریو مستقیمو کرښو له تقاطع څخه په لاس راځي او درې زاوې جوړوي مثلث نومېږي. هغه شکل چې د څلورو مساوي ضلعو او د څلورو قايمو (90) زاويو څخه جوړ شوي وي مربع نومېږي او همدارنګه، مثلثونو او مربعګانو ته مضلعي هم وايي.</p> <p>- ښوونکي دې مثلث او مربع په چارټ کې زده کونکو ته وښيي.</p>	
<p>5- د لوست بهیر او فعالیتونه (28) دقیقې:</p> <p>زده کونکي په مناسبو ډلو وویشی، چې د کتاب د 119 مخ فعالیت په خپل منځي مشوروکې پای ته ورسوي، د لوست په پای کې د یوې یا دوه ډلو استازي راوغوړی چې د خپلې ډلې په استازیتوب خپل فعالیت نورو ته بیان کړي. که چېرې ستونزه موجوده وه د هغه سره مرسته وکړی.</p> <p>- د کتاب د 120 مخ مثال د زده کونکو په ونډې اخستلو سره حل کړی.</p>	
<p>6- د زده کړې تحکیم یا پوخوالی (7) دقیقې:</p> <p>- د لوست د تحکیم او پوخوالي لپاره د پوښتنو 1، 2 پوښتنه د زده کونکو په ونډې اخستو سره حل کړی.</p>	
<p>7- د درس د پایلې ارزونه (5) دقیقې:</p> <p>- د لاسته راوړل شوې پوهې د ارزونې لپاره له زده کونکو څخه لاندې پوښتنې وکړی:</p> <p>1) څو ډوله مثلثونه د ضلعو له پلوه پېژنی؟</p> <p>2) متساوي الساقين مثلث کوم ډول مثلث ته وايي؟</p> <p>3) متساوي الساقين، متساوي الاضلاع او مختلف الاضلاع مثلثونه د تختې پر مخ رسم کړی.</p>	

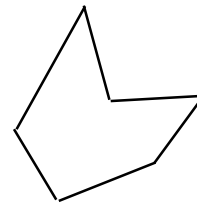
8- د ښوونکي لپاره اضافي معلومات:

– منظمو هندسي شکلونو ته مضلعي وايي، لکه مثلث (چې درې ضلعي او درې زاويې لري) مربع مستطیل، معین (لوزي)، ذوزنقه، شبه معین، مخمس (پنځه ضلعي) مسدس (شپږ ضلعي) اووه ضلعي، اته ضلعي او داسې نورې چې د کثیرالاضلاع په نامه یادېږي.

مضلعي په دوه ډوله دي.

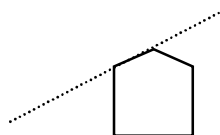


1 (محد به مضلع لکه:



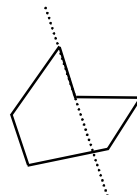
2 (مقعره مضلع لکه:

که چېرې د مضلعي یوې ضلعي ته امتداد ورکړ شي او د هغې امتداد مضلع په داخل کې قطع نه کړي دې ډول مضلع ته محدبه مضلع وايي، لکه:



محدبه مضلع

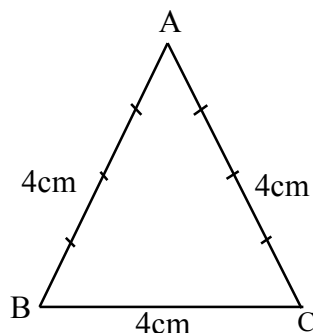
او که چېرې د مضلع د یوې ضلعي امتداد دغه مضلع په داخل کې قطع کړي نو دغه مضلع مقعره مضلع نومېږي، لکه:



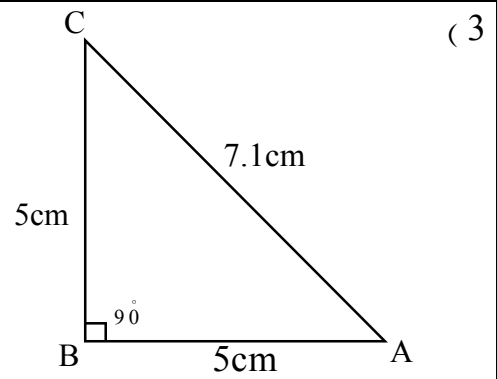
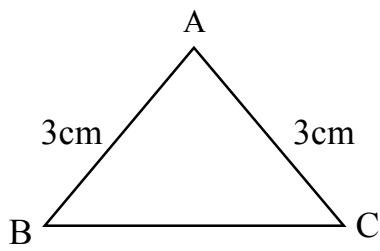
مقعره مضلع

9- د تمرین د سوالونو ځوابونه:

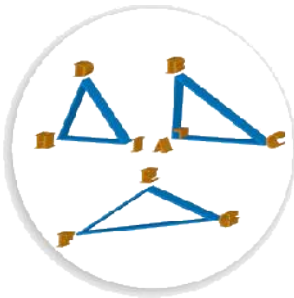
(1



2 (د دویم سؤال په اړوند د متساوي الساقين مثلث د رسمولو لپاره يوه کيفي افقي کرښه رسموو بيا د دغې کرښې د دواړو څوکو څخه د پرکار په واسطه د 3 سانتي مترو په اندازه قوسونه رسموو، د قوسونو د تقاطع ټکي چې (A) دي د کيفي کرښې له څوکو سره نښلوو په نتيجه کې غوښتل شوي متساوي الساقين مثلث لاسته راځي.



4) د هغه مثلث د ضلعو اوږدوالي چې 5cm , 4cm او 8cm وي د مختلف الاضلاع مثلث په نامه یادېږي.



5-2 د زاویوله پلوه د مثلث ډولونه

د لوست وخت: (1 درسي ساعت)

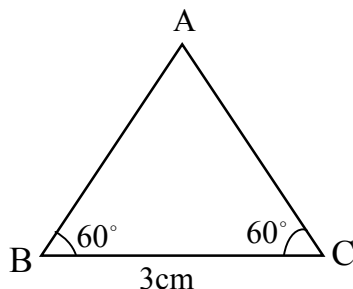
د کتاب مخ: (121)

<p>1- د زده کړې موخې:</p> <ul style="list-style-type: none"> - پوهنيزې - مهارتي - ذهنيتي <p>هيله ده چې زده کونکي د لوست په پای کې لاندې موخوته ورسېږي.</p> <ul style="list-style-type: none"> • د مثلث ډولونه د زاویو له پلوه وپېژني. • د زاویو له پلوه مثلثونه په ډولونو ووېشي. • مثلث د مشخصاتو له مخې رسم کړای شي. • د مثلث د پېژندو او رسمولو څخه خوند واخلي. 	
<p>2- د زده کړې میتودونه:</p> <p>سؤال او ځواب، ډله نيز او یوکسيز کار</p>	
<p>3- درسي او مرستندويه توکي:</p> <p>دلوست کتاب، تخته، تباشیر، هندسي بکس، دورودي تصویر چارټ.</p>	
<p>4- د ورودي برخې توضیح:</p> <p>(5) دقیقې</p> <p>- دلوست د پیل له مقدماتي فعالیت څخه وروسته د ورودي تصویر چارټ د ټولګي مخې ته ځوړند کړئ او د انگیزې د پیدا کولو لپاره د زده کونکو څخه د ورودي برخې پوښتنه وکړئ چې د ځواب په هکله یې فکر وکړي.</p>	
<p>5- دلوست بهیر او فعالیتونه (28) دقیقې :</p> <p>زده کونکي په څومناسبو ډلو وویشئ چې د کتاب 121 مخ فعالیت په خپل منځي مشوروکې پای ته ورسوي، د فعالیت له بهیر څخه څارنه او فعاله ډله وستائې او د ضعیفو سره مرسته وکړئ. د فعالیت په پای کې د یوې او یادوه ډلو استازي راوغواړئ چې د خپلې ډلې فعالیت نوروته بیان کړي. د دې فعالیت په پای کې به پوه شو چې د یوه مثلث زاوې له قایمې سره پرتله کېږي.</p> <ul style="list-style-type: none"> - د فعالیت په پای کې د قایم الزاویه، حاده الزاویه او منفرجه الزاویه مثلثونو په هکله له زده کونکو څخه معلومات وغواړئ او که چېرې د دوي ځواب نیمګړي و، تاسې د هغې پوره ځواب ورکړئ. - د کتاب د 122 مخ مثال د زده کونکو په ونډې اخستلو سره حل کړئ. - د کتاب 122 مخ د پوښتنو، لومړۍ پوښتنه زده کونکو ته ورکړئ چې په خپلو کتابچوکې یې حل کړي. او په همدغه وخت نوموړې پوښتنه یوه زده کونکي ته هم ورکړئ، چې د تخته پر مخ یې حل کړي. په پای کې نوموړي ځوابونه سره پرتله کړئ. که په حل کې څه ستونزه او کمښت و د نورو زده کونکو په مرسته یې حل کړئ. 	
<p>6- د زده کړې تحکیم یا پوځوالی (7) دقیقې:</p> <p>د خپل لوست د تحکیم او پوځوالي لپاره د پوښتنو دویمه پوښتنه د زده کونکو په ونډې اخستو سره حل کړئ.</p>	
<p>7- د درس د پایلې ارزونه:</p> <p>د زده کونکو د پوهې د ارزونې لپاره لاندې پوښتنې وکړئ.</p> <p>1 (د زاویوله پلوه مثلثونه په څو ډوله دي؟</p>	

- 2) یوزده کوونکی دې ووبایې چې د مثلثونو زاویې دکومې زاویې سره پرتله او بیا نوم پرې ایښودل کېږي.
- 3) یوزده کوونکي دې قایم الزاویه، حاده الزاویه او منفرجه الزاویه مثلثونه د تختې پر مخ رسم کړي او هم دې نومونه واخلي.

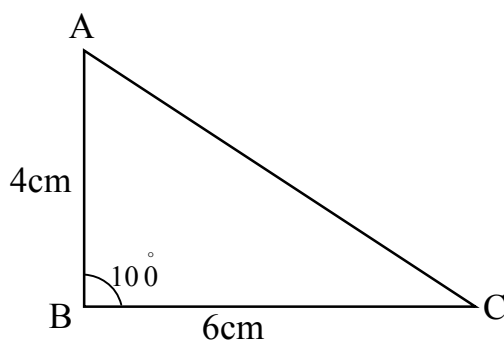
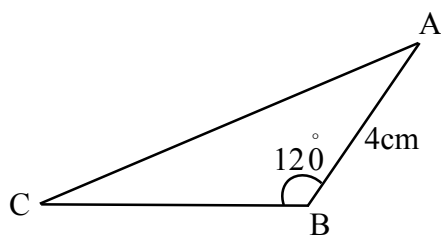
8- د پوښتنو ځوابونه:

- 1) څرنگه چې د C او B هره زاویه 60° ده، او موږ پدې پوهېږو چې د مساوي زاویو په مقابل کې مساوي ضلعې واقع وي نو ویلي شو چې نوموړي مثلث یو متساوي الساقین مثلث دي.



- 2) هغه مثلث چې دوه ضلعې یې سره مساوي وي او د هغوي ترمنځه زاویه 90° وي. د قایم الزاویه متساوي الساقین مثلث په نامه یادېږي.

- 3) په راکړل شوو شرطونو، کولای شو چې ډېر مثلثونه رسم کړو.



(4



5-3 د مثلث میانه، ارتفاع او ناصف الزاویه

د لوست وخت: (1 درسي ساعت)

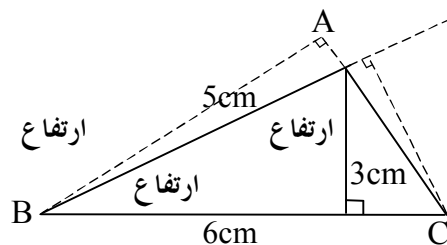
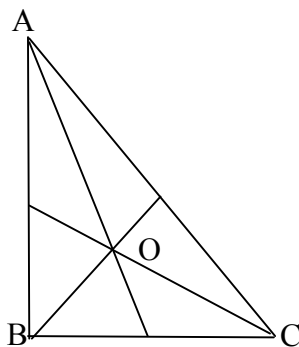
د کتاب مخ: (123)

<p>هيله ده چې زده کونکي د لوست په پای کې لاندې موخوته ورسېږي.</p> <ul style="list-style-type: none"> • د یوه مثلث، ارتفاع، میانه او ناصف الزاویه وپېژني او په توپیر یې پوه شي. • پدې پوه شي چې هر مثلث درې میانې، درې ارتفاعگانې او درې ناصف الزاوې لري. • د یوه مثلث میانه، ارتفاع او ناصف الزاویه رسم کړای شي. • د نوموړو معلوماتو د لاسته راوړلو څخه خوند واخلي. 	<p>1- د زده کړې موخې:</p> <p>پوهنیزې</p> <p>مهارتي</p> <p>ذهنيتي</p>
<p>سؤال او ځواب، ډله ییز او یوکسیز کار</p>	<p>2- د زده کړې میتودونه:</p>
<p>د لوست کتاب، تخته، تباشیر، هندسي بکسه، د ورودي تصویر چارټ.</p>	<p>3- درسي او مرستندویه توکي:</p>
<p>محترمه ښوونکي د لوست د پیل دمقدماتي فعالیت څخه وروسته د ورودي تصویر چارټ د ټولګي مخې ته ځوړند کړی او د انگیزې په موخه له زده کوونکو څخه ورودي پوښتنه وکړې چې ځواب ته یې پام راواړوي.</p>	<p>4- د ورودي برخې توضیح:</p> <p>(5) دقیقې</p>
<p>5- د لوست بهیر او فعالیتونه (28) دقیقې:</p> <p>د دې مضلعي د حل لپاره زده کوونکي په څومناسو ډلو وویشی چې د کتاب د 123 مخ فعالیت په خپل منځي مشوروکې پای ته ورسوي او تاسې د فعالیت له بهیر څخه څارنه، فعاله ډله وستایئ همدارنګه له ضعیفو زده کوونکو سره مرسته وکړئ. د فعالیت په پای کې د یوې یا دوه ډلو استازي راوغواړئ چې د خپلې ډلې فعالیت نوروته بیان کړي که د فعالیت په بهیر کې کومه ستونزه پیدا شوه بل زده کوونکي دې مرسته وکړي.</p> <p>- د کتاب د 124 مخ لومړي مثال د زده کوونکو په ونډې اخیستو سره حل کړئ.</p> <p>- د کتاب 124 مخ دویم مثال زده کوونکو ته ورکړئ چې هغوی یې پرته د کتاب له مرستې څخه په خپلو کتابچو کې حل کړي او په همدغه وخت کې یو بل زده کوونکي ته هم هدایت ورکړئ چې نوموړي مثال د تختې پر مخ حل کړي.</p> <p>د دویم مثال په حلېدو سره د ورودي سؤال او دورودي تصویر پوښتنه هم حلېږي.</p>	
<p>6- د زده کړې تحکیم یا پوخوالي (7) دقیقې:</p> <p>د لوست د تحکیم او پوخوالي لپاره د کتاب د 124 مخ تمرین، 1 او 2 سؤال پرتخته حل او زده کوونکو ته هم په کې ونډه ورکړئ.</p>	
<p>7- ارزونه (5) دقیقې:</p> <p>- د زده کوونکو د لاسته راوړل شوې پوهې د ارزونې لپاره ځان په لاندې پوښتنو ډاډه کړئ.</p> <p>1- یو زده کوونکي دې میانه تعریف کړي.</p> <p>2- یو زده کوونکي دې د ناصف الزاوې او میانې ترمنځ توپیر ووايي.</p>	

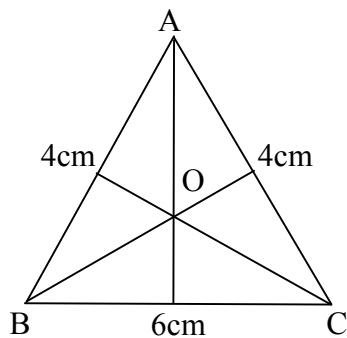
- 3 - بل زده کوونکي دې په یوه مثلث کې ارتفاع، میانه او ناصف الزاویه وښيي.
- 4 (بل زده کوونکي دې یو منفرج الزاویه مثلث رسم او ارتفاعګانې دې څرګندې کړي.

10 - د تمرین د سوالونو ځوابونه:

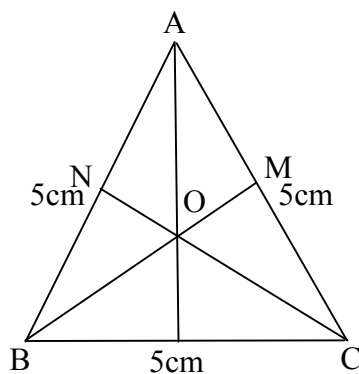
1) د ABC په قائم الزاویه مثلث کې د O توري د میانو د تقاطع ټکي دي. او همدا رنگه دغه ټکي د نوموړي مثلث د ثقل مرکز هم دي.



(2

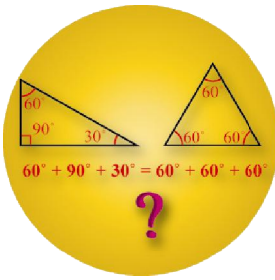


3) د ABC په متساوي الساقين مثلث کې د O توري د هغه مثلث د ناصف الزاویو د تقاطع ټکي دي.



4) د ارتفاعګانو، میانو او ناصف الزاویو د رسمولو په نتیجه کې لیدل کېږي، چې د متساوي الاضلاع، په مثلث کې میانې، ارتفاعګانې او ناصف الزاویې، په یوه ټکي کې متقاطع دي.

4-5 د مثلث د داخلي زاويو مجموعه



د لوست وخت: (1 درسي ساعت)

د کتاب مخ: (125)

<p>هيله ده چې زده کونکي د لوست په پای کې لاندې موخوته ورسېږي.</p> <ul style="list-style-type: none"> • په دې پوه شي چې د هر مثلث د داخلي زاويو مجموعه 180° درجې يا دوه قايمې ده: • په دې پوه شي چې هره څلورضلعۍ د دوه مثلثونو څخه جوړېږي، نوڅکه د هرې څلورضلعۍ د داخلي زاويو مجموعه 360° درجې ده. • په دې قادر شي چې د نوموړې پوهې څخه په ورځني ژوند کې گټه واخلي. 	<p>1- د زده کړې موخې:</p> <ul style="list-style-type: none"> - پوهنيزې - مهارتي - ذهنيتي
<p>سوال او ځواب، ډله تيز او يوکسيز کار</p>	<p>2- د زده کړې ميتودونه:</p>
<p>د لوست کتاب، تخته، تباشير، تخته پاک، هندسي بکسه، وړودي تصوير چارټ</p>	<p>3- درسي او مرستندويه توکي:</p>
<p>د لوست د پيل د مقدماتي فعاليت څخه وروسته د وړودي تصوير چارټ د ټولگي مخې ته ځړند او وړودي پوښتنه له زده کوونکو څخه وکړئ چې د ځواب په برخه کې يې فکر وکړي.</p> <p>بيا زده کوونکي په څو مناسبو ډلو وویشئ چې د کتاب د 125 مخ فعاليت پای ته ورسوي. د فعاليت په پای کې به څرگنده شي، چې:</p> $\hat{A} = \hat{H}_1 \text{ او } \hat{C} = \hat{H}_3, \quad \hat{B} = \hat{H}_2$ <p>سره مساوي دي څرنگه چې</p> $\hat{H}_1 + \hat{H}_2 + \hat{H}_3 \text{ د مستقيمې کرښې يوه اړخ ته واقع دي او مجموعه يې } 180^\circ \text{ کېږي،}$ <p>نو د $\hat{A} + \hat{B} + \hat{C}$ مجموعه هم د 180° سره مساوي کېږي.</p> <p>د فعاليت په پای کې د يوې ډلې استازی راوغواړئ چې د خپلې ډلې فعاليت نورو ته توضيح کړي او دا خبره روښانه کړي چې د يوه مثلث د داخلي زاويو مجموعه 180° ده.</p> <p>يادونه: محترم ښونکی دا صلاحيت لري چې د ضرورت په وخت کې د موضوع تشریح او وضاحت لپاره د درسي ساعت وخت په خپله خوښه وويشي.</p>	<p>4- د وړودي برخې توضيح:</p> <p>(5) دقيقې</p>
<p>5- د لوست بهير او فعاليتونه (28) دقيقې:</p> <p>د کتاب 125 مخ لومړي مثال د زده کوونکو په ونډې اخستلو سره د پوښتنو او ځوابونو په طريقې حل کړئ، چې پړاو په پړاو د مثال حل ته نږدی شي او بيا هدايت ورکړئ چې د کتاب 126 مخ فعاليت زده کوونکي په خپلو کتابچو کې او يو تن دې د تختې پر مخ حل کړي او بيا دې خپل فعاليت نورو ته بيان کړي. که چېرې په دغه حل کې کومه تېروتنه وه بل زده کوونکي دې هغه د تختې پر مخ حل او اصلاح کړي.</p>	

6- د زده کړې تحکیم یا پوځوالی (7) دقیقې:

د لوست د تحکیم او پوځوالي لپاره د کتاب د 126 مخ د پوښتنو، لومړي پوښتنه زده کوونکو ته حل کړئ.

7- د درس د پایلې ارزونه : (5) دقیقې :

- د زده کوونکو د پوهې د ارزونې لپاره کولای شئ چې ځان په لاندې پوښتنو ډاډه کړئ.

1) یو زده کوونکي دې و وایي چې د یوه مثلث د داخلي زاویو مجموعه څو درجې ده ؟

2) آیا د ټولو مثلثونو د داخلي زاویو مجموعه 180° ده ؟

3) که په یوه مختلف الاضلاع قائم الزاویه مثلث کې یوه حاده زاویه یې 60° وي، د هغې نورې زاوې دې په شکل کې یو زده-کوونکي د تختې پر مخ پیدا کړي.

8- دښوونکي لپاره اضافي معلومات:

- د شکل په ډول یوه مثلث رسم کړئ.

- که چیرې د 1 زاویه قطع کړئ او د B پر زاویه یې کېږدئ، هغه منطقه کېږي.

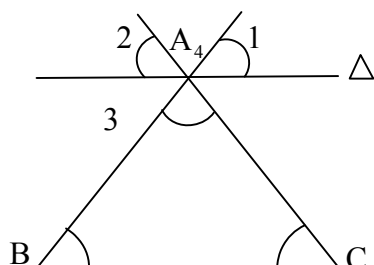
- که 2 زاویه قات کړئ او د C پر زاویه یې کېږدئ منطقه کېږي.

- که د A_4 زاویه قات کړئ د A_3 پر زاوې منطقه کېږي.

د دغو معلوماتو په رڼاکې څرنگه چې د \hat{A}_1 ، \hat{A}_4 او \hat{A}_2 زاوې د

دلته (Δ) د مستقیمې کرښې یوه اړخ ته پرتې دي او مجموعه یې 180°

ده. نو د مثلث د داخلي زاویو مجموعه هم 180° کېږي.

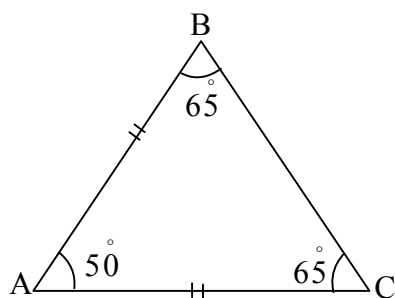


9- د پوښتنو ځوابونه :

1) که د یوه متساوي الساقين مثلث د دوه ساقونو ترمنځ زاویه 50° وي. نورې زاوې به یې هره یوه 65° وي. ځکه د AB او

AC ضلعي سره مساوي دي نو د B او C زاوې هم سره مساوي دي.

ځکه د مساوي ضلعو په مقابل کې مساوي زاوې واقع دي. نو



$$\hat{A} + \hat{B} + \hat{C} = 180^\circ$$

$$\hat{B} = \hat{C}$$

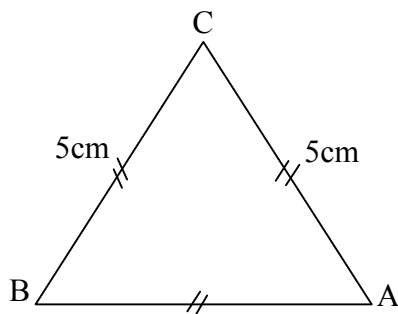
$$\hat{A} + 2\hat{B} = 180^\circ$$

$$50^\circ + 2\hat{B} = 180^\circ$$

$$2\hat{B} = 130^\circ$$

$$\hat{B} = \hat{C} = 65^\circ$$

2) په متساوي الاضلاع مثلث کې هر زاويه 60° درجې وي ځکه د مساوي زاويو په مقابل کې مساوي ضلعي واقع دي، نو:



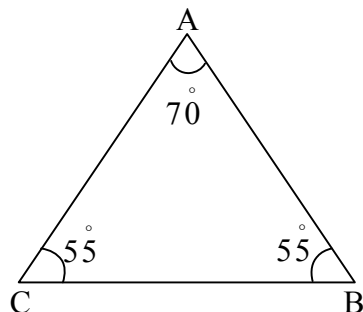
$$\hat{A} + \hat{B} + \hat{C} = 180^\circ$$

$$\hat{A} = \hat{B} = \hat{C}$$

$$3\hat{A} = 180^\circ$$

$$\hat{A} = \frac{180^\circ}{3} = 60^\circ$$

3) که چېرې په یوه متساوي الساقين مثلث کې د دوه ساقو ترمینځ زاويه 70° درجې وي بله هر زاويه به یې 55° وي.



ثبوت:

$$\hat{A} + \hat{B} + \hat{C} = 180^\circ$$

$$70^\circ + \hat{B} + \hat{C} = 180^\circ$$

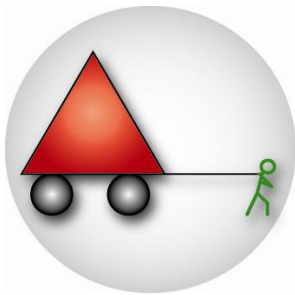
$$\hat{B} + \hat{C} = 180^\circ - 70^\circ$$

$$\hat{B} + \hat{C} = 110^\circ$$

څرنگه چې $\hat{B} = \hat{C}$ سره ده.

$$\hat{B} = \hat{C} = \frac{110^\circ}{2} = 55^\circ \quad 2\hat{B} = 110^\circ$$

او مساوي ضلعو ته مخامخ واقع ده، نو



<p>هيله ده چې زده کونکې د لوست په پای کې لاندې موخوته ورسېږي:</p> <ul style="list-style-type: none"> • د یوه مثلث باندنۍ زاوېې وپېژني. • په دې پوه شي چې د یو مثلث باندنۍ زاویه د مثلث د دوو نورو غیر مجاورو زاویو له مجموعې سره مساوي ده. <p>د مثلث باندنۍ او گاونډۍ زاوېې وپېژني او په اړیکو یې پوه شي. او همدا رنگه پوه شي چې یو مثلث درې باندنۍ زاوېې لري.</p>	<p>1- د زده کړې موخې:</p> <p>پوهنیزې</p> <p>مهارتي</p> <p>ذهنيتي</p>
<p>پوښتنې او ځوابونه، ډله ییز او یوکسیز کار</p>	<p>2- د زده کړې میتودونه:</p>
<p>دلوست کتاب، تخته، تباشیر، تخته پاک، د ورودي تصویر چارټ او هندسي بکسه.</p>	<p>3- درسي او مرستندويه توکي:</p>
<p>- د لوست د پیل د مقدماتي فعالیت څخه وروسته جوړ شوي چارټ د ټولگي مخې ته ځوړند کړئ او له زده کوونکو څخه د ورودي برخې پوښتنه وکړئ. ممکن دغه پوښتنه وروسته له فکر کولو حل کړای شي او له هغې نه پرته دې ښونکي د مثلث داخلي زاوېې او همدا رنگه هغه باندنۍ زاویه چې د مثلث د یوې ضلعې سره د یوه سړي د کش شوې رسی څخه کرښه جوړه کړې ده زده کوونکو ته وښایاست.</p> <p>په شکل کې د \hat{A}_1، B_1 او C_1 زاوېې داخلي دي او \hat{A}_2، B_2 او C_2 د مثلث خارجي زاوېې دي.</p> 	<p>4- د ورودي برخې توضیح:</p> <p>(5) دقیقې</p>
<p>5- دلوست بهیر او فعالیتونه (28) دقیقې:</p> <p>- د کتاب د 127 مخ فعالیت زده کوونکو ته ورکړئ چې په مناسبو ډلو کې یې پای ته ورسوي. د فعالیت له بهیر څخه څارنه وکړئ. فعاله ډله وستایئ او د ضعیفو ډلوسره مرسته وکړئ. په پای کې د یوې ډلې استازي راوغواړئ چې د خپلې ډلې فعالیت نورو ته بیان کړي.</p> <p>که د فعالیت په بهیر کې کومه ستونزه پیدا شوه له هغه سره مرسته وکړئ.</p> <p>- د کتاب 127 مخ (1) مثال داسې حل کړئ چې په هره برخه کې به له زده کوونکو څخه پوښتنه هم کوئ.</p> <p>- یو زده کوونکي راوغواړئ چې د کتاب 128 مخ (2) مثال، د تختې پر مخ حل کړي.</p>	

6- د زده کړې تحکیم یا پوځوالی (7) دقیقې:

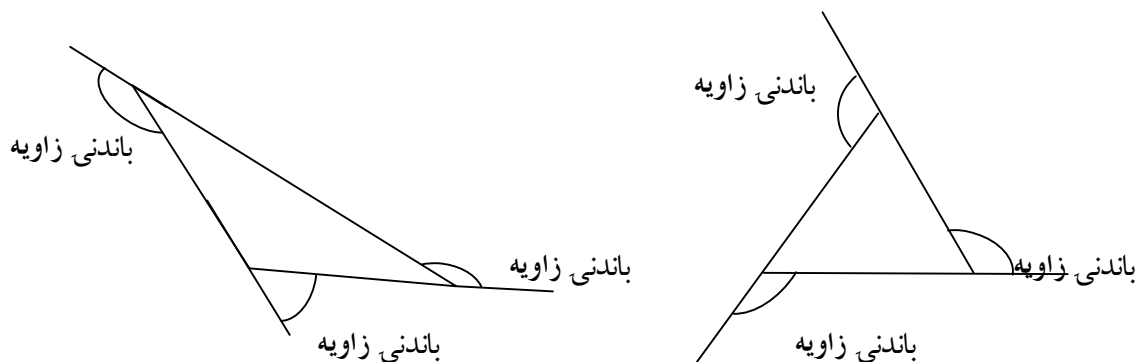
د لوست د تحکیم لپاره د کتاب 128 مخ فعالیت زده کوونکو ته ورکړئ چې په خپلو کتابچو کې یې سرته ورسوي، همدغه نوموړی پوښتنه یوه زده کوونکي ته هم ورکړئ چې د تختې پر مخ یې حل کړي او په پای کې بیا زده کوونکي خپل فعالیت نورو ته توضیح کړي. که چېرې د فعالیت په بهیر کې څه ستونزه او یا کمی پیدا شو د بل زده کوونکي په مرسته هغه ستونزه حل کړئ، په پای کې هدایت ورکړئ چې هر یو خپل فعالیت له هغه سره پرتله او اصلاح کړي.

7- د درس د پایلې ارزونه (5) دقیقې:

- د زده کوونکو د پوهې د ارزونې او ډاډ لپاره لاندې پوښتنې وکړئ.

- 1) یو زده کوونکي دې ووايي چې په یوه مثلث کې کومې زاوې باندنۍ زاوې دي؟
- 2) د تختې پرمخ یو مثلث رسم او د انگلیسي په توری یې و نوموئ بیا په دغه مثلث کې باندنۍ زاوې څرگندې کړئ.
- 3) یو زده کوونکي دې د مثلث د وېې باندنۍ زاوې داخلي گاونډۍ زاویه او پرته له گاونډي څخه زاوې په گوته کړي.
- 4) آیا د مثلث باندنۍ زاویه، پرته د گاونډي (مجاورې) څخه د مثلث د داخلي زاویو د مجموعې څخه لویه ده او که مساوي.

8- د ښوونکي لپاره اضافي معلومات:



څرنگه چې په یوه مثلث کې د داخلي او باندنیو زاویو مجموعه د مستقیمې کرښې یوه اړخ ته پرته ده او وسعت یې ثابت یعنې 180° دي؛ نو دې زاوې ته مستقیمه زاویه وایي. د دې خبرې او د تېرو شوو شکلونو څخه دا جوتېږي چې په یوه مثلث کې هر څومره چې داخلي زاویه لویېږي باندنۍ زاویه کوچني کېږي. او هر څومره چې داخلي زاویه کوچني کېږي د هغې باندنۍ زاویه لویېږي.

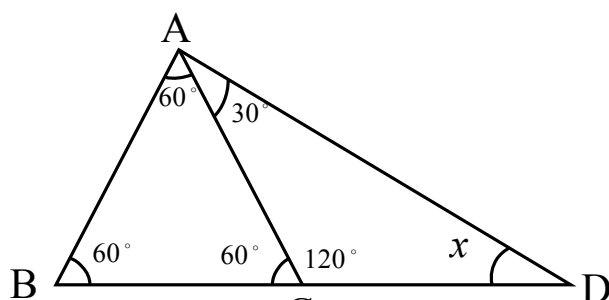
د یادولو وړ ده چې په هر مثلث کې د باندنیو زاویو مجموعه تل 360° ده او د مثلث په ډولونو پورې اړه نه لري.

9- د پوښتنو ځوابونه:

د (1) سوال ځواب: د ABC یو متساوي الساقين مثلث رسم شوي دي چې د هغې هره زاویه 60° ده.

او \hat{C} د مثلث بهرنی زاویه ده، چې:

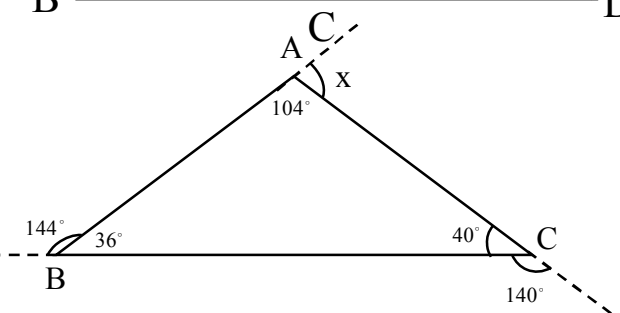
$$C = A + B = 120^\circ$$



د ABC په مثلث کې لرو: $\hat{A} + \hat{B} = 120^\circ$

$$x + 120^\circ + 30^\circ = 180^\circ$$

$$x + 150^\circ = 180^\circ \Rightarrow x = 180^\circ - 150^\circ = 30^\circ$$



$$144^\circ + \hat{B} = 180^\circ$$

$$\hat{B} = 180^\circ - 144^\circ = 36^\circ$$

$$140^\circ + \hat{C} = 180^\circ$$

$$\hat{C} = 180^\circ - 140^\circ$$

$$\hat{C} = 40^\circ$$

$$\hat{A} + \hat{B} + \hat{C} = 180^\circ$$

$$\hat{A} + 36^\circ + 40^\circ = 180^\circ$$

$$\hat{A} + 76^\circ = 180^\circ$$

$$\hat{A} = 180^\circ - 76^\circ$$

$$\hat{A} = 104^\circ$$

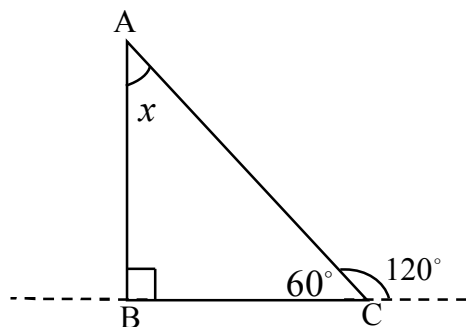
$$\hat{x} + \hat{A} = 180^\circ$$

$$\hat{x} + 104^\circ = 180^\circ$$

$$\hat{x} = 180^\circ - 104^\circ$$

$$\hat{x} = 76^\circ$$

څرنگه چې د ABC د مثلث باندنۍ زاویه 120° ده او د غیر مجاورو داخلي دوه زاویو له مجموعې سره مساوي ده؛ نو:



$$\hat{x} + \hat{B} = 120^\circ$$

$$\hat{x} + 90^\circ = 120^\circ$$

$$\hat{x} = 120^\circ - 90^\circ$$

$$\hat{x} = 30^\circ$$

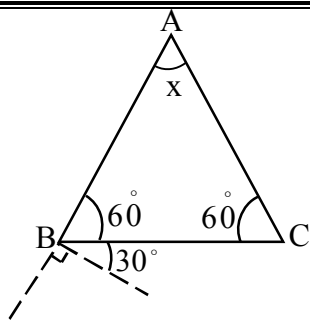
د ABC د مثلث د B په راس کې د هغې باندنۍ زاویه عبارت ده له:

$$90^\circ + 30^\circ = 120^\circ$$

څرنگه چې باندنۍ زاویه په یوه مثلث کې د دوه داخلي غیر مجاورو زاویو له مجموعې سره مساوي ده؛ نو:

$$\hat{C} + \hat{x} = (90^\circ + 30^\circ)$$

$$60^\circ + \hat{x} = 120^\circ$$

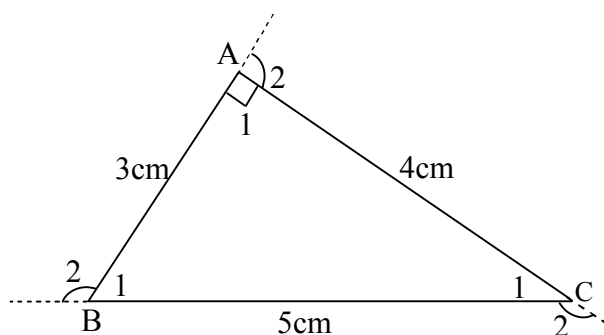


$$\hat{x} = 120 - 60$$

$$\hat{x} = 60$$

2) څرنگه چې د متساوي الضلاع په مثلث کې هره داخلي زاويه 60° درجې ده، نو د نوموړي مثلث هره بهرنۍ زاويه 120° او يو د بل سره مساوي ده.

(3)



$$\hat{A}_1 + \hat{A}_2 = 180^\circ$$

$$\hat{B}_1 + \hat{B}_2 = 180^\circ$$

$$\hat{C}_1 + \hat{C}_2 = 180^\circ$$

$$\hat{A}_1 + \hat{A}_2 + \hat{B}_1 + \hat{B}_2 + \hat{C}_1 + \hat{C}_2 = 540^\circ$$

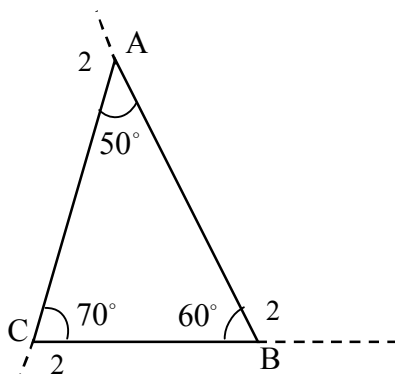
$$(\hat{A}_1 + \hat{B}_1 + \hat{C}_1) + (\hat{A}_2 + \hat{B}_2 + \hat{C}_2) = 540^\circ$$

$$180^\circ + (\hat{A}_2 + \hat{B}_2 + \hat{C}_2) = 540^\circ$$

$$\hat{A}_2 + \hat{B}_2 + \hat{C}_2 = 540^\circ - 180^\circ = 360^\circ$$

4) لومړي د مثال په ډول يو کيفي مثلث د 50° ، 60° او 70° زاويو په اندازه رسموو، څرنگه چې د مستقيمي کرښې په يوه

طرف کې زاويې 180° درجه جوړوي، نو:



$$A_2 + 50^\circ = 180^\circ$$

$$B_2 + 60^\circ = 180^\circ$$

$$C_2 + 70^\circ = 180^\circ$$

$$\hat{A}_2 + 50^\circ + \hat{C}_2 + 70^\circ + \hat{B}_2 + 60^\circ = 540^\circ$$

$$(\hat{A}_2 + \hat{B}_2 + \hat{C}_2) + 50^\circ + 70^\circ + 60^\circ = 540^\circ$$

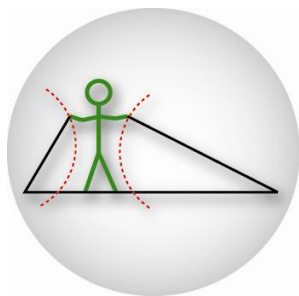
$$\hat{A}_2 + \hat{B}_2 + \hat{C}_2 + 180^\circ = 540^\circ$$

$$\hat{A}_2 + \hat{B}_2 + \hat{C}_2 = 360^\circ$$

5) څرنگه چې په يوه مثلث کې د داخلي زاويو مجموعه 180° درجې او د خارجي زاويو مجموعې 360° ده؛ نو ويل کېږي چې د يوه مثلث د باندنيو زاويو مجموعه د هغې د داخلي زاويو له مجموعې سره دوه برابره ده؛ يعنې:

$$\begin{array}{r|l} 360 & 180 \\ 360 & 2 \\ \hline 0 & \end{array}$$

$$2 \times 180^\circ = 360^\circ$$



5-6 د يوه مثلث د ضلعو ترمنځ اړيکې (رابطې)

د لوست وخت: (1 درسي ساعت)

د کتاب مخ: (129)

<p>1- د زده کړې موخې:</p> <p>پوهنيزې مهارتي ذهنيتي</p>	<p>هيله ده چې زده کونکي د لوست په پای کې لاندې موخوته ورسېږي:</p> <ul style="list-style-type: none"> • د يوه مثلث د ضلعو ترمنځ په اړيکو پوه شي. • په دې پوه شي چې د مثلث دوه ضلعو مجموعه د درېمې ضلعي څخه لويه ده. • په دې پوه شي که چېرې د دوه ضلعو مجموعه له درېمې ضلعي څخه لويه نه وي، مثلث نه شي جوړېدلی. • د يوه مثلث د ضلعو ترمنځ په اړيکو پوه او د خوښۍ احساس وکړي.
<p>2- د زده کړې ميتودونه:</p>	<p>سؤال او ځواب، ډله ييز او يوکسيز کار</p>
<p>3- درسي او مرستندويه توکي:</p>	<p>د لوست کتاب، تخته، تباشير، تخته پاک، هندسي بکسه او ورودي تصوير چارټ.</p>
<p>4- د ورودي برخې توضيح:</p> <p>(5 دقيقې)</p>	<p>د لوست د پيل د مقدماتي فعاليت څخه وروسته د ورودي تصوير چارټ د ټولگي مخې ته ځوړند او د انگيزې د پيدا کولو په موخه له زده کوونکو څخه د ورودي پوښتنه وکړئ چې د هغې په هکله فکر وکړي.</p> <p>ورودي تصوير دا رابښي چې د مثلث دريمه ضلع د دوه نورو ضلعو له مجموعې څخه کوچني ده او قوسونو يوبل نه دی قطع کړي نوځکه مثلث نه دي جوړ شوی.</p>
<p>5- د لوست بهير او فعاليتونه (28) دقيقې :</p> <p>- زده کوونکي په مناسبو ډلو وویشئ چې د کتاب د 129 مخ فعاليت په خپل منځي مشوروکې پاي ته ورسوي. او د فعاليت په پای کې د ورودي پوښتنې ځواب ترلاسه کړئ، د ډلو د فعاليت څخه څارنه وکړئ. فعاله ډله وستايئ او د ضعيفو ډلو سره مرسته وکړئ، بيا د يو او يا دوه ډلو استازی راوغوړئ چې د خپلې ډلې په استازيتوب خپل فعاليت نوروته بيان کړي.</p> <p>- د کتاب 130 مخ لومړي مثال د زده کوونکو په ونډې سره حل کړئ.</p>	
<p>6- د زده کړې تحکيم يا پوخوالی (7) دقيقې:</p> <p>د لوست د تحکيم يا پواخولي لپاره د کتاب د 130 مخ دريم مثال زده کوونکو ته ورکړئ چې پرته د کتاب څخه هغه په خپلو کتابچو کې حل کړي او په همدغه وخت کې يوه زده کوونکي ته هدايت ورکړي چې نوموړی مثال د تختې پر مخ حل کړي او په پای کې دې خپل فعاليت نوروته توضيح کړي. که چېرې په فعاليت کې کومه ستونزه پيدا شوه ښوونکي دې مرسته وکړي.</p>	
<p>7- د درس د پايلې ارزونه (5) دقيقې:</p> <p>- د زده کوونکو د لاسته راوړنې پوهې د ارزونې لپاره لاندې پوښتنې وکړئ.</p> <p>1 (د مثلث په ترسيمولو کې کوم شرطونه بايد په نظر کې ونيول شي.</p> <p>2 (که چېرې د مثلث يوه ضلع 6cm او نورې هره يوه يې 2cm وي آیا مثلث جوړېدای شي ؟</p> <p>3 (يوه زده کوونکي دې د 2 سؤال په شرايطو يو مثلث رسم کړي.</p>	

8- د ښوونکي لپاره اضافي معلومات:

باید ووايو چې په يوه مثلث کې د لويو ضلعو په مقابل کې لويې زاوې او بالعکس د لويو زاويو په مقابل کې لويې ضلعي واقع وي او په متساوي الساقين مثلث کې د مساوي ساقونو په مقابل کې مساوي زاوې واقع وي.

د تمرين په څلورمه شمېره سؤال کې: $3^2 + 5^2 < 7^2$

$$3^2 + 5^2 < 7^2$$

$$9 + 25 < 49$$

$$34 < 49$$

د فيثاغورث د قضیې خلاف خبره ده چې وايي: په يوه قائمه الزاويه مثلث کې دوتر مربع مساوي ده. د قايمو ضلعو د مربعاتو له مجموعې سره.

9- د پوښتنو ځوابونه:

1) څرنگه چې د راکړل شوو ضلعو مجموعه $5 + 7 = 12$ او دريمه ضلع يې $(\frac{12}{2} = 6cm)$ ده؛ نو د دواړو ضلعو مجموعه له دريمې ضلعي څخه لويه ده او د مثلث رسمېدل امکان لري.

2) که په يوه دايره کش د يوې قطعه کرښې دواړه څوکې مرکز وټاکو او د کوچنيو ټوټه کرښو په اندازه قوسونه رسم کړو دغه قوسونه يوبل نه قطع کوي؛ نو ځکه مثلث نه جوړېږي.

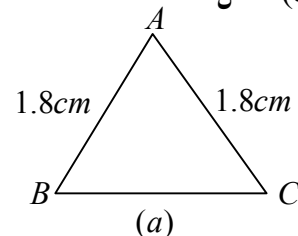
3) د (a) شکل

$$\overline{AB} = 1.8cm, \quad \overline{BC} = 1.8cm, \quad \overline{AC} = 1.8cm$$

$$\overline{AB} + \overline{BC} < \overline{AC}$$

$$1.8cm + 1.8cm < 1.8cm$$

$$3.6cm < 1.8cm$$

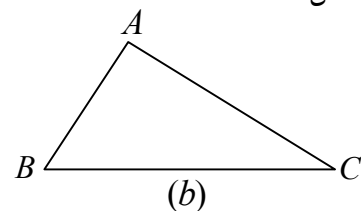


څرنگه چې د دوه ضلعو مجموعه د دريمې ضلعي څخه لويېږي نو ځکه مثلث جوړ شوي دي.

د (b) شکل

$$\overline{AB} = 1.5cm, \quad \overline{BC} = 3.2cm, \quad \overline{AC} = 2.7cm$$

$$\overline{AB} + \overline{BC} > \overline{AC}, \quad \overline{BC} + \overline{AC} > \overline{AB}, \quad \overline{AB} + \overline{AC} > \overline{BC}$$

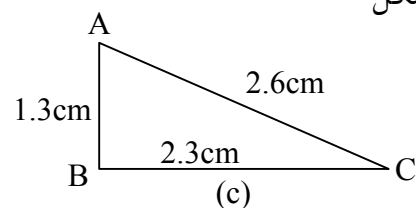


ځکه مثلث جوړ شوي دي:

د (c) شکل

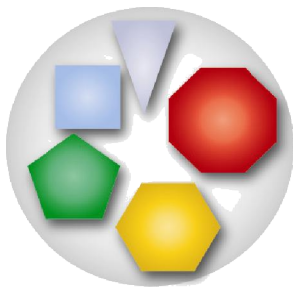
$$\overline{AB} = 1.3cm, \quad \overline{BC} = 2.3cm, \quad \overline{AC} = 2.6cm$$

$$\overline{AB} + \overline{BC} > \overline{AC}, \quad \overline{BC} > \overline{AC} > \overline{AB}, \quad \overline{AB} + \overline{AC} > \overline{BC}$$



4) څرنگه چې د دواړو ضلعو مجموعه له دریمې ضلعي څخه لویږي، نو مثلث جوړیدای شي مگر په راکړل شوو شرطونو کې یو قایمه الزاویه مثلث نه شو رسمولای. ځکه د قایمو ضلعو مربع یې 34cm کېږي، په داسې حال کې چې د هغې د وتر مربع 49cm ده، چې د قایمه الزاویه مثلث د جوړېدو لپاره دا حالت د فیثاغورث له قضیې سره توپیر لري.

5) څرنگه چې د دوو ضلعو مجموعه له دریمې ضلعي څخه نه لویږي، نو ځکه د دې شرط لاندې مثلث نه شي جوړېدی که فرض کړو چې مساوي ساقونه 4cm وي په دې صورت کې د سؤال مطابق قاعده د ساق درې برابره کېږي، خو د دوه ضلعو مجموعه $4\text{cm} + 4\text{cm} = 8\text{cm}$ ده چې د 12cm څخه کوچنۍ ده نو د 4cm په شعاع قوسونه یو بل نه قطع کوي او د مثلث د جوړېدو امکان نشته.



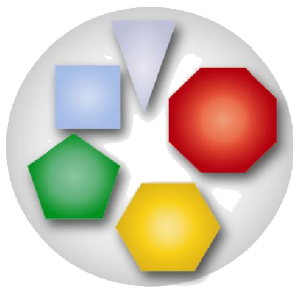
<p>هيله ده چې زده کونکي د لوست په پای کې لاندې موخوته ورسېږي:</p> <ul style="list-style-type: none"> • په دې پوه شي چې څو ضلعې گانې په يوه محيط کې د دوو نه ډېرو تړل شوو قطعه خطونو څخه په لاس راځي. • منظمې او نا منظمې څو ضلعې گانې د يو بل څخه بيلې کړي. • په ورځنۍ ژوند کې د څو ضلعيو په اهميت پوه او د دې موضوع په پوهې د رياضي د مضمون سره مينه پيدا کړي. 	<p>1- د زده کړې موخې:</p> <p>پوهنيزې مهارتي ذهنيتي</p>
<p>سؤال او ځواب، ډله ييز او يوکسيز کار</p>	<p>2- د زده کړې ميتودونه:</p>
<p>د لوست کتاب، تخته، تباشير، تخته پاک، هندسي بکسه او وړودي تصوير چارټ</p>	<p>3- درسي او مرستندويه توکي:</p>
<p>د لوست د پيل د مقدماتي فعاليت څخه وروسته د وړودي تصوير چارټ د ټولگي مخې ته څوړند کړئ بيا وړودي پوښتنه د زده کوونکي څخه وکړئ چې وروسته له فکر کولو د هغې ځواب ووايي او که نه د مثلث څخه يې پيل کړئ د ساعت د عقربې په خلاف په ترتيب سره مثلث، مربع، مخمس (پنځه ضلعی)، مسدس (شپږ ضلعی)، اته ضلعی او همدارنگه درې اخيرني شکلونه د کثير الاضلاع په نامه هم يادېږي.</p>	<p>4- د وړودي برخې توضيح:</p> <p>(5) دقيقې</p>
<p>5- د لوست بهير او فعاليتونه (28) دقيقې:</p> <p>- زده کوونکي په مناسبو ډلو وویشئ چې د کتاب د 131 مخ فعاليت په خپلو ډلو کې ترسره کړي. د فعاليت په پای کې د يوې ډلې استازی راوغواړئ چې خپل فعاليت نورو ته د تختې پر مخ تشریح کړي.</p> <p>- ښوونکی دې د کتاب د 132 مخ لومړۍ مثال د زده کوونکو په فعالې ونډې سره حل کړي.</p>	
<p>6- د زده کړې تحکيم يا پوخوالی (7) دقيقې:</p> <p>د لوست د تحکيم او پوخوالي لپاره د کتاب د 132 مخ تمرين لومړۍ او دويمه پوښتنه د زده کوونکو په فعالې ونډې سره حل کړئ.</p>	
<p>7- د درس د پايلې ارزونه (5) دقيقې:</p> <p>د زده کوونکو د لاسته را وړل شوې پوهې د ازروني لپاره ځان په لاندې پوښتنو ډاډه کړئ.</p> <p>(1) يو زده کوونکی دې ووايي چې کومو هندسي شکلونو ته مضلع وايي.</p> <p>(2) يو زده کوونکی دې ووايي چې آیا مثلث او مربع د مضلعو د جملې څخه شمېرل کېږي او که نه؟</p> <p>(3) يو زده کوونکی دې د تختې پر مخ يوه پنځه ضلعی رسم کړي.</p>	

8 – د ښوونکي لپاره اضافي معلومات:

د یادونې وړ ده، چې پوه شو په لاتیني ژبه کې پنځه ضلعی ته پنتاگون (Pentagon) شپږ ضلعی ته هکساگون (Hexagon)، اووه ضلعی ته هپتاگون (Heptagon) او اته ضلعی ته اکتاگون (Octagon) وایي.

9 – د پوښتنو ځوابونه:

- 1) مثلث، مربع، مستطیل، معین، شبه معین، ذوزنقه، منحرف، پنځه ضلعی، شپږ ضلعی، اووه ضلعی، اته ضلعی، ...، ته کثیر الاضلاع وایي.
- 2) متساوي الاضلاع مثلث، مربع، منظمه پنځه ضلعی، منظمه شپږ ضلعی آن تر هغه شمېره هندسي شکلونو پورې چې د مساوي ضلعو او زاویو لرونکي وي.
- 3) مستطیل یوه منظمه څو ضلعی نه ده، ځکه د هغې ضلعې سره مساوي نه دي.
– ذوزنقه منظمه څو ضلعی نه ده، ځکه د هغې ضلعې او زاوېې سره مساوي نه دي.
– معین منظمه څو ضلعی نه ده ځکه که څه هم د هغې ضلعې سره مساوي دي، مگر زاوېې یې سره مساوي نه دي.
- 4) نه، قایم الزاویه متساوي الساقین منظمه څو ضلعی نه ده، ځکه د مساوي ضلعو او زاویو لرونکي نه ده.
- 5) هو، متساوي الساقین مثلث منظمه څو ضلعی ده، ځکه درې واړه ضلعې یې یوه له بلې سره مساوي دي او د مساوي ضلعو په مقابل کې مساوي زاوېې واقع دي. نو زاوېې هم سره مساوي دي.
- 6) د مستطیل، مربع او دایرې د شکلونو څخه دایره څو ضلعی نه ده، مربع منظمه څو ضلعی ده او مستطیل یوه نامنظمه څو ضلعی ده.



5-7 د یوې مضلعې د داخلي زاویو مجموعه

د لوست وخت: (1 درسي ساعت)

د کتاب مخ: (133)

<p>هيله ده چې زده کونکي د لوست په پای کې لاندې موخوته ورسېږي:</p> <ul style="list-style-type: none"> • په دې پوه شي چې د مضلعو د داخلي زاویو مجموعه د هغوی د ضلعو په شمېرې پورې اړه لري یعنې هر څومره چې د ضلعو شمېر یې ډېر شي د هغې د داخلي زاویو مجموعه هم ډېرېږي. • د مقعرې او محدبې مضلع په توپیر پوه شي. • د یوې مضلع د داخلي زاویو د مجموعې د پیداکولو په فورمول پوه شي او د هغې په واسطه پوښتنې محاسبه کړای شي. • او د دې موضوع په پوهېدو، د ریاضي سره مینه پیدا کړي. 	<p>1- د زده کړې موخې:</p> <p>پوهنیزې</p> <p>مهارتي</p> <p>ذهنیتي</p>
<p>سؤال او ځواب، ډله ییز او یوکسیز کار</p>	<p>2- د زده کړې میتودونه:</p>
<p>د لوست کتاب، تخته، تباشیر، تخته پاک، هندسي بکسه او ورودي تصویر چارټ</p>	<p>3- درسي او مرستندویه توکي:</p>
<p>د لوست د پیل د مقدماتي فعالیت څخه وروسته د ورودي تصویر چارټ د ټولګي مخې ته خورند کړی، چې زده کوونکي د هغې په هکله فکر وکړي.</p> <p>څرنگه چې زاویې په شکل کې مشخصې شوې دي؛ نو یو تن دې په خپله خوښه راشي او د تختې پرمخ دې د زاویو مجموعه پیدا کړي. د فعالیت په پای کې لیدل کېږي چې مربع یوه څلور ضلعی ده او د زاویو مجموعه یې 360° کېږي؛ او د پنځه ضلعی د ضلعو مجموعه 540° کېږي، نو په پای کې زده کوونکو ته دا واضح ورکړئ چې د ضلعو د شمېر په زیاتېدو سره د یوې مضلعې د داخلي زاویو مجموعه هم زیاتېږي.</p>	<p>4- د ورودي برخې توضیح:</p> <p>(5) دقیقې</p>
<p>5- د لوست بهیر او فعالیتونه (28) دقیقې :</p> <p>- زده کوونکي په مناسبو ډلو وویشئ چې د کتاب د 133 مخ فعالیت په خپل منځي مشورو کې پای ته ورسوي. د فعالیت په پای کې د یوې ډلې استازي راوغواړئ چې خپل فعالیت نورته بیان کړي. که چیرې په فعالیت کې کومه ستونزه وه بیا د بلې ډلې استازي ته هدایت ورکړئ چې هغه اصلاح کړي.</p>	

- د کتاب د 133 مخ فعالیت زده کوونکو ته ورکړئ چې په خپلو کتابچو کې یې پای ته ورسوي، او یو زده کوونکي دې نوموړي فعالیت د تختې پرمخ وکاروي، بیا دې نوموړي فعالیت نورو ته د تختې پرمخ تشریح کړي. که په فعالیت کې کومه ستونزه وه ښوونکي دې مرسته وکړي او نور دې خپل فعالیت له هغه سره پرتله او اصلاح کړي.

6- د زده کړې تحکیم یا پوځوالی (7) دقیقې:

د لوست د تحکیم او پوځوالي لپاره د کتاب د 134 مخ مثال د زده کوونکو په ونډې اخیستلو سره د پوښتنو او ځوابونو په طریقې حل کړئ.

7- د درس د پایلې ارزونه (5) دقیقې:

د زده کوونو د لاسته را وړل شوې پوهې د ازروني لپاره ځان په لاندې پوښتنو ډاډه کړئ.

- 1) یو زده کوونکي دې ووايي چې مصلع کوم ډول هندسي شکل ته وایي؟
- 2) یو زده کوونکي دې ووايي چې د مقعرې او محدبې مصلع ترمینځ توپیر څه شي دي؟
- 3) یو زده کوونکي دې یوه کيفي پنځه ضلعی د تختې پرمخ رسم کړي بیا دې د نقالي په واسطه د هغې د داخلي زاویو مجموعه پیدا کړي.
- 4) یو زده کوونکي دې د فورمول په مرسته د رسم شوې پنځه ضلعی د داخلي زاویو مجموعه پیدا کړي او بیا دې څرگنده او پرتله کړي چې آیا د لومړي او دویم زده کوونکي حلونه د ښوونکي له حل سره یوشي او یا تقریبي نژدې دي؟

8- د ښوونکي لپاره اضافي معلومات:

که چېرې د مصلع د اضلاعو شمېر معلوم وي. کولای شو چې ددې $S = (n-2) \times 180^\circ$ فورمول په مرسته د هغې د داخلي زاویو مجموعه په لاس راوړو او همدا رنگه د نوموړي فورمول په مرسته کولای شو چې د n ضلعو د پیدا کولو لپاره هم گټه واخلو د مثال په ډول:

که چېرې د یوې مصلع د داخلي زاویو مجموعه 1080° وي د هغې د ضلعو شمېر په لاندې ډول پیدا کړي:

$$S = (n-2) \times 180^\circ$$

$$1080^\circ = (n-2) \times 180^\circ$$

د معادلې اطراف په 180° وېشو.

$$\frac{1080}{180} = \frac{(n-2) \times \cancel{180}}{\cancel{180}}$$

6

~~54~~

$$n-2 = \frac{108}{18} = 6 \Rightarrow n = 6+2 = 8$$

1

ځواب : 8 ضلعی.

که د داخلي زاویو مجموعه 1080° وي د هغې د اضلاعو شمېر به اته وي.

9- د پوښتنو ځوابونه:

- 1 د (a) شکل یوه مقعره څو ضلعی ده ځکه د یوې ضلع امتداد یې، مضلع په داخل کې قطع کوي.
 د (b) شکل یوه محدبه څو ضلعی ده، ځکه د یوې ضلعې امتداد یې، مضلع په داخل کې نه قطع کوي.
 د (c) شکل یوه محدبه څو ضلعی ده، ځکه د ضلعې امتداد یې، مضلع په داخل کې نه قطع کوي.
 د (d) شکل یوه مقعره څو ضلعی ده، ځکه د یوې ضلعې امتداد یې مضلع په داخل کې قطع کوي.

2 د $S = (n-2) \times 180^\circ$ فورمول څخه گټه اخلو.

$$S = (n-2) \times 180^\circ$$

$$S = (12-2) \times 180^\circ = 10 \times 180^\circ = 1800^\circ$$

(3)

$$S = (n-2) \times 180^\circ$$

$$S = (8-2) \times 180^\circ = 6 \times 180^\circ = 1080^\circ$$

12

$$1080 \div 90 = \frac{1080}{90} = 12$$

1

د یوې اته ضلعې مضلعې د داخلي زاویو مجموعه، د قایمې زاوېې 12 برابره ده.

$$= (3-2) \times 180^\circ = 1 \times 180^\circ = 180^\circ \quad \text{د مثلث د داخلي زاویو مجموعه}$$

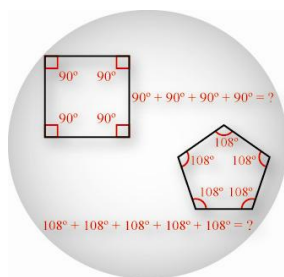
(4)

$$= (4-2) \times 180^\circ = 2 \times 180^\circ = 360^\circ \quad \text{د مربع د داخلي زاویو مجموعه}$$

$$= (4-2) \times 180^\circ = 2 \times 180^\circ = 360^\circ \quad \text{د مستطیل د داخلي زاویو مجموعه}$$

$$= (20-2) \times 180^\circ = 18 \times 180^\circ = 3240^\circ \quad \text{د 20 ضلعې د داخلي زاویو مجموع}$$

5-8 دیوې مضلعې د بهرنیو زاویو مجموعه



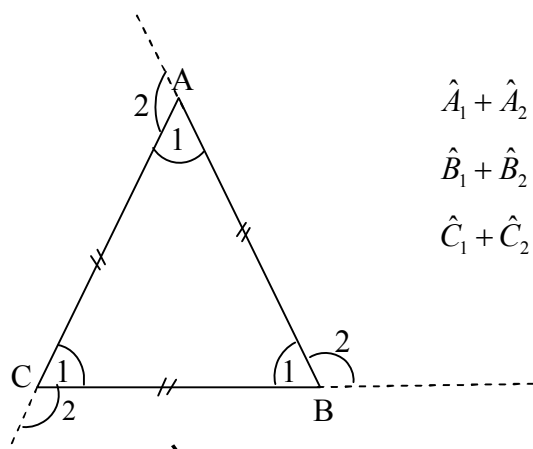
د لوست وخت: (درسي ساعت)

د کتاب مخ: (135)

<p>1- د زده کړې موخې:</p> <p>پوهنيزې مهارتي ذهني</p> <p>هيله ده چې زده کونکي د لوست په پای کې لاندې موخوته ورسېږي:</p> <ul style="list-style-type: none"> • د يوه مثلث باندنۍ زاوې وپېژني. • د يوې مضلعې د خارجي زاويو مجموعه پيدا کړای شي. • په دې پوه شي چې د يوې مضلع د خارجي زاويو مجموعه 360 ده. • د نوموړې موضوع په پوهېدوسره د خوښۍ احساس وکړي. 	
<p>2- د زده کړې میتودونه:</p> <p>سؤال او ځواب، ډله ییز او یوکسیز کار</p>	
<p>3- درسي او مرستندویه توکي:</p> <p>دلوست کتاب، تخته، تباشیر، تخته پاک، هندسي بکسه او وړودي تصویر چارټ</p>	
<p>4- د وړودي برخې توضیح:</p> <p>(5) دقیقې</p> <p>دلوست د پیل د مقدماتي فعالیت څخه وروسته د وړودي تصویر چارټ د ټولگي مخې ته ځوړند او له زده کوونکو څخه وړودي پوښتنه وکړئ.</p> <p>څرنگه چې زده کوونکي د مثلث په بحث کې له باندینو زاویو سره آشنا شوي دي کیدای شي چې د وړودي تصویر په لیدو سره د 5 ضلعی د زاویو مجموعه پيدا کړای شي دغه پوښتنه په یوه زده کوونکي حل کړئ.</p>	
<p>5- دلوست بهیر او فعالیتونه (28) دقیقې :</p> <p>- زده کوونکي په مناسبو ډلو وویشئ چې د کتاب د 135 مخ فعالیت په خپل منځي مشوروکې حل کړي. د دغه فعالیت له بهیر څخه څارنه وکړئ. فعاله ډله و ستایئ او له ضعیفو سره مرسته وکړئ. په پای کې د ډلې یو استازې راوغواړئ چې دخپلې ډلې په استازي توب دخپلې ډلې فعالیت نوروته بیان کړي. که چېرې دحل په بهیر کې څه ستونزه موجوده وه ښوونکي دې مرسته وکړي. د کتاب 136 مخ لومړي مثال د زده کوونکو په مرسته (سؤال او ځواب) په طریقه حل کړئ.</p>	
<p>6- د زده کړې تحکیم یا پوځوالی (7) دقیقې:</p> <p>- د تحکیم او پوځوالي لپاره د کتاب 136 مخ مثال زده کوونکو ته ورکړئ چې په خپلو کتابچو کې یې پرته د کتاب د لېدو څخه حل کړي او په همدغه وخت دې نوموړي مثال یو زده کوونکي ته هم ورکړئ چې د تختې پرمخ یې حل کړي. د فعالیت په پای کې که څه ستونزه موجوده وه، ښوونکي او یابل زده کوونکي دې د هغه تېروتنه سمه کړي.</p>	
<p>7- د درس د پایلې ارزونه (5) دقیقې :</p> <p>- کولای شئ چې د زده کوونکو د پوهې د لاسته راوړلو نتیجه او د هغې د ارزونې په هکله لاندې پوښتنې په پام کې ونیسئ:</p> <p>(1) یو زده کوونکي دې ووايي چې په یوې مضلعې کې کومو زاویو ته بهرنۍ زاوې وایي؟</p> <p>(2) یو زده کوونکي دې ووايي چې د یوې مضلع د اضلاعو شمېره دهغې د باندینو زاویو د مجموعې سره څه اړیکه لري؟</p>	

3) یو زده کوونکي دې د تختې پرمخ یو مستطیل رسم کړي او د هغې د باندنیو زاویو مجموعه دې د هغې د داخلي زاویو د مجموعې سره پرتله او محاسبه کړي.

8- د تمرین د سوالونو ځوابونه:



$$\hat{A}_1 + \hat{A}_2 = 180^\circ$$

$$\hat{B}_1 + \hat{B}_2 = 180^\circ$$

$$\hat{C}_1 + \hat{C}_2 = 180^\circ$$

$$\hat{A}_1 + \hat{A}_2 + \hat{B}_1 + \hat{B}_2 + \hat{C}_1 + \hat{C}_2 = 180^\circ + 180^\circ + 180^\circ$$

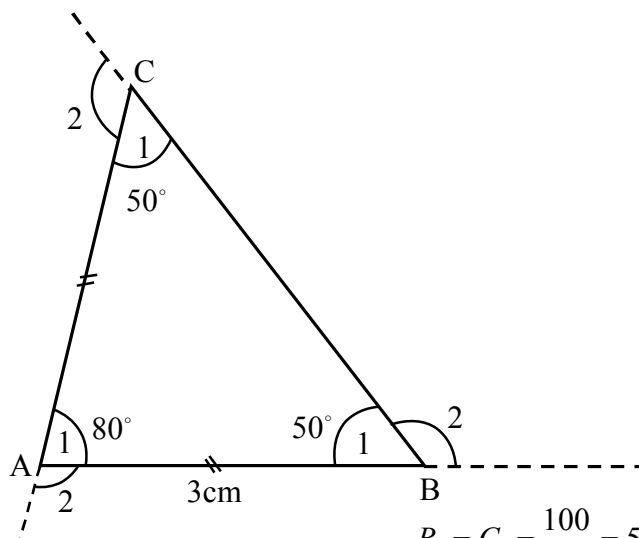
$$(\hat{A}_1 + \hat{B}_1 + \hat{C}_1) + (\hat{A}_2 + \hat{B}_2 + \hat{C}_2) = 540^\circ$$

$$\hat{A}_1 + \hat{B}_1 + \hat{C}_1 = 180^\circ$$

$$\hat{A}_2 + \hat{B}_2 + \hat{C}_2 = 540^\circ - 180^\circ$$

$$\hat{A}_2 + \hat{B}_2 + \hat{C}_2 = 360^\circ$$

-2



$$\hat{A}_1 + \hat{A}_2 = 180^\circ$$

$$\hat{A}_1 = 80^\circ$$

$$\hat{A}_2 = 180^\circ - 80^\circ$$

$$\hat{A}_2 = 100^\circ$$

څرنګه چې مثلث متساوي الساقين دی، نو ځکه $B_1 = C_1 = \frac{100}{2} = 50^\circ$

$$A_1 + B_1 + C_1 = 180^\circ$$

$$A_1 = 80^\circ$$

$$B_1 + C_1 = 100^\circ$$

$$B_1 = C_1 \Rightarrow \frac{100^\circ}{2} = 50^\circ$$

$$\hat{B}_1 + \hat{B}_2 = 180^\circ$$

$$50^\circ + \hat{B}_2 = 180^\circ \Rightarrow \hat{B}_2 = 180^\circ - 50^\circ, \boxed{\hat{B}_2 = 130^\circ}$$

$$\hat{C}_1 + \hat{C}_2 = 180^\circ$$

$$50^\circ + \hat{C}_2 = 180^\circ \Rightarrow \hat{C}_2 = 180^\circ - 50^\circ, \boxed{\hat{C}_2 = 130^\circ}$$

د مثلث د باندنیو زاویو مجموعه مساوي ده $A_2 + B_2 + C_2 = 100^\circ + 130^\circ + 130^\circ = 360^\circ$

$$(3) \quad \text{د هرې 10 ضلعي داخلي زاويې} \quad = (n-2) \times 180^\circ = (10-2) \times 180^\circ = 8 \times 180^\circ = 1440^\circ$$

$$\text{د هرې 10 ضلعي داخلي زاويه} \quad = 1440^\circ \div 10 = 144^\circ$$

څرنگه چې د يوې مستقيمې کرښې يوه اړخ ته د داخلي او خارجي زاويو مجموعه 180° ده، نو:

$$180^\circ - 144^\circ = 36^\circ \quad \text{د يوې باندنيو زاويې پراخوالي (وسعت)}$$

$$\text{د منظمې 10 ضلعي د بهرنيو زاويو مجموعه} \quad = 10 \times 36^\circ = 360^\circ$$

(4)

$$\hat{A}_1 + \hat{A}_2 = 180^\circ$$

$$\hat{B}_1 + \hat{B}_2 = 180^\circ$$

$$\hat{A}_1 = 90^\circ$$

$$\hat{B}_1 = 90^\circ$$

$$\hat{A}_2 = 180^\circ - 90^\circ = 90^\circ$$

$$\hat{B}_2 = 180^\circ - 90^\circ = 90^\circ$$

$$\hat{C}_1 + \hat{C}_2 = 180^\circ$$

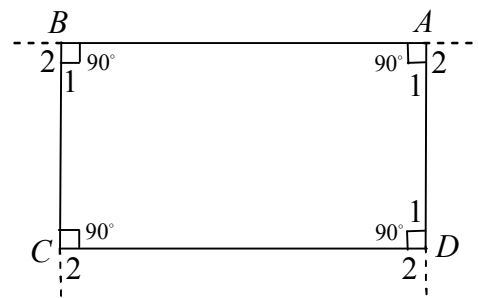
$$\hat{D}_1 + \hat{D}_2 = 180^\circ$$

$$\hat{C}_1 = 90^\circ$$

$$\hat{D}_1 = 90^\circ$$

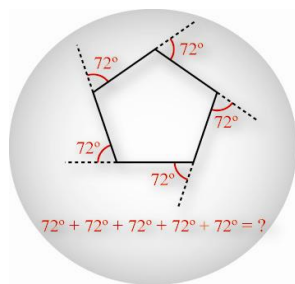
$$\hat{C}_2 = 180^\circ - 90^\circ = 90^\circ$$

$$\hat{D}_2 = 180^\circ - 90^\circ = 90^\circ$$



$$\text{د مستطیل د باندنيو زاويو مجموعه} \quad = \hat{A}_2 + \hat{B}_2 + \hat{C}_2 + \hat{D}_2 = 90^\circ + 90^\circ + 90^\circ + 90^\circ = 360^\circ$$

5-9 انطباق منونکي شکلونه



د لوست وخت: (1 درسي ساعت)

د کتاب مخ: (137)

<ul style="list-style-type: none"> • هیله ده چې زده کونکي د لوست په پای کې لاندې موخونه ورسپړي: • د انطباق په مفهوم پوه شي او انطباق منونکي شکلونه وپېژني. <p>په ورځني ژوند کې لکه ترکانې، ټټاري (حلبې سازي) مس گري او داسې نورو توکو او شکلونو په جوړولو کې د انطباق کولو له پوهې څخه ګټه او خوند واخلي.</p>	<p>1- د زده کړې موخې:</p> <ul style="list-style-type: none"> - پوهنیزې - مهارتي - ذهني
<p>سؤال او ځواب، ډله ییز او یوکسیز کار</p>	<p>2- د زده کړې میتودونه:</p>
<p>د لوست کتاب، تخته، تباشیر، تخته پاک، هندسي بکسه، بیاتي، ورودي تصویر چارټ، د لومړي مثال اړوند چارټ.</p>	<p>3- درسي او مرستندویه توکي:</p>
<p>د لوست د مقدماتي فعالیت له پیل څخه وروسته د ورودي تصویر چارټ د ټولګي مخې ته ځوړند کړئ او د انگیزې د پیدا کېدو په موخه له زده کوونکو څخه ورودي پوښتنه وکړئ، چې د حل په هکله یې فکر وکړي. وروسته د لږ ځنډ څخه باید وویل شي چې د قلف د خلاصېدو سبب، د کلي پېړوالي، اوږدوالي او د غاښونو یو ډول-والی دي. نه د هغې رنګ؛ ځکه د کلي او قلف د انطباق کېدو مسئله ده؛ نو د ج د جز ځواب سم دي.</p>	<p>4- د ورودي برخې توضیح:</p> <p>(5) دقیقې</p>
<p>5- د لوست بهیر او فعالیتونه (28) دقیقې:</p> <p>زده کوونکي په څو مناسبو ډلو وویشئ چې د کتاب د 137 مخ فعالیت سر ته ورسوي، بیا دې یو زده کوونکی د خپلې ډلې په استازیتوب خپل سر ته رسېدلی فعالیت نورو ته په تقریري ډول بیان کړي.</p> <p>- د (1) مثال په اړوند چارټ د ټولګي مخې ته ځوړند بیا یوه زده کوونکي ته بلنه ورکړئ چې د ټولګي مخې ته را شي خپلو ملګرو ته انطباق منونکي شکلونه او د هغوي د انطباق دلایل وړاندې کړي.</p>	
<p>6- د زده کړې تحکیم یا پوځوالی (7) دقیقې:</p> <p>د لوست د تحکیم او پوځوالي لپاره یو زده کوونکی راوغواړئ چې د تختې پر مخ د کتاب د 137 دویم مثال حل کړي. د حل له بهیر څخه څارنه او هم په حل کې مرسته وکړئ.</p>	
<p>7- د درس د پایلې ارزونه (5) دقیقې:</p> <p>د زده کوونکو د لاسته راوړل شوې پوهې د ارزونې لپاره ځان په لاندې پوښتنو ډاډه کړئ:</p> <p>1) د یوه زده کوونکي څخه پوښتنه وکړئ چې انطباق څه مفهوم لري؟</p> <p>2) یو زده کوونکي دې د دوه انطباق منونکو شیانو نوم واخلي.</p> <p>3) یوه زده کوونکي دې د تختې پر مخ دوه منطبق کېدونکې دایرې رسم کړي.</p>	

8- د ښوونکي لپاره اضافي معلومات:

- برسېره په شکلونو نور انطباق منونکي شيان هم شته د مثال په ډول پيالې، گېلاسونه، بشقابونه، غوريان او همدارنگه د عين درجن په څېر نور شيان هم انطباق منونکي دي.
دوه دايرې هغه وخت انطباق منونکي دي چې د هغوي شعاعگانې سره مساوي وي.

9- د تمرين د سوالونو ځوابونه :

- 1 (دوه مربعې چې د هغوي ضلعي سره مساوي وي د تختې پرمخ رسم کړئ.
- 2 (د لوزي ضلعي او د لوزي د ضلعو مجاورې زاوېې اندازه کوو، که چېرې سره مساوي وي نو دغه لوزي گانې يو پر بل انطباق منومنکې دي.
- 3 (دوه مثلثونه داسې رسم کړئ چې د هغوي ضلعي او زاوېې سره مساوي وي، بيا به دغه دواړه مثلثونه انطباق منونکې وي.
- 4 (د 4cm په شعاع راکړل شوې دايره په نظر کې نيسو بياپه همدغه شعاع يوه بله دايره رسموو، نو دغه دواړه دايرې به سره انطباق منوونکي وي.



5-10 ددوه مثلثونو انطباق منل په داسې حالت کې چې د هغوی دوه ضلعي او ضلعو ترمنځ زاویه یې سره مساوي وي

د کتاب مخ: (139) د لوست وخت: (1 درسي ساعت)

<p>1- د زده کړې موخې:</p> <p>پوهنیزې</p> <p>مهارتي</p> <p>ذهنيتي</p>	<p>هيله ده چې زده کونکي د لوست په پای کې لاندې موخوته ورسېږي:</p> <ul style="list-style-type: none"> په دې پوه شي که چېرې په دوه مثلثونو کې دوه ضلعي او ددوی ترمنځ زاویه سره مساوي وي، مثلثونه انطباق منونکي دي. د نوموړو شرایطو لاندې ددوه مثلثونو انطباق منل ثابت کړای شي. په ژوندانه کې د نوموړو شرایطو لاندې د دوه انطباق لرونکو مثلثونو څخه ګټه واخلي.
<p>2- د زده کړې میتودونه:</p>	<p>سؤال او ځواب، ډله ییز او یوکسیز کار</p>
<p>3- درسي او مرستندویه توکي:</p>	<p>دلوست کتاب، تخته، تباشیر، تخته پاک، هندسي بکسه، بیاتي، او د ورودي شکلونو چارټ</p>
<p>4- د ورودي برخې توضیح:</p> <p>(5) دقیقې</p>	<p>- د لوست د پیل د مقدماتي فعالیت څخه وروسته د ورودي تصویر چارټ د ټولګي مخې ته ځړند او د انګیزې د تولید په موخه د ورودي پوښتنې سره د زده کوونکو پام لوست ته راواړوي، څرنگه چې پوښتنه ساده ده ممکن دوي ووايي چې هو موږ یې کولای شو. چې دغه د باغچې په ډول شکلونه په بیاتي قطع کړو او پر یوبل یې کېږدو، بیا ویلي شو چې دغه شکلونه پر یوبل د منطبق کیدلو وړ دي او که څنګه؟</p>
<p>5- دلوست بهیر او فعالیتونه (28) دقیقې:</p>	<p>په مناسبو ډلو زده کوونکي وویشی چې د کتاب د 139 مخ فعالیت د یوبل په مشورو پای ته ورسوي.</p> <p>په پای کې یو زده کوونکي راوغواړئ چې خپل سرته رسولی فعالیت نورو ته بیان کړي که چېرې کومه تېروتنه موجوده وه بیا یوزده کوونکي راوغواړئ چې په خپله خوښه راشي او دغه شوې اشتباه اصلاح کړي.</p>
<p>6- د زده کړې تحکیم یا پوځوالی (7) دقیقې:</p>	<p>ښوونکې دې دویم مثال د پوښتنو او ځوابونو په شکل د زده کوونکو په ونډه اخیستنه حل کړي.</p>
<p>7- ارزونه (5) دقیقې:</p>	<p>دلوست د پوهې د ارزونې او ډاډ لپاره لاندې پوښتنې له زده کوونکو څخه وکړئ:</p> <p>1) د یوه زده کوونکي څخه پوښتنه وکړئ چې دوه متساوي الساقین مثلثونه د کومو شرایطو په درلودو سره انطباق منونکي دي؟</p> <p>2) یو زده کوونکی دې ووايي چې د کومو دلایلو په صورت کې دوه متساوي الساقین مثلثونه د انطباق وړ دي؟</p>

3) یو زده کوونکي دې ووايي چې د هندسي شکلونو د انطباق څخه په کومو برخو کې کار اخیستل کېږي؟

4) یو زده کوونکي دې دوه انطباق منونکي مثلثونه د تختې پرمخ رسم کړي.

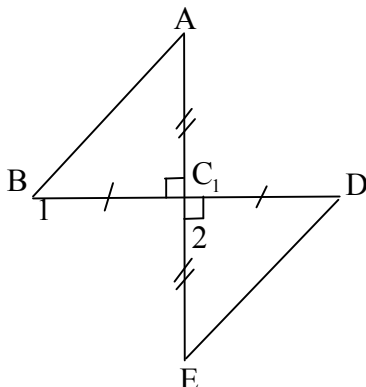
7- د پوښتنو ځوابونه :

1) $\triangle ABC$ او $\triangle CDE$ په دوه مثلثونو کې لرو.

$\overline{AC} = \overline{CE}$ د تنصیف له پلوه

$\overline{BC} = \overline{CD}$ د تنصیف له پلوه

$\hat{C}_1 = \hat{C}_2$ د عمود له مخې



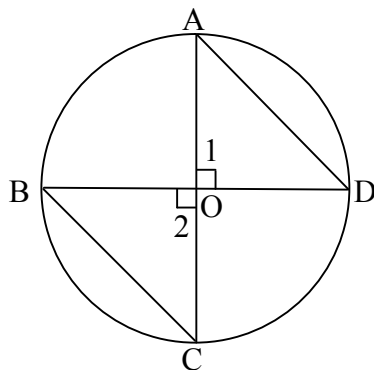
څرنگه چې په دواړو نوموړو مثلثونو کې دوه ضلعې او د هغوي ترمنځه زاویه مساوي ده؛ نو هغوي انطباق منوونکي دي.

2) په دوه $\triangle AOD$ او $\triangle BOC$ مثلثونو کې لیدل کېږي چې:

$\overline{AO} = \overline{OC}$ د دایرې د شعاع له پلوه

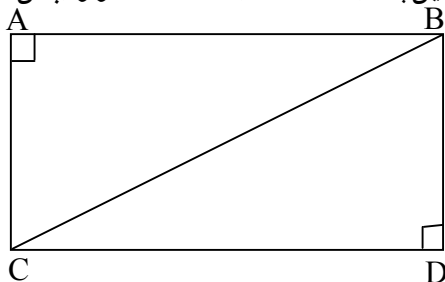
$\overline{BO} = \overline{OD}$ د دایرې د شعاع له پلوه

د قایم (90°) له پلوه $\hat{O}_1 = \hat{O}_2$



څرنگه چې په دوه نوموړو مثلثونو کې دوه ضلعې او د هغوي ترمنځه زاویه مساوي ده؛ نو دغه دواړه مثلثونه د انطباق وړ دي.

3) په $ABCD$ مستطیل کې د BC د قطر په رسمولو، مستطیل په دوه $\triangle ABC$ او $\triangle BCD$ مثلثونو وېشل کېږي.



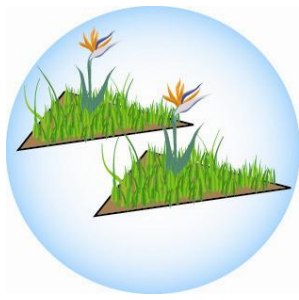
د قایمې زاوېې $\hat{A} = \hat{D}$

$\overline{AC} = \overline{BD}$ په مستطیل کې دوه مساوي مقابل ضلعې (د ترسیم له مخې)

$\overline{AB} = \overline{CD}$ د ترسیم له مخې (د مستطیل مقابلي ضلعې)

څرنگه چې د مثلثونو د انطباق د شرایطو له مخې، په نوموړو مثلثونو کې چې دوه ضلعې او د هغوي ترمنځه زاویه مساوي ده؛ نو

هغه منطبق کېدونکي دي؛ یعنې: $\triangle ABC \cong \triangle BCD$



5-11 د دوه مثلثونو انطباق منل د دوه زاویو

او د هغوي ترمنځه ضلعي له پلوه

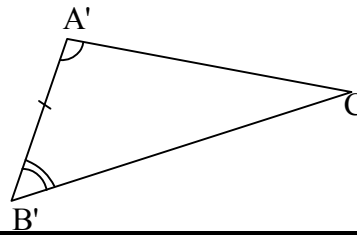
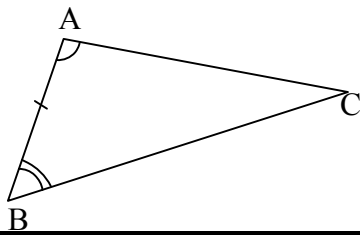
د کتاب مخ: (141) د لوست وخت: (درسي ساعت)

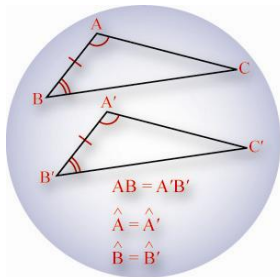
<p>1- د زده کړې موخې:</p> <p>پوهنيزې مهارتي ذهني</p>	<p>- هيله ده چې زده کوونکي د لوست په پای کې لاندې موخوته ورسېږي:</p> <ul style="list-style-type: none"> • په دې پوه شي که چېرې په دوه مثلثونو کې دوه زاوې او د هغوي ترمنځ ضلع سره مساوي وي، مثلثونه انطباق منونکي دي. • وکولای شي چې نوموړې پوهه په اړوندو مسایلو کې په کار یوړلای شي. • په ژوند کې د نوموړې پوهې په عملي کېدو د هندسې د علم سره مینه پیدا کړي.
<p>2- د زده کړې میتودونه:</p>	<p>سؤال او ځواب، یوکسیر اوډله ییز کار</p>
<p>3- درسي او مرستندویه توکي:</p>	<p>- د لوست کتاب، تخته، تباشیر، تخته پاک، هندسي بکسه، بیاتي (دقیقي)، د ورودي تصویر چارټ، پاک او شفاف کاغذ او یا کاربوني کاغذ.</p>
<p>4- د ورودي برخې توضیح:</p> <p>(5) دقیقې</p>	<p>د لوست د پیل د مقدماتي فعالیت څخه وروسته ورودي تصویر چارټ د ټولګي مخې ته ځوړند او له زده کوونکو څخه ورودي پوښتنه وکړئ، چې د انگیزې په ډول د هغوي پام لوست ته راواړوئ.</p>
<p>5- د لوست بهیر او فعالیتونه (28) دقیقې :</p> <p>- د کتاب (141) مخ فعالیت زده کوونکو ته ورکړئ چې په مناسبو ډلو کې یې پای ته ورسوي. فعال زده کوونکي وستایئ او له ضعیفو سره مرسته وکړئ د فعالیت په پای کې د یوې ډلې استازي را وغواړئ چې د خپلې ډلې کارول شوې فعالیت نورو ته بیان کړي چې په حقیقت کې د دغه فعالیت نتيجه د ورودي پوښتنې ځواب دي.</p> <p>- لومړي مثال د زده کوونکو په ونډې اخستو سره د تختې پرمخ حل کړئ.</p>	
<p>6- د زده کړې تحکیم یا پوخوالی (7) دقیقې:</p> <p>ښوونکي دې د 142 مخ لومړی پوښتنه د زده کوونکو په ونډه اخیستنه حل کړي.</p>	
<p>7- ارزونه (5) دقیقې:</p> <p>- د ارزونې او درې د ډاډ لپاره لاندې پوښتنې وکړئ:</p> <p>1) د یوه زده کوونکي څخه پوښتنه وکړئ چې څه وخت دوه مثلثونه منطبق کیدای شي ؟</p> <p>2) د بل زده کوونکي څخه وغواړئ چې د دوه انطباق منونکو مثلثونو شرطونه بیان کړي.</p> <p>3) یو زده کوونکي دې ووايي چې کوم ډول کسب لرونکی خلک په ورځني ژوند کې د انطباق منونکو شکلونو څخه ډېره ګټه اخلي.</p> <p>4) یو زده کوونکي دې د ABC مثلث د $\overline{AB} = 8\text{cm}$ ضلعي او د $\hat{A} = 45^\circ$ ، او د $\hat{B} = 40^\circ$ زاویو په درلودلو سره او</p>	

همدارنگه د $A'B'C'$ بل مثلث دې د $A' = 45^\circ$ او $\hat{B}' = 30^\circ$ زاویو او د $A'B' = 8\text{cm}$ ضلعې په اوږدو سره د تختې پرمخ رسم کړي.

7- د پوښتنو ځوابونه :

- 1- د دوه قايم الزاويه متساوي الساقين مثلثونو لپاره د انطباق بل شرط د هغوي وترونه دي.
- 2 (څرنگه چې په لاندې مثلثونوکې د انطباق کېدو شرايط سم دي يعنې دوه زاوېې او د هغوي ترمنځ يوه ضلع سره مساوي ده. $(A'B' = AB, \hat{A} = A', \hat{B} = \hat{B}')$ نو نوموړي مثلثونه انطباق منونکي دي.





5-12 د درې مساوي ضلعوله پلوه د مثلثونو انطباق منل

د لوست وخت: (1 درسي ساعت)

د کتاب مخ: (143)

<p>1- د زده کړې موخې:</p> <p>پوهنيزې مهارتي ذهني</p> <p>- هيله ده چې زده کوونکي د لوست په پای کې لاندې موخوته ورسېږي:</p> <ul style="list-style-type: none"> • په دې بايد پوه شي که چېرې د دوه مثلثونو درې ضلعي سره مساوي وي دغه دوه مثلثونه سره منطبق کېدونکي دي. • د انطباق منونکي خاصيت څخه په خپل ځای کې گټه واخلي. <p>د موضوع په اهميت پوه شي او په ورځني ژوند ترې گټه واخلي.</p>	
<p>2- د زده کړې میتودونه:</p> <p>سؤال او ځواب، یوکسیر اوډله ئیز کار</p>	
<p>3- درسي او مرستندویه توکي:</p> <p>دلوست کتاب، تخته، تباشیر، تخته پاک، د ورودي تصویر چارټ، هندسي بکسه، کاربوني کاغذ، یا شفاف او نري کاغذ</p>	
<p>4- د ورودي برخې توضیح:</p> <p>(5) دقیقې</p> <p>- د لوست د پیل د مقدماتي فعالیت څخه وروسته د ورودي تصویر چارټ د ټولگي مخې ته ځوړند کړئ او زده کوونکو ته ورودي پوښتنه ورکړئ چې د مثلثونو د اړیکو ترمنځ فکر وکړي.</p>	
<p>5- دلوست بهیر او فعالیتونه (28) دقیقې :</p> <p>- زده کوونکي په څومناسبو ډلو وویشی چې د کتاب د 143 مخ فعالیت په خپل منځي مشوروکې پای ته ورسوي او په دې ترتیب د ورودي پوښتنې ځواب لاسته راوړي.</p> <p>- په ټولگي کې د کتاب د 144 مخ 1 مثال د پوښتنو او ځوابونو په طریقې حل کړئ.</p>	
<p>6- د زده کړې تحکیم یا پوځوالی (7) دقیقې:</p> <p>- د لوست د تحکیم او پوځوالي لپاره د کتاب د 144 مخ 2 مثال د زده کوونو په ونډې سره حل کړئ.</p>	
<p>7- د لوست د پایلې ارزونه (5) دقیقې:</p> <p>- د ډاډ او ارزونې لپاره لاندې پوښتنې د زده کوونکو څخه وکړئ:</p> <p>1) یو زده کوونکې دې ووايي چې د درې ضلعوله پلوه انطباق منل څه مفهوم لري ؟</p> <p>2) یو زده کوونکې دې ووايي که چېرې د ABC په مثلث کې :</p> $\begin{cases} AB = 4cm \\ BC = 6cm \\ AC = 8cm \end{cases}$	

او د $A'B'C$ په مثلث کې:

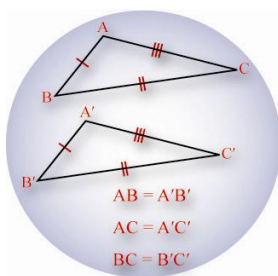
$$\begin{cases} A'B' = 40mm \\ B'C' = 60mm \\ A'C' = 80mm \end{cases}$$

آيا نوموړي مثلثونه انطباق منونکي دي؟

8- د پوښتنو ځوابونه:

1) څرنگه چې د بل مثلث د دوه ضلعو مجموعه $10cm$ ده او د راکړل شوې مثلث ضلعي $5cm$ ، $7cm$ او $3cm$ دي، او د دوه ضلعو مجموعه يې $3cm + 7cm = 10cm$ کېږي، نو د بل مثلث دريمه ضلعه بايد $5cm$ وي ترڅود لومړي مثلث سره انطباق منونکی وي.

2) د ABC راکړل شوې مثلث د زاوېې او ضلعي له پلوه اندازه کوو، بيا په همدغه اندازه ضلعو او زاوېو، يو بل مثلث رسموو چې په نتيجه کې به دواړه مثلثونه انطباق منونکي وي، ځکه د دوه مثلثونو درې ضلعي يا درې زاوېې مساوي وي، نو هغه مثلثونه انطباق منونکي دي.



5-13 د دوه قايم الزاويه مثلثونو د انطباق حالت چې د هغوی وتر او

يوه حاده زاويه مساوي وي

د لوست وخت: (1 درسي ساعت)

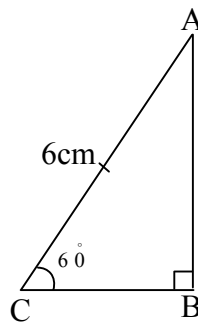
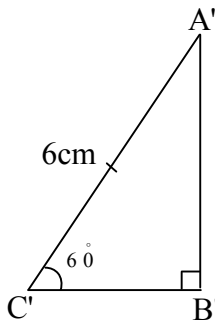
د کتاب مخ: (145)

<p>1- د زده کړې موخې:</p> <p>پوهنيزې مهارتي ذهني</p> <p>- هيله ده چې زده کوونکي د لوست په پای کې لاندې موخوته ورسېږي:</p> <ul style="list-style-type: none"> • په دې پوه شي که چېرې په دوه قايم الزاويه مثلثونو کې د هغوي وتر او يوه حاده زاويه مساوي وي هغه دواړه مثلثونه انطباق منونکي دي. • په دې پوه شي چې د مثلث د قايمې زاوې په مقابل کې د مثلث وتر پروت وي. • دوه قايم الزاويه مثلثونه چې د هغوی وتر او يوه حاده الزاويه سره مساوي وي منطبق کېدونکي دي. 	
<p>2- د زده کړې میتودونه:</p> <p>سؤال او ځواب، یوکسیر، اوډله نيزکار</p>	
<p>3- درسي او مرستندويه توکي:</p> <p>دلوست کتاب، تخته، تباشیر، تخته پاک، هندسي بکسه، نري شفاف کاغذ او یا کار بوني کاغذ او دورودي تصویر چارټ</p>	
<p>4- د ورودي برخې توضیح:</p> <p>(5) دقیقې</p> <p>- د لوست د پیل د مقدماتي فعالیت څخه وروسته د ورودي تصویر چارټ د ټولګي مخې ته ځوړند او د انگیزې د پیدا کېدو لپاره ورودي پوښتنه وکړې چې د هغې په هکله فکر وکړي.</p>	
<p>5- دلوست بهیر او فعالیتونه (28) دقیقې:</p> <p>- زده کوونکي په مناسبو ډلو وویشل چې په خپل منځي مشورې د کتاب د 145 فعالیت پای ته ورسوي.</p> <p>د زده کوونکو ډله ییز کار څخه څارنه وکړې تکره او فعاله ډله وستایي او د ضعیفو ډلو سره مرسته وکړې، د فعالیت په پای کې د ډلې استازي راوغوړې چې د خپلې ډلې کار نوروته بیان کړي او بیا سر ته رسېدلي فعالیت د یو بل سره پرتله او سم کړي د نوموړي ډلې پای ته رسېدلي فعالیت د ورودي پوښتنې ځواب دي.</p> <p>د کتاب لومړي مثال د زده کوونکو په ونډې اخستو سره د پوښتنو او ځوابونو په طریقې حل کړی.</p>	
<p>6- د زده کړې تحکیم یا پوځوالی (7) دقیقې:</p> <p>د لوست د تحکیم او پوځوالي لپاره د کتاب د 146 مخ 2 مثال د زده کوونکو په ونډې اخستو سره د تختې پرمخ د پوښتنو او ځوابونو په طریقې حل کړی.</p>	
<p>7- د درس د پایلې ارزونه (5) دقیقې:</p> <p>د زده کوونکو د لاسته راوړل شوې پوهې دارزوني لپاره لاندې پوښتنې وکړې:</p> <p>1) یو زده کوونکې دې دوه قايم الزاويه مثلثونه چې د مساوي وتر او د یوې مساوي حاده زاوې لرونکي وي د تختې پرمخ رسم کړي.</p>	

2) یو زده کوونکي دې دوه د ABC او $A'B'C'$ قایم الزاویه مثلثونه چې په هغوی کې $\hat{A}' = \hat{A} = 30^\circ$ او $AC = A'C' = 20\text{cm}$ لرونکی وي ترسیم او ثبوت کړئ چې نوموړي مثلثونه انطباق منونکي دي.

8- د تمرین د سوالونو ځوابونه:

(1)



ثبوت: د ترسیم له مخې $\overline{AC} = \overline{A'C'} = 6\text{cm}$

د ترسیم له مخې $\hat{C} = \hat{C}' = 60^\circ$

د ترسیم له پلوه $\hat{B} = \hat{B}' = 90^\circ$

څرنگه چې وترونه د قایمو زاویو په مقابل کې پراته دي نو له دې کبله $B = B' = 90^\circ$ د عین وتر مقابل لورې ته واقع دي، نو

ویلي شو چې نوموړي مثلثونه انطباق منونکي دي، یعنې $\triangle ABC \cong \triangle A'B'C'$

2) څرنگه چې مربع څلور قایمې زاوېې (90°) لري او د BC

قطر د B او C د زاویو ناصف الزاویه دي نو ځکه هره زاویه په دوه مساوي زاویو

چې هره یوه یې 45° ده ویشي، چې له دې سببه:

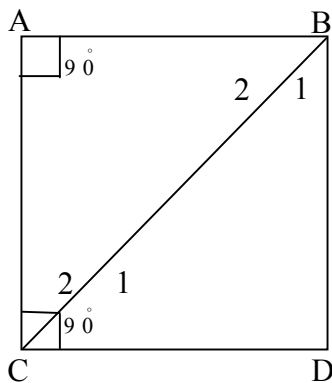
حاده زاویه $\hat{B}_1 = \hat{B}_2 = 45^\circ$

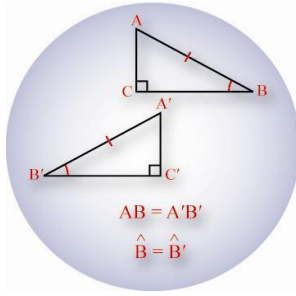
$$\hat{C}_1 = \hat{C}_2$$

په دواړو کې مشترک وتر $\overline{BC} = \overline{BC}$

نو نوموړي مثلثونه انطباق منونکي دي. یعنې

$$\triangle ABC \cong \triangle CBD$$





5-14 د هغه قاييم الزاويه مثلثونو د انطباق منې حالت چې وتر او

يوه قاييمه ضلعه يې مساوي وي

د کتاب مخ: (147) د لوست وخت: (درسي ساعت)

<p>1- د زده کړې موخې:</p> <p>پوهنيزې مهارتي ذهني</p>	<p>هيله ده چې د لوست په پای کې زده کوونکي لاندې موخوته ورسېږي:</p> <ul style="list-style-type: none"> په دې پوه شي که د دوه قاييم الزاويه مثلثونو وتر او يوه قاييمه زاويه سره مساوي وي دغه مثلثونه انطباق منونکي دي. په دې وتوانېږي چې په نوموړو شرايطو کې د دوه مثلثونو انطباق کېدل اثبات کړای شي. د انطباق کېدو لويه اهميت باور ولري.
<p>2- د زده کړې ميتودونه:</p>	<p>سؤال او ځواب، يوکسپر اوډلهيز کار</p>
<p>3- درسي او مرستندويه توکي:</p>	<p>دلوست کتاب، تخته، تباشير، تخته پاک، هندسي بکسه، بياتي، ورودي تصوير چارټ، نری شفاف کاغذ او يا کاربوني کاغذ</p>
<p>4- د ورودي برخې توضيح:</p> <p>(5 دقيقې)</p>	<p>- د لوست د پيل د مقدماتي فعاليت څخه وروسته د ورودي تصوير چارټ د ټولگي مخې ته ځورېد کړی چې زده کوونکي د هغې د ځواب په هکله فکر وکړي.</p>
<p>5- د لوست بهير او فعاليتونه (28 دقيقې):</p> <p>- د کتاب د 147 مخ فعاليت زده کوونکو ته ورکړی چې په خپلو مناسبو ډلو کې يې د يوبل په مشورو سرته ته ورسوي. فعالې ډلې وستايي او له ضعيفو سره مرسته وکړي، که په فعاليت کې کومه ستونزه وه، بيا د ډلې يو استازي راوغواړي چې په خپله خوښه راشي او هغه اصلاح کړي.</p> <p>په پای کې د فعاليت دغه نتيجه د ورودي پوښتنې ځواب دی.</p>	
<p>6- د زده کړې تحکيم يا پوخوالی (7 دقيقې):</p> <p>- د لوست د تحکيم او پوخوالي لپاره د کتاب د 147 مخ (1) مثال زده کوونکو ته ورکړی چې په خپلو کتابچو کې يې پرته د کتاب له ليدو څخه حل کړي او په همدغه وخت کې هدايت ورکړی چې يو زده کوونکي راشي او نوموړی مثال د تختې پرمخ حل کړي او بيا دې نوروته بيان کړي، د مثال حلول دې پرته او اصلاح شي.</p>	
<p>7- د درس دپايې ارزونه (5 دقيقې):</p> <p>- د زده کوونکو لاسته راوړل شوې پوهې د ارزونې او اطمینان لپاره لاندې پوښتنې وکړي:</p> <p>(1) يو زده کوونکي دې ددوه مثلثو ترمنځ هغه انطباق منونکي حالتونه چې تر اوسه لوستل شوي دي بيان کړي.</p> <p>(2) که چېرې د يو مثلث وتر 9cm او قاييمه ضلع يې 7cm وي بيا دې يو زده کوونکي ووايي، چې آیا دا مثلث د هغه مثلث سره چې وتر يې 90mm او قاييمه ضلع يې (2 × 3.5cm) وي انطباق منونکی کېدای شي؟</p>	

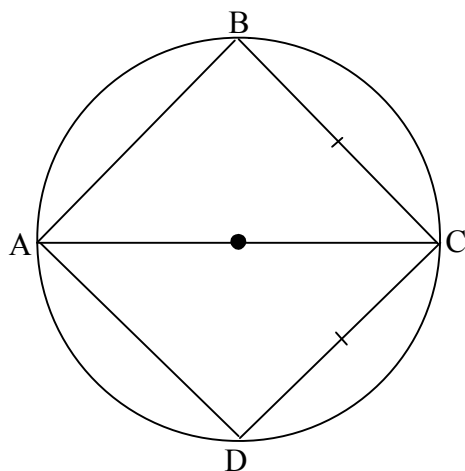
3) د مثبت ځواب په صورت کې دي، یو بل زده کوونکي د هغو انطباق منل ثابت کړي.

8- د پوښتنو ځوابونه :

1) د ترسیم له مخې $\overline{BC} = \overline{CD}$

د دواړو مثلثونو (مشترک) وتر $\overline{AC} = \overline{AC}$

ځکه چې قائمې دي. $\hat{B} = \hat{D}$



نو هرکله چې دواړه مثلثونه د فصل پر لیکې (دمشرکې ضلع) یعنې د AC

په وترات کړو د B رآس د D په رآس باندې پریوزي، نو دا حالت د ABC او ADC د مثلثونو انطباق کېدل پریو بل باندې

ثابتوي، یعنې $\triangle ABC \cong \triangle ADC$

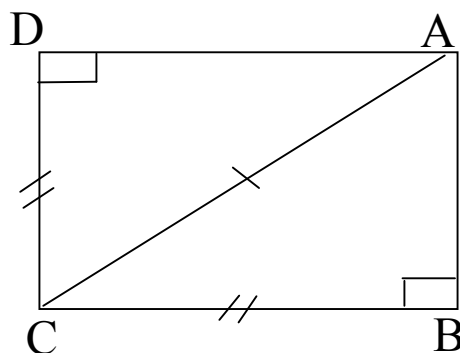
2) څرنګه چې د مربع څلور وړه ضلعې یو د بل سره مساوي وي او د مربع قطر، مربع په دوه مساوي مثلثونو ویشي. او له بلې

خوا د مربع قطر د دواړو پیدا شوو مثلثونو وتر هم جوړوي، نو بیا د یوې قائمې زاوې لرونکي هم دي.

نو ویلي شو څرنګه چې په نوموړو مثلثونو کې د هغوي وتر او یوه قائمه زاویه مساوي ده، نو دغه مثلثونه سره انطباق منونکي دي.

یعنې:

یعنې: $\triangle ADC \cong \triangle ABC$



5-15 د پنځم څپرکي د پوښتنو حل

د کتاب مخ: (149) د لوست وخت: (1 درسي ساعت)

<p>1- د زده کړې موخې:</p> <p>پوهنيزې مهارتي ذهني</p> <p>هيله ده چې زده کوونکي د لوست په پای کې لاندې موخوته ورسېږي:</p> <ul style="list-style-type: none"> • د عبارتي پوښتنو څخه مفهوم واخلي. • د لوستل شوو موضوعگانو په اړوند پوښتنې حل کړای شي. • د پوښتنو له حل څخه خوند واخلي. 	
<p>2- د زده کړې میتودونه:</p> <p>سؤال او ځواب، یوکسیر، اوډله ییز کار</p>	
<p>3- درسي او مرستندویه توکي:</p> <p>دلوست کتاب، تخته، تباشیر، تخته پاک، هندسي بکسه، بیاتي، کاربوني کاغذ او یانرې شفاف کاغذ</p>	
<p>4- د ورودي برخې توضیح:</p> <p>(5) دقیقې</p> <p>- د لوست د پیل د مقدماتي فعالیت څخه وروسته د زده کوونکو په فعاله ونډې سره د پوښتنو حل پیل کړی.</p> <p>د لومړۍ شمېرې پوښتنه هر برخه، څلور ځوابه لري، چې یو یې صحیح دي. د صحیح ځواب څخه دې کړۍ تاو شي او یا دې د هغې مخې ته دغه (✓) علامه ولیکل شي.</p>	
<p>که چېرې د یوې منظمې مضلع د یوې داخلي زاوې اندازه 144° وي د هغې د ضلعو شمېر به مساوي وي په:</p> <p>8 (a) 9 (b) 10 (c) 12 (d)</p> <p>که چېرې د یوې n ضلعي د داخلي زاوې مجموعه $(n-2) \times 180^\circ$ وي او هغه په G وېنودل شي نو، بیا لرو:</p> $G = (n-2) \times 180^\circ$ $n \cdot 144^\circ = (n-2) \times 180^\circ$ $144n = 180n - 360^\circ$ $144n - 180n = -360^\circ$ <p>څرنگه چې د هغې یوه داخلي زاویه راکړل شوې ده، نو:</p> $-36n = -360^\circ$ $n = \frac{-360^\circ}{-36} = 10$ <p>د 1) سؤال ځواب: د C جز سم دی.</p> <p>- زده کوونکي په مناسبو ډلو وویشل چې د کتاب د 150 مخ تمرین د لومړي شمېرې اړوند سوالونه چې 9 جزه لري په خپل منځي مشوروکې حل کړي د فعالیت په پای کې د هرې ډلې استازي په وار سره راوغواړي چې د خپلې ډلې په استازیتوب د سؤال یو جز د تخته پر مخ حل کړي.</p>	

- دېوي 9 ضلعي مضلعي د داخلي زاويو مجموعه د دې $(n-2) \times 180$ فورمول له مخې د 1260 درجو سره مساوي ده.

• د يوې مضلع د داخلي زاويو مجموعه 1980 ده د نوموړې مضلع ټولې ضلعي به څو وي؟

$$(n-2) \times 180 = 1980$$

$$(n-2) \times \frac{180}{180} = \frac{1980}{180} = 11$$

$$n = 11 + 2 = 13$$

• که چېرې 3 ټوټې کړبڼې په يوه ټکي کې يو بل سره قطع کړي. د هغو زاويو مجموعه به څو درجې وي چې د نوموړي

ټکي شا او خوا ته جوړېږي؟ د يوه ټکي شا او خوا ته د زاويو مجموعه 360 ده.

• که چېرې د يوې منظمې مضلع د يوې داخلي زاويې اندازه 144 وي، د هغو د ضلعو شمېر به مساوي وي له:

$$n \cdot D = (n-2) \times 180$$

$$n \cdot D = n \cdot 180 - 360$$

$$n \cdot D - n \cdot 180 = -360$$

$$n \cdot 144 - n \cdot 180 = -360$$

$$n(144 - 180) = -360$$

$$-36 \cdot n = -360$$

$$-36 \cdot n = -360 \quad n = \frac{360}{36} = 10$$

$$n = \frac{360}{36} = 10$$

نو د C جز صحيح دي.

• په مقابل لورې شکل کې چې د هغوی ټولې ضلعي او زاويې سره مساوي دي چې د 10 ضلعي منظمې محدبې

مضلع په نامه يادېږي، يعنې د a جز صحيح دي.

• که چېرې په يوه مثلث کې دوه ضلعي مساوي وي، نو مثلث متساوي الساقين دي.

• که په يوه مثلث کې دوي زاويې سره مساوي وي نو مثلث متساوي الساقين دی، ځکه د مساوي زاويو په مقابل کې

مساوي ضلعي پرتې دي نو د b جز صحيح دي.

• که فرض کړو چې: $A = 60$

$B = 90$ قايمه

$C = ?$

څرنگه چې لرو. $60 + 90 + \hat{C} = 180$

$$150 + \hat{C} = 180$$

$$\hat{C} = 180 - 150$$

د a جز صحيح دي.

$$\hat{C} = 30$$

څرنگه چې د یوه مثلث بهرنی زاویه د غیرمجاورو داخلي زاویو له مجموعې سره مساوي ده، نو د b جز صحیح دي.

(2)

اوومه جمله غ	لومړي جمله غ
اتمه جمله غ	دویمه جمله غ
نهمه جمله ص	درېیمه جمله ص
لسمه جمله ص	څلورمه جمله غ
یوولسمه جمله غ	پنځمه جمله ص
دوولسمه جمله ص	شپږمه جمله غ
دیارلسمه جمله غ	

(3) تش ځایونه په مناسبو کلمو ډک کړئ.

1 جمله : متساوي الاضلاع مثلث

2 جمله : که ضلعې ډېرې شي د خارجي زاویو مجموعه تغیر نه کوي.

3 جمله : 5 قطره رسم کېدای شي.

4 جمله : 3 ضلعې لري.

5 جمله : نوموړي مضلع څلور ضلعې لري.

6 جمله : د منظمې مضلعې په نامه یادېږي.

7 جمله : که وصل کړي قطر نومېږي.

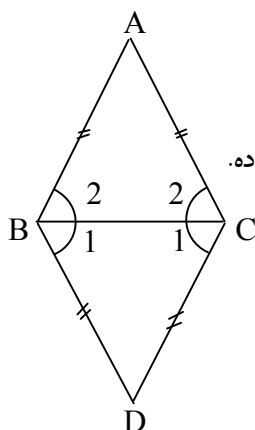
8 جمله : متساوي الاضلاع مثلث نومېږي.

9 جمله : د دریمې ضلعې څخه لویه ده.

10 جمله : د مثلث دارتفاع په نامه یادېږي.

11 جمله : هره بله زاویه یې 65 ده.

(4)



• په یوې مضلع کې د یوې داخلي زاوې او د هغې د باندنۍ مجاورې زاوې مجموعه 180° ده.

• څرنگه چې دوه د ABC او DBC مثلثونه متساوي الساقين دي.

په ABC مثلث کې $\hat{C}_2 = \hat{B}_2$ ځکه مساوي ساقونو ته مخامخ پرتې دي.

په CBD مثلث کې $\hat{C}_1 = \hat{B}_1$ ځکه مساوي ساقونو ته مخامخ پرتې دي.

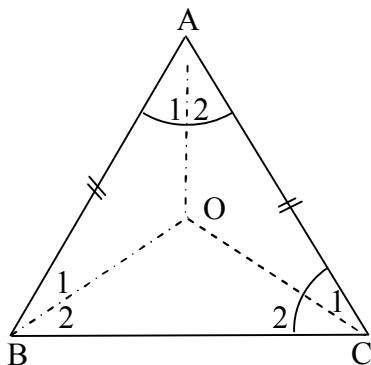
نوڅکه د هغو مجموعه

$$\underbrace{\hat{B}_1 + \hat{B}_2}_{\hat{B}} = \underbrace{\hat{C}_1 + \hat{C}_2}_{\hat{C}}$$

$$D\hat{B}A = A\hat{C}D \quad \text{يا}$$

(a) څرنگه چې مثلث متساوي الساقين دي او د مساوي ضلعو په مقابل کې مساوي زاويې پرتې دي.

$$\hat{B} = \hat{C} \quad \text{نو}$$



که \hat{B} او \hat{C} نمايي (په دوه برخوویشل) شي بیا $\hat{B}_2 = \hat{C}_2$ سره کېږي.

د تېرې شوې خبرې له مخې چې د مساوي زاویو په مقابل کې مساوي ضلعي پرتې وي، نو لیکلي شو چې $\overline{OB} = \overline{OC}$ سره کېږي.

(b) په دوه AOB او AOC مثلثونو کې لرو.

د متساوي الساقين له مخې $\overline{AB} = \overline{AC}$

د A د جز له مخې $\overline{OB} = \overline{OC}$

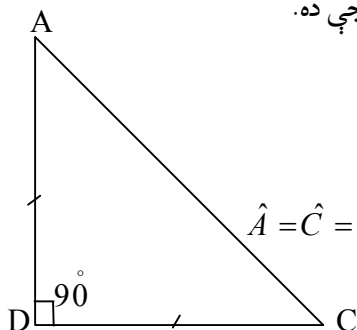
مشترک $\overline{OA} = \overline{OA}$

نو دوه د AOB او AOC مثلثونه سره انطباق منونکي دي، نو له دې کبله $\hat{A}_1 = \hat{A}_2$ او OA د A ناصف الزاویه دي.

• ثبوت کړئ چې د قايم الزاويه متساوي الساقين مثلث هره حاده زاویه 45 درجې ده.

حل: څرنگه چې مثلث قايم الزاويه متساوي الساقين دي، نو

د دوه مساوي ساقونو په مقابل کې مساوي زاويې پرتې دي، يعنې

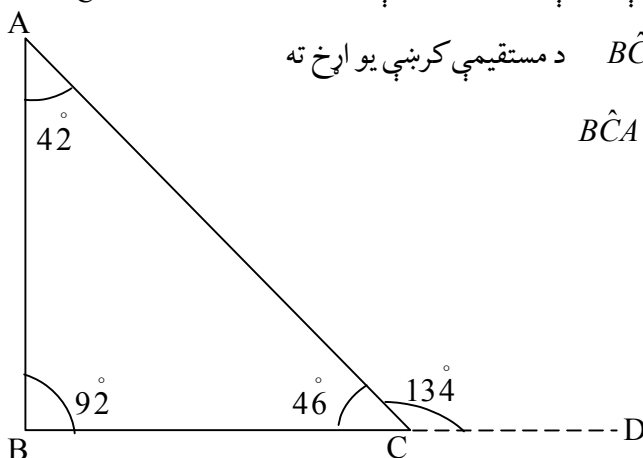


$$\hat{A} = \hat{C} = \frac{180^\circ - 90^\circ}{2} = \frac{90^\circ}{2} = 45^\circ$$

• د ABC په مثلث کې د هغې بهرنۍ زاویه يعنې $D\hat{C}A = 134^\circ$ ده.

$$B\hat{C}A + 134^\circ = 180^\circ \quad \text{د مستقيمي کرښې يو اړخ ته}$$

$$B\hat{C}A = 180^\circ - 134^\circ = 46^\circ$$



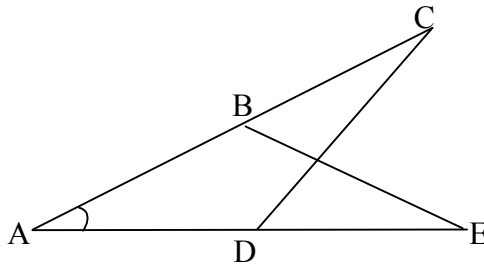
$$\hat{A}\hat{B}\hat{C} + \hat{B}\hat{A}\hat{C} + \hat{B}\hat{C}\hat{A} = 180^\circ$$

$$\hat{A}\hat{B}\hat{C} + 42^\circ + 46^\circ = 180^\circ$$

$$\hat{A}\hat{B}\hat{C} + 88^\circ = 180^\circ$$

$$\hat{A}\hat{B}\hat{C} = 180^\circ - 88^\circ = 92^\circ$$

$$\boxed{\hat{A}\hat{B}\hat{C} = 92^\circ}$$



$$\overline{AD} = \overline{AB} \bullet$$

$$\overline{AE} = \overline{AC}$$

ثبوت کړئ چې $\triangle ACD \cong \triangle AEB$

په دواړو مثلثونو کې مشترک $\hat{A} = \hat{A}$

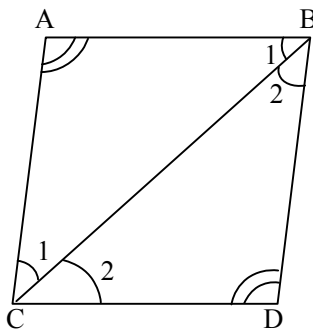
د تیر شوو معلوماتو په رڼاکي ویلي شو که په دوه مثلثونو کې دوه ضلعې او یوه زاویه سره مساوي وي هغه مثلثونه انطباق منونکي دي.

نولیکلای شو: $\triangle ACD \cong \triangle AEB$

څرنګه چې قایمه الزاویه مثلث د مثلثونو له ډلې څخه یو جز دي.

• نود پنځه انطباق منونکي حالتونو څخه یې په لاندې ډول نوم اخلو.

- 1) په دوه مثلثونو کې دوه ضلعې اود ضلعو ترمنځ زاویه مساوي وي.
- 2) په دوه مثلثونو کې دوه زاوېې او د زاویو ترمنځ ضلعه مساوي وي.
- 3) د یوه مثلث درې واړه ضلعې د بل مثلث له درې واړو ضلعو سره مساوي وي.
- 4) د یوه مثلث وتر قایمه ضلع د بل مثلث له وتر او قایمې ضلعې سره مساوي وي.
- 5) د یوه مثلث وتر او یوه حاده زاویه د بل مثلث له وتر او یوې حادې زاوېې سره مساوي وي.



(a) په دوه $\triangle ABC$ او $\triangle BDC$ مثلثونو کې لرو.

$$\overline{AB} = \overline{CD} \text{ د ترسیم له مخې}$$

$$\overline{AC} = \overline{BD} \text{ د ترسیم له مخې}$$

$$\overline{BC} = \overline{BC} \text{ مشترک}$$

څرنګه چې د یو مثلث درې واړه ضلعې د بل مثلث د درې واړو ضلعو سره مساوي وي.

نو هغه مثلثونه انطباق منونکي دي.

(b) څرنگه چې د معین قطر یعنی کرښې او د B او C زاوې په دوه مساوي برخو وویشي نولرو:

$$\hat{C}_1 = \hat{C}_2 \quad \text{د تنصیف له مخې}$$

$$\hat{B}_1 = \hat{B}_2 \quad \text{د تنصیف له مخې}$$

$$\overline{BC} = \overline{BC} \quad \text{مشرکه ضلع}$$

نو دواړه نوموړي مثلثونه انطباق منونکي دي. $(\triangle BDC \cong \triangle ABC)$

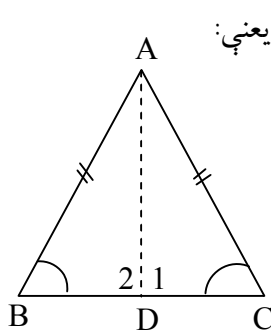
$$\begin{aligned} \overline{AB} &= \overline{CD} \\ \overline{AC} &= \overline{BD} \end{aligned} \quad (c)$$

څرنگه چې په معین کې مقابلې زاوې دوه په دوه سره مساوي دي، نو:

$$\hat{A} = \hat{D}$$

د دوه ضلعو او یوې زاوې د مساواتو له مخې ویلې شو چې $\triangle BDC \cong \triangle ABC$

• (a) د ABC د متساوي الساقين مثلث د میاني په رسمېدو سره نوموړی مثلث په دوه ABC او ACD مثلثونو ویشل کېږي.



څرنگه چې مثلث متساوي الساقين دي، نو د مساوي ضلعو په مقابل کې مساوي زاوې پرتې دي یعنې:

$$\hat{B} = \hat{C} \quad \text{په دواړو کې مشترکه ده، نوڅکه لیکلې شو، چې:}$$

$$\triangle ABD \cong \triangle ACD$$

(b) په دوه ABC او ACD مثلثونو کې لرو: $\hat{D}_1 = \hat{D}_2$ د قایم له مخې:

$$\hat{C}_1 = \hat{B}$$

د AD ضلع په دواړه مثلثونو کې مشترکه ده، نو $\triangle ABD \cong \triangle ACD$

• د ABC په متساوي الساقين مثلث کې د AD ناصف الزاویه رسموو، څرنگه چې د (AD) ناصف الزاویه ارتفاع

هم ده.

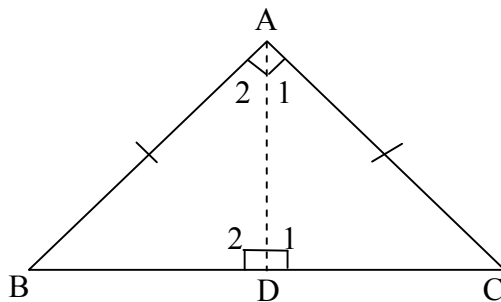
$$\overline{AD} \perp \overline{BC} \quad \text{نو}$$

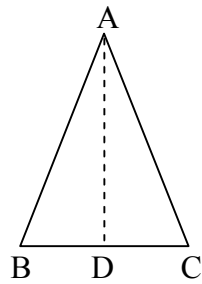
(a) \overline{AD} په دواړو کې مشترکه

$$\overline{AC} = \overline{AB} \quad \text{دوه مساوي ساقونه}$$

$$\hat{B} = \hat{C} \quad \text{د مساوي ساقونو په مقابل کې.}$$

$$\triangle ABD \cong \triangle ACD \quad \text{نو لیکلې شو:}$$





$$\begin{aligned} \hat{A}_1 &= \hat{A}_2 & \text{د تنصيف له مخې} \\ \hat{D}_1 &= \hat{D}_2 & \text{د عمود (قايم) له مخې} \end{aligned}$$

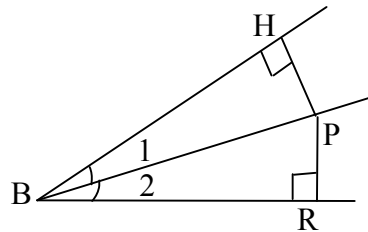
$$\overline{AD} = \overline{AD} \quad \text{مشترکه}$$

$$\triangle ABD \cong \triangle ACD \quad \text{نو}$$

$$\overline{AB} = \overline{AC} \quad \text{دوه مساوي ساقونه}$$

○ $\overline{AB} = \overline{AC}$ څرنگه چې مثلث متساوي الساقين دی او ناصف الزاويه پر قاعدې باندې عموده ده، چې هغه د مثلث ارتفاع هم کېږي.

د دې لپاره چې میانه داسې یوه پوټه کرښه ده چې د مثلث راس د مقابلې ضلعې د تنصیف ټکي سره نښلولی او څرنگه چې په تېر شوي سوال کې $\triangle ABD \cong \triangle ADC$ ثبوت شوه، نو د D ټکي د \overline{BC} د تنصیف ټکي دي او د تعریف له مخې ارتفاع او میانه د AD عین کرښه ده.



• څرنگه چې PB ناصف الزاويه ده، نو

$$\hat{B}_1 = \hat{B}_2 \quad \text{د تنصيف له مخې}$$

$$\hat{H} = \hat{R} \quad \text{د قايم له پلوه}$$

او $\overline{PB} = \overline{PB}$ په دواړو BHP او BRP مثلثونو کې مشترک دي.

بنا پر دې نوموړي مثلثونه انطباق منونکي دي او د دواړو مثلثونو د انطباق کېدو څخه ثابتېږي، چې $\overline{PB} = \overline{PB}$ سره ده.



شپږم څپرکی: موازي او عمود خطونه

1- 6 موازي او عمود خطونه

کتاب مخ (157)

د لوست وخت (1 درسي ساعت)

<ul style="list-style-type: none"> • د موازي او عمود خطونو په تعريف و پوهيږي. • د موازي او عمود خطونو خاصيتونه درک کړي. • د هندسي مسايلو په حلولوکې د موازي او عمود خطونو د خاصيتونو څخه گټه واخيستلاي شي • په هندسي قضيوکې د موازي، عمود او متقاطعو خطونو اهميت درک کړي. 	<p>1- د زده کړې موخې</p> <ul style="list-style-type: none"> - پوهنيزې - مهارتي - ذهني
<p>پوښتنې او ځوابونه، گروپي او يوکسيز کار، عملي کار...</p>	<p>2- د زده کړې ميتودونه:</p>
<p>درسي کتاب، تخته، د هندسي آلاتو بکس، دورودي تصوير چارت د 158 مخ د مثال د تصوير چارت.</p>	<p>3- درسي او مرستندويه توکي:</p>
<p>ښوونکي د لومړنيو فعاليتونه څخه وروسته دورودي تصوير چارت د ټولگي مخ ته څروي او د زده کوونکو څخه ورودي پوښتنه کوي تر څو هغوی پرې فکر وکړي چې په شکل کې عمود، موازي او متقاطع خطونه ليدل کيږي.</p>	<p>4- د ورودي برخې توضيح:</p> <p>(5) - دقيقې:</p>
<p>6- د لوست بهير او فعاليتونه (28) دقيقې:</p> <p>ښوونکي زده کوونکو ته د (157) مخ فعاليت واضح کوي تر څو په گروپونو کې کار وکړي او ښوونکي ددوي د کار څارنه کوي او په پای کې د يوادوه گروپونو نماينده گان خپل کارنور وته واضح کوي</p> <p>ښوونکي د (157) مخ دويم فعاليت زده کوونکو ته ورکړي تر څو په خپلو کتابچو کې يې حل کړي او بيا يوزده کوونکي خپل کار پر تخته واضح کوي او که اشتباه يې کړي وي ښوونکي يې ورته اصلاح کوي تر څو نور زده کوونکي خپل کارونه د هغوي د کار له مخي اصلاح کړي.</p>	
<p>6- د زده کړې پياوړتيا (7) دقيقې:</p> <p>د زده کړې د پياوړتيا لپاره د ښوونکي د درس لنډيز زده کوونکو ته ووايي او د (158) مخ د تصوير چارت د ټولگي مخ ته وڅروي اوله زده کوونکو څخه دې و اړه وار د موازي متقاطع او عمود خطونو پوښتنه وکړي تر څو په چارت کې يې وښيي</p>	
<p>7- د لوست د پايلې ارزونه (5) دقيقې:</p> <p>د لوست د ارزونې لپاره له زده کوونکو د لاندې په شان پوښتنې وکړي</p> <p>1- که دوه مستقيم خطونه پر دريم خط عمودوي دادوه خطونه په خپل منځ کې څه اړيکه لري؟</p>	

2- ایا ددوو موازي خطونو تر منځ فاصله مساوي ده؟

3- بل زده کوونکي دې د موازي، عمود او متقاطع خطونو توپیر واضح کړي

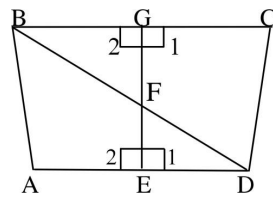
8- د ښوونکي لپاره اضافي معلومات:

اقلیدس د قبل المیلادد څلورمې پېړۍ په پای کې زیږېدلی او د افلاطون په اکاډمۍ کې یې زده کړه وکړه. څه وخت چې د سکندر پرځای بطليموس د سکندريه پوهنتون تاسیس کړ، نو دده دغوښتنې سره سم اقلیدس سکندريې ته لاړ او دخپل عمر تر پایه هلته و. د اقلیدس ترټولو مهم کار د هندسې تدوین او تنظیم وه د مخکینو علما و کارونه یې را ټول کړه او په پوره غورسره یې مطالعه کړه او نور معلومات یې پرې زیات کړه او د هندسي د علم بنیادېې کېښود چې له هغه وروسته د اقلیدسي هندسې په نامه یادېږي

د موازي خطونو په برخه کې د اقلیدس اصول داوه چې:

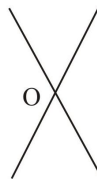
- د یو مستقیم خط د باندې له یوې نقطې څخه ددې مستقیم خط سره یوازې او یوازې یو موازي مستقیم خط رسمیدلای شي او بس.
- دوه عمود مستقیم خطونه پریومستقیم خط باندې په خپل منځ کې سره موازي دي.

د پوښتنو ځوابونه:

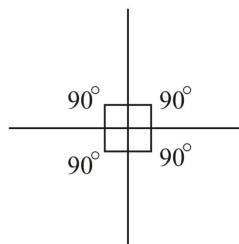


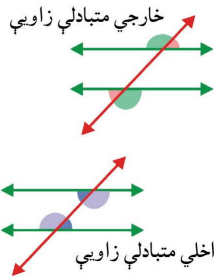
- $\overline{BC} \parallel \overline{AD}$
- $\overline{GE} \perp \overline{AD}$
- $\overline{GE} \perp \overline{BC}$
- د \overline{BD} او \overline{EG} خطونه سره متقاطع دي.
- \widehat{BGE} ، \widehat{CGE} ، \widehat{AEG} ، \widehat{DEG} قایمي زاوې دي
- نه، دوه متقاطع خطونه هر وخت یو پر بل عمودنه وي او دوه عمود خطونه هروخت متقاطع خطونه دي

لکه په شکل کې دا خطونه متقاطع دي خو عمودنه دي



او داعمود خطونه متقاطع هم دي





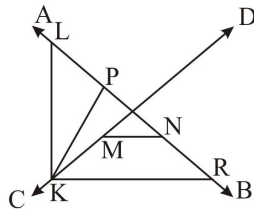
6-2 داخلي او خارجي متبادلي زاويې

د کتاب مخ (159)، د لوست وخت (1 درسي ساعت)

<ul style="list-style-type: none"> • داخلي او خارجي متبادلي زاويې وپېژني • په دې پوه شي چې متبادلي زاويې په کوم وخت کې سره مساوي دي. • د هندسي مسئلو په حلولو کې د متبادلو زاويو له خاصيتونو څخه گټه واخېستلای شي • د هندسي مسئلو په حل کې د متبادلو زاويو په برخه کې د معلوماتو اهميت درک کړي 	<p>1- د زده کړې موخې</p> <ul style="list-style-type: none"> - پوهنيزې - مهارتي - ذهنيتي
<p>پوښتنې او ځوابونه، گروپي او يوکسيزکار، عملي.....</p>	<p>2- د زده کړې میتودونه:</p>
<p>درسي کتاب، تخته، تخته پاک، تباشیر، د هندسي آلاتو بکس، دورودي تصویر چارت.....</p>	<p>3- درسي او مرستندويه توکي:</p>
<p>ښوونکي د لومړنيو فعاليتونه څخه وروسته دورودي برخې د تصویر چارت د ټولگي مخ ته څړوي او د شکل د زاويو په برخه کې له زده کوونکو پوښتنه کوي تر څو د لوست د زده کړې لپاره انگیزه پيدا شي</p>	<p>4- د ورودي برخې توضیح: (5) دقیقې</p>
<p>5- د لوست بهیر او فعالیتونه: (28) دقیقې</p> <p>په بیلابیلو گروپونو کې دې د 159 فعالیت زده کوونکي سرته ورسوي او په پای کې دې یو زده کوونکی خپل کار پر تخته نوروته واضح کړي تر څو زده کوونکي دې نتیجې ته ورسېږي چې که یو مستقیم خط دوه داسې خطونه قطع کړي چې موازي نه وي نو متبادلي زاويې به یو د بل سره مساوي نه وي او که یو مستقیم خط دوه مستقیم موازي خطونه قطع کړي نو مساوي متبادلي زاويې جوړوي.</p> <p>ښوونکي دې د 160 مخ مثال پر تخته د زده کوونکو په برخه اخیستنه سره حل کړي.</p>	
<p>6- د زده کړې پیاوړتیا: (7) دقیقې</p> <p>د زده کړې د پیاوړتیا لپاره دې یوځل د لوست لنډیز زده کوونکو ته وویل شي او د 160 مخ د مثال په شان دې ښوونکي پر تخته یو شکل رسم کړي ددوه نورو زاويو مقدار دې ورکړي تر څو زده کوونکي پاتې زاويې پیدا کړای شي.</p>	
<p>7- د لوست د پایلې ارزونه: (5) دقیقې</p> <p>د لوست د ارزونې لپاره ښوونکي کولای شي لاندې پوښتنې او ددې پوښتنو په شان پوښتنې له زده کوونکو وکړي.</p> <p>1- یو زده کوونکی دې ووايي چې کومو زاويو ته داخلي او کومو زاويو ته خارجي متبادلي زاويې وایي؟</p> <p>2- بل زده کوونکی دې ووايي چې په کوم وخت کې دا زاويې سره مساوي او په کوم وخت کې سره مساوي نه دي؟</p>	

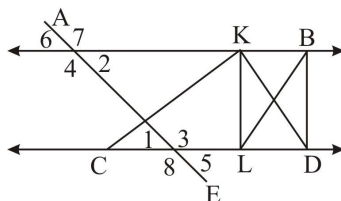
8- د ښوونکي لپاره اضافي معلومات:

که د \overline{AB} او \overline{CD} دوه مستقیم خطونه چې په یوه مستوي کې واقع وي او د (O) په نقطه کې یې سره قطع کړي دي لکه چې په شکل کې لیدل کیږي. که ددې دواړو خطونو پر مخ مختلف ټکي وټاکو اویوله بله سره یې ونښلوو نو لیدل کیږي چې د \overline{CD} او \overline{AB} د دواړو خطونو تر منځ ترټولو کوچني فاصله صفر ده.



او دلاندې شکل په شان د \overline{AB} او \overline{CD} د دوو موازي خطونو تر منځ ترټولو کوچنۍ فاصله ددواړو خطونو تر منځ عمودي

فاصله ده. $\hat{5} = \hat{6}$, $\hat{7} = \hat{8}$



9- د پوښتنو ځوابونه:

1-

(متقابل برآس زاوېې) $\hat{2} = 30^\circ$

(داخلي متبادلي زاوېې) $\hat{6} = 30^\circ$

(متقابل برآس زاوېې) $\hat{8} = \hat{6} = 30^\circ$

(متقابل برآس زاوېې) $\hat{7} = 150^\circ$

(داخلي متبادلي زاوېې) $\hat{3} = 150^\circ$

(متقابل برآس زاوېې) $\hat{1} = \hat{3} = 150^\circ$

2-

(متقابل برآس زاوېې) $\hat{5} = \hat{7} = 120^\circ$

(داخلي متبادلي زاوېې) $\hat{3} = \hat{5} = 120^\circ$

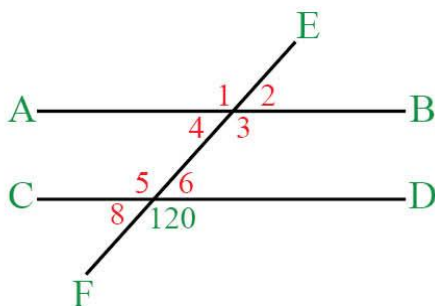
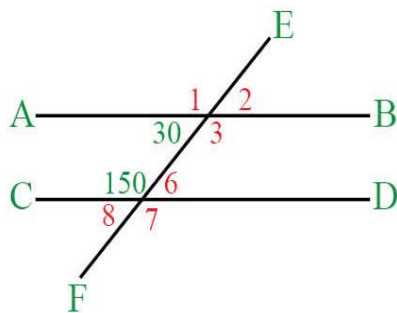
(متقابل برآس زاوېې) $\hat{1} = \hat{3} = 120^\circ$

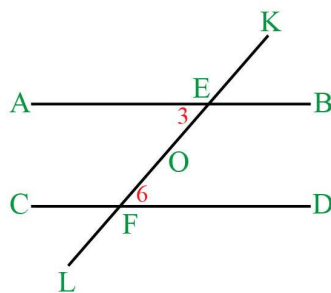
$\hat{8} = 180^\circ - 120^\circ = 60^\circ$

(خارجي متبادلي زاوېې) $\hat{2} = \hat{8} = 60^\circ$

(متقابل برآس زاوېې) $\hat{4} = \hat{2} = 60^\circ$

(داخلي متبادلي زاوېې) $\hat{4} = \hat{6} = 60^\circ$

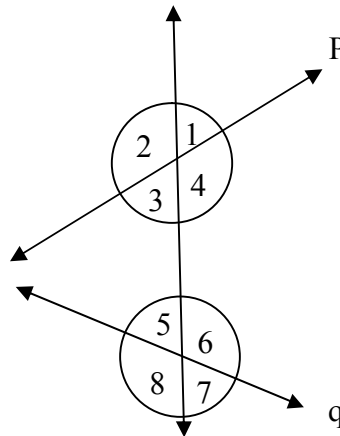




3-6: دوو مستقیمو کرښو د موازاتو څیړنه کله چې متبادلي زاويې سره مساوي وي
د کتاب مخ (161) د لوست وخت (1 درسي ساعت)

<ul style="list-style-type: none"> • د دوو مستقیمو خطونو د موازاتو شرط درک کړي • د مساوي متبادلو زاويو او دوو مستقیمو خطونو د موازاتو د شرط ترمنځ په اړیکه وپوهیږي. • له دې اړیکې څخه د هندسي قضیو په ثبوتولو کې ګټه واخلي • د هندسي مسايلو په حلولو کې ددې اړیکې اهمیت درک کړي. 	<p>۱- د زده کړې موخې</p> <ul style="list-style-type: none"> - پوهنيزې - مهارتي - ذهنيتي
پوښتنې او ځوابونه، یوکسېز او گروپي کار، تشریحي، عملي...	2- د زده کړې میتودونه:
درسي کتاب، تخته، د هندسي آلتویکس، دورودي برخې د تصویر چارت د لومړي مثال د شکلونو چارت...	3- درسي او مرستندویه توکي:
دورودي برخې د تصویر چارت دې د ټولګي مخکې و څړول شي او له زده کوونکو دې پوښتنه و شي تر څو دوي پرې فکر وکړي او د موضوع د زده کړې لپاره په دوی کې انگیزه پیدا شي ترڅو د فعالیت نتيجي ته ورسېږي او یا دا چې څرنگه $\hat{3} = \hat{6}$ ده چې داخلي متبادلي زاويې دي نو $\overline{AB} \parallel \overline{CD}$ دي.	4- دورودي برخې توضیح: (5) دقیقې
5- د لوست بهیر او فعالیتونه (28) دقیقې:	
زده کوونکي په بیلا بیلو گروپونو کې د (161) مخ فعالیت سرته رسوي د کار په پای کې دې د گروپ نماینده خپل کار نورو ته توضیح کړي ښوونکي دې لمړي او دویم مثال په داسې حال کې چې چارت یې د ټولګي مخ ته څړولی وي د زده کوونکو په برخه اخیستنه حل کړي.	
6- د زده کړې پیاوړتیا (7) دقیقې	
د لوست لنډیز دې زده کوونکو ته وویل شي او د لوست په اړوند دې پوښتنې وشي.	
7- د لوست د پایلې ارزونه (5) دقیقې:	
د لوست د ارزونې لپاره کولای شي په لاندې ډول پوښتنې وکړي	
1- له یوه زده کوونکي دې پوښتنه وشي چې څه وخت دوه خطونه سره موازي کیدای شي؟	
2- له بل زده کوونکي څخه وپوښتنئ چې څه وخت مساوي متبادلي زاويې جوړېږي؟	
3- یو بل زده کوونکي دې په شکل کې داخلي او خارجي متبادلي زاويې وښیي.	
8- د ښوونکي لپاره اضافي معلومات:	
څه وخت چې دوه غیر موازي مستقیم خطونه د یو قاطع خط (Transversal line) په واسطه قطع شي.	

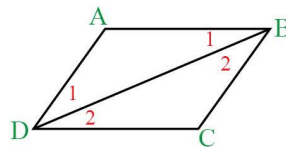
- د متبادلو زاویو هیڅ جوړه یوه له بلې سره مساوي نه ده.
- د متوافقو زاویو هیڅ جوړه یوه له بلې سره مساوي نه ده.
- د قاطع خط دیوې خوا د داخلي زاویو مجموعه 180° نه کېږي لکه په لاندې شکل کې.



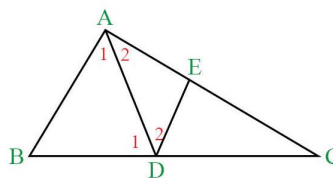
$$\begin{array}{ll} \hat{1} \neq \hat{6} & \hat{3} \neq \hat{6} \\ \hat{4} \neq \hat{7} & \hat{4} \neq \hat{5} \\ \hat{2} \neq \hat{5} & \hat{4} + \hat{6} \neq 180^\circ \\ \hat{3} \neq \hat{8} & \hat{3} + \hat{5} \neq 180^\circ \end{array}$$

۹- د پوښتنو ځوابونه:

1- څرنگه چې د \hat{D}_2 او \hat{A}_1 سره مساوي دي چې داخلي متبادلي زاوې دي او له بلې خوا $\hat{D}_1 = \hat{B}_2$ چې دا هم داخلي متبادلي زاوې دي نو $\overline{AB} \parallel \overline{CD}$ دی.

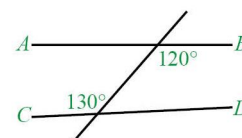
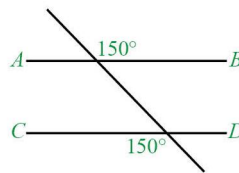
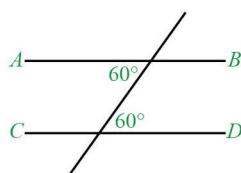


2- $\hat{A}_1 = \hat{D}_2$ او $\hat{A}_2 = \hat{D}_1$ دي نو $\overline{AB} \parallel \overline{ED}$ دی.

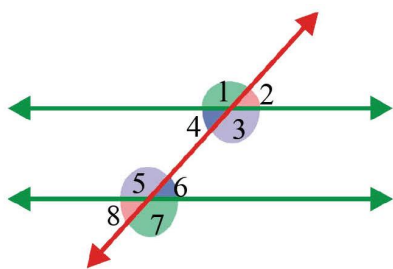


3- څرنگه چې: $60^\circ = 60^\circ$ ده نو $\overline{AB} \parallel \overline{ED}$ دی

- څرنگه چې $150^\circ = 150^\circ$ چې خارجي متبادلي زاوې دي نو $\overline{AB} \parallel \overline{CD}$.
- څرنگه چې: $120^\circ \neq 130^\circ$ نو $\overline{AB} \not\parallel \overline{CD}$



4-6: متوافقي زاويې



دلوست وخت (1 درسي ساعت)

د کتاب مخ (163)

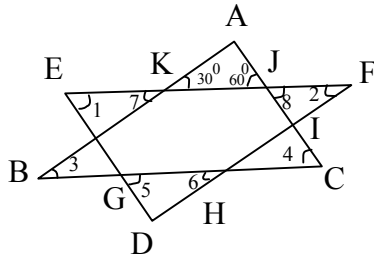
<p>1- د زده کړې موخې</p> <ul style="list-style-type: none"> - پوهنيزې - مهارتي - ذهني 	<ul style="list-style-type: none"> • زده کوونکي متوافقي زاويې په شکل کې و پېژني • د متوافقي زاويو د مساوي والي په شرط و پوهيږي. • په شکل کې متوافقي زاويې وښود لاي شي. • د هندسي مسايلو په حل او قضيو کې د متوافقي زاويو د خاصيتونو څخه گټه واخېستلای شي • د هندسي مسايلو په حل کې د متوافقي زاويو د خاصيتونو اهميت درک کړي.
<p>2- د زده کړې ميتودونه:</p>	<p>پوښتنې او ځوابونه، يوکسېز او گروپي کار، تشریحي، عملي....</p>
<p>3- درسي او مرستندويه توکي:</p>	<p>درسي کتاب، تخته... هندسې بکس، دورودي برخې د تصوير چارت د فعاليت د تصوير چارت، بيتي (قيچې)...</p>
<p>4- دورودي برخې توضیح: (5) دقيقې</p>	<p>دورودي برخې د تصوير چارت دې د ټولگي مخ ته و څړول شي او دورودي برخې پوښتنې په برخه کې دې زده کوونکي خپل ځوابونه ووايي تر څو د موضوع په هکله فکر وکړي</p> <p>$\hat{4} = \hat{8}$ ، $\hat{6} = \hat{2}$ ، $\hat{3} = \hat{7}$ ، $\hat{1} = \hat{5}$</p> <p>چې متوافقي زاويې دي.</p>
<p>5- د لوست بهير او فعاليت (28) دقيقې:</p>	<p>په مناسبو گروپونو کې دې زده کوونکي د (163) مخ فعاليت يو له بله سره په مشوره سرته ورسوي او ديو گروپ نماينده دې خپل کار نورو ته تشریح کړي ښکاره خبره ده چې د ستونزو په صورت کې محترم ښوونکی لارښوونه او مرسته کوي.</p> <p>ښوونکی دې لومړی او دويم مثال زده کوونکو ته په برخه اخېستنه د تختې پر مخ حل کړي.</p> <p>او دويم مثال نتيجه دې زده کوونکو ته واضح شي.</p> <p>په دې معنا دوه زاويې چې ضلعي يې په ترتيب سره يوه يو موازي او هم جهت وي سره مساوي دي. د بلې خوا دوه زاويې چه ضلعي يې په ترتيب سره موازي او مختلف الجهته وي هم يوله بله سره مساوي دي.</p>
<p>6- د زده کړې پياوړتيا (7) دقيقې:</p>	<p>د زده کړې د پياوړتيا لپاره په لاندې شکل کې $\hat{1}$، $\hat{2}$ او $\hat{3}$ زاويې پيدا کړي</p> <p>که $AB \parallel FG$ او $BC \parallel DH$ او D، F او G نقطې پر يوه مستقيم خط پرتې وي او $\hat{ABD} = 30^\circ$ او $\hat{FDH} = 70^\circ$ وي.</p>

7- د لوست د پایلې ارزونه (5) دقیقې:

دلوست د ارزونې لپاره ښوونکي کولی شي چې له زده کوونکو دلاندې په شان پوښتنې وکړي.

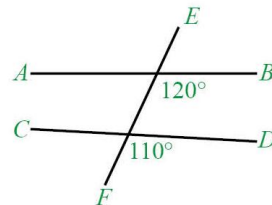
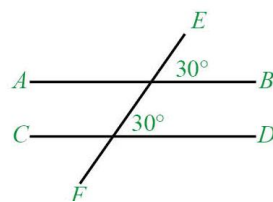
په لاندې شکل کې که $AB \parallel FD$ ، $\overline{EF} \parallel \overline{BC}$ ، $AC \parallel ED$ وي او $\hat{A}KJ = 30^\circ$ او $\hat{A}JK = 60^\circ$ وي

$\hat{1}, \hat{2}, \hat{3}, \hat{4}, \hat{5}, \hat{6}, \hat{7}, \hat{8}$ او $\hat{8}$ زاوېې خو، خودرچي دي؟



9- د پوښتنو ځوابونه:

1- څرنگه چې $\hat{30}^\circ = 30^\circ$ چې متوافقي زاوېې دي نو $\overline{AB} \parallel \overline{CD}$ دي او څرنگه چې په $120^\circ \neq 110^\circ$ نو $\overline{AB} \nparallel \overline{CD}$



-2

$$\hat{c} = \hat{k}$$

$$\hat{a} = \hat{i}$$

$$\hat{g} = \hat{o}$$

$$\hat{e} = \hat{m}$$

(متوافقي زاوېې)

$$\hat{d} = \hat{q}$$

$$\hat{b} = \hat{j}$$

$$\hat{h} = \hat{p}$$

$$\hat{f} = \hat{n}$$

(متوافقي زاوېې)

$$\hat{g} = \hat{q}$$

$$\hat{e} = \hat{j}$$

$$\hat{h} = \hat{k}$$

$$\hat{f} = \hat{i}$$

(داخلي متبادلي زاوېې)

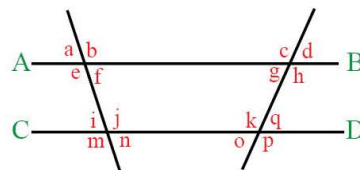
$$\hat{b} = \hat{m}$$

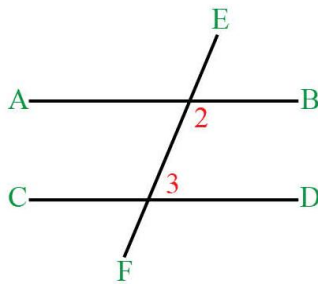
$$\hat{a} = \hat{n}$$

$$\hat{d} = \hat{o}$$

$$\hat{c} = \hat{p}$$

(خارجي متبادلي زاوېې)





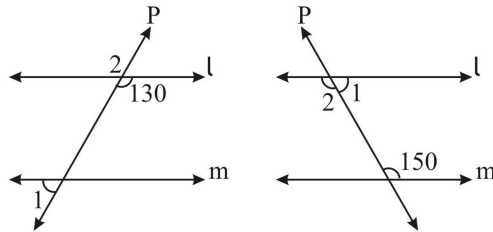
5-6: دیوقاطع مستقیم خط د یوې خوا داخلي متممې زاوې

د کتاب مخ (165) د لوست وخت (1 درسي ساعت)

<p>1- د زده کړې موخې</p> <ul style="list-style-type: none"> - پوهنیزې - مهارتي - ذهنيتي 	<ul style="list-style-type: none"> • زده کوونکي د یوقاطع خط یوې خوا ته داخلي متممې زاوې و پېژني او په شکل کې یې وښود لاي شي. • په دې وپوهیږي چې د قاطع خط یوې خوا ته داخلي متمم زاوې مجموعه 180° ده. • د هندسي مسایلو په حل کې د قاطع خط دیوې خوا داخلي متمم زاوې له مجموعې ګټه واخېستلای شي. • د هندسي مسایلو په حلولو کې د قاطع خط دیوې خوا ته داخلي متمم زاوې د مجموعې اهمیت درک کړي.
<p>2- د زده کړې میتودونه</p>	<p>پوښتنې او ځوابونه، یوکسیز او ګروپي کار، تشریحي...</p>
<p>3- درسي او مرستندویه توکي:</p>	<p>درسي کتاب، تخته... هندسي بکس، دورودي او فعالیت د تصویرونو چارټ...</p>
<p>4- د ورودي برخې توضیح:</p> <p>(5) دقیقې</p>	<p>دانګیزې د پیدا کولو لپاره دې له زده کوونکو دورودي پوښتنه وشي چې چارټونه د ټولګي مخ ته څړول شوي وي تر څو زده کوونکي پرې فکر وکړي او که دورودي د پوښتنې ځواب یې ور نه کړ شو د فعالیت له سرته رسولو وروسته د پوښتنې ځواب ویلای شي.</p>
<p>5- د لوست بهیر او فعالیت (28) دقیقې:</p> <p>زده کوونکي یوله بله سره په مشوره کولو په بیلا بیلو ګروپونو کې د (165) مخ فعالیت سرته رسوي په پای کې دیو ګروپ نماینده خپل کار نور وروته واضح کوي او که ستونزه ولري دیو بل زده کوونکي او یا ښوونکي له خوا دې اصلاح شي ښوونکي دې د تختې پرمخ ددې مخ مثال زده کوونکو ته په ونډه ورکولو سره حل کړي</p>	
<p>6- د زده کړې پیاوړتیا (7) دقیقې:</p> <p>په لاندې شکلونو کې $\hat{1}$ او $\hat{2}$ پیدا کړي که $n \parallel m \parallel \ell$ وي او د P مستقیم خط دا خطونه قطع کړي وي.</p> <div style="display: flex; justify-content: space-around; align-items: center;"> </div>	

7- د لوست د پایلې ارزونه (5) دقیقې:

د لوست د ارزونې لپاره دې زده کوونکي ووايې چې $\hat{1}$ او $\hat{2}$ زاوې خو، خودرجي دي که د l خط د m د مستقیم خط سره موازي وي او د P مستقیم خط قطع کړي وي.



8- د ښوونکي لپاره اضافي معلومات:

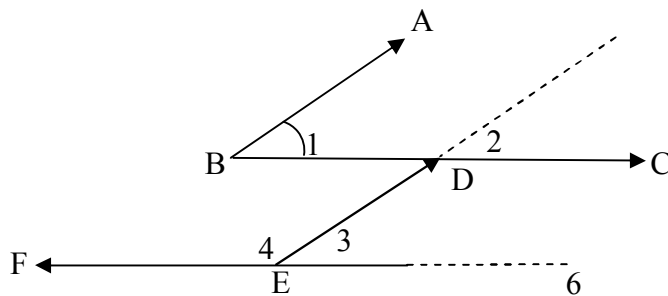
- د دوو متقاطعو مستقیمو خطونو (Intersecting lines) تر منځ کوچنۍ فاصله صفر ده.
- د دوو مستقیمو موازي خطونو تر منځ عمودي فاصله مساوي ده.
- که چېرې یو مستقیم خط دوه موازي خطونه قطع کړي نو
 - (a) هره جوړه متوافقي زاوې سره مساوي دي.
 - (b) هره جوړه متبادلي زاوې سره مساوي دي.
 - (c) د قاطع خط د یوې خوا د داخلي زاویو مجموعه 180° ده.
- که یو قاطع مستقیم خط دوه داسې خطونه قطع کړي چې موازي نه وي نو a, b او c صدق نه کوي.
- که یو قاطع خط (Transversal) دوه مستقیم خطونه داسې قطع کړي چې یوله a, b یا c څخه صدق کړي نو دا دواړه مستقیم خطونه سره موازي دي.

9- د پوښتنو ځوابونه:

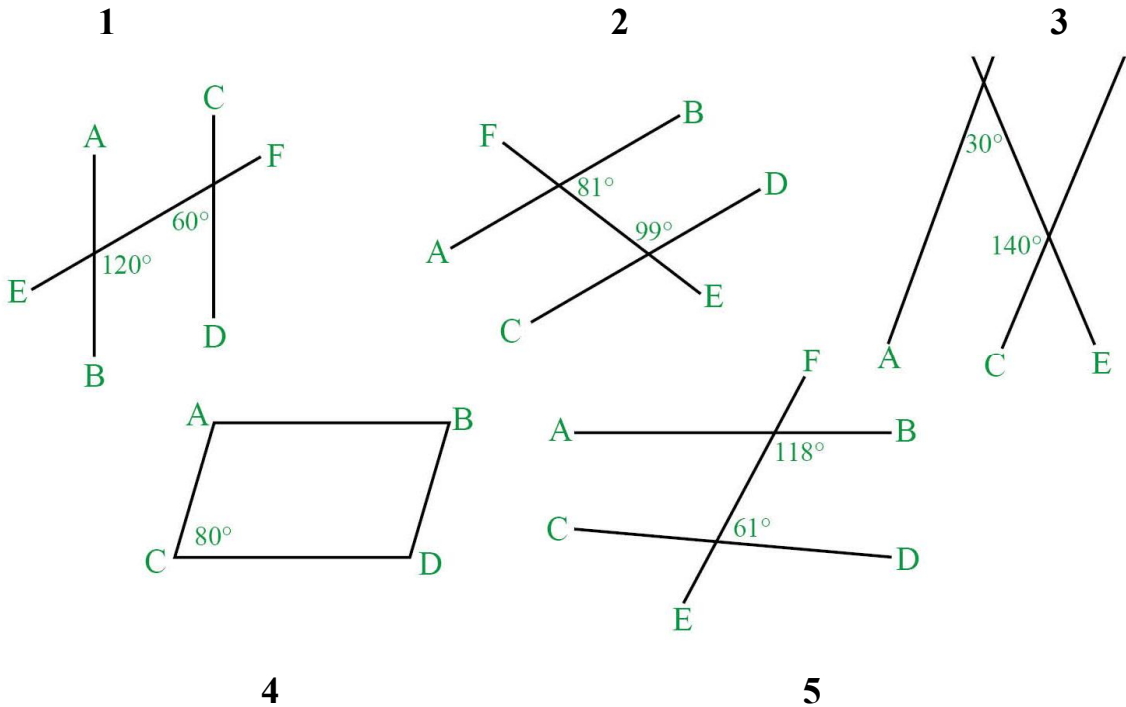
1- (متوافقي زاوې) $\hat{2} = \hat{3}$

$$\hat{3} + \hat{4} = 180^\circ$$

• څرنگه چې $\hat{4} = \hat{2} = \hat{1}$ ده نو $\hat{3} + \hat{1} = 180^\circ$ یا $\hat{A}BC + \hat{D}EF = 180^\circ$ ده



- په لومړي شکل کې $120^\circ + 60^\circ = 180^\circ$ ده چې د قاطع خط د یوې خوا د داخلي زاویو مجموعه 180° ده نو: $\overline{AB} \parallel \overline{CD}$ دي.
- په دویم شکل کې $81 + 99 = 180^\circ$ ده نو $\overline{AB} \parallel \overline{CD}$ دي.
- په دریم شکل کې څرنگه چې $30^\circ + 140^\circ \neq 180^\circ$ نو $\overline{AB} \nparallel \overline{CD}$
- په څلورم شکل کې څرنگه چې $\hat{D} = 100^\circ$ ده نو $A = 100^\circ$ ده او څرنگه چې $100^\circ + 80^\circ = 180^\circ$ کیږي: نو $\overline{AB} \parallel \overline{CD}$ او $\overline{AC} \parallel \overline{BD}$ دي
- په پنځم شکل کې $118^\circ + 61 = 179^\circ$ کېږي نو $\overline{AB} \nparallel \overline{CD}$



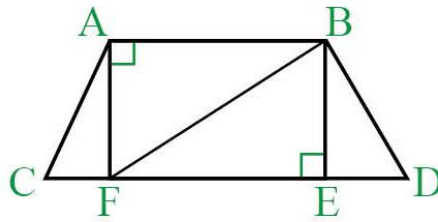


6-7: څلورضلعي گانې (Quadrilaterals)

د کتاب مخ (167) د لوست وخت (1 درسي ساعت)

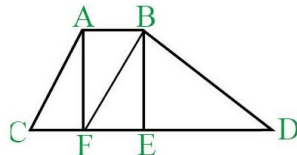
<ul style="list-style-type: none"> • د څلور ضلعي گانو ډولونه مربع، مستطیل معین، لوزي، متوازي الاضلاع او ذوزنقي وېژني او هر یوې تعریف کړې شي. • د څلور ضلعي گانوپه خاصیتونو و پوهېږي او د هندسي مسایلو په حل کې د څلور ضلعي گانوله خاصیتو نو څخه گټه واخېستلای شي، • د هندسي مسایلو په حل کې د څلور ضلعي گانو د خاصیتونو اهمیت درک کړي. 	<p>1- د زده کړې موخې</p> <ul style="list-style-type: none"> - پوهنیزې - مهارتي - ذهنيتي
<p>پوښتنې او ځوابونه، یوکسیز او گروپي کار...</p>	<p>2- د زده کړې میتودونه:</p>
<p>درسي کتاب، تخته... هندسي بکس، دورودي او فعالیت چارټونه</p>	<p>3- درسي او مرستندویه توکي:</p>
<p>د لومړنیو فعالیتونو څخه وروسته په داسې حال کې چې چارټ په ټولگي کې څړول شوی وي ښوونکی دې ورودي پوښتنه له زده کوونکو و پوښتي ترڅو هغوی څلور ضلعي گانې و شمیري.</p>	<p>4- د ورودي برخې توضیح:</p> <p>(5) دقیقې</p>
<p>5- د لوست بهیر او فعالیتونه (28) دقیقې:</p> <p>زده کوونکي دې هڅه وکړي (167) مخ فعالیت په کتابچوکې کار کړي. ښوونکی په داسې حال کې چې د (168) مخ د مثال د تصویر چارټ په ټولگي کې څړندوي، له زده کوونکو دې وغواړي چې په خپلو کتابچوکې دې ددې هندسي شکلونو نومونه ولیکي بیا دې یو زده کوونکي خپل کار د تختې پر مخ نوروته توضیح کړي که زده کوونکي ستونزه ولري ښکاره خبره ده چې محترم ښوونکي ورته لارښوونه کوي.</p>	
<p>6- د زده کړې پیاوړتیا (28) دقیقې:</p> <p>د (168) مخ د پوښتنو څخه لومړي پوښتنه دې زده کوونکي په ټولگي کې حل کړي.</p>	
<p>7- د لوست د پایلې ارزونه (5) دقیقې:</p> <p>د لوست د ارزونې لپاره دې له زده کوونکو د لاندې په شان پوښتنې وشي.</p> <ol style="list-style-type: none"> 1- یو زده کوونکی دې مربع او مستطیل تعریف او شکلونه دې رسم کړي. 2- بل دې معین او ذوزنقه تعریف کړي او په شکل کې دې وښیي. 3- بل زده کوونکي دې څلور ضلعي تعریف او په شکل کې دې وښیي. 	
<p>9- د پوښتنو ځوابونه:</p> <p>1- په شکل کې ABCE یو مستطیل دي</p> <p>• ABCD , ABCE , AFBD او ABFC ذوزنقي دي</p>	

- AFC , ABF , BFD , BFE , BED پنځه مثلثونه دي.



-2

- (سمه): هيڅکله يوه ذونقه متوازي الاضلاع کيدای نه شي.
 - (سمه): د مستطيل مخامخ ضلعي دوه په دوه سره مساوي او موازي دي.
 - (ناسمه): د ذونقي مخامخ ضلعي دوه په دوه سره موازي او مساوي دي.
 - (سمه): معين (لوزي) يوه متوازي الاضلاع ده.
 - (سمه): مربع يوه متوازي الاضلاع ده.
 - (ناسمه): معين (لوزي) يوه مربع ده.
- 3- په شکل کې $ABDC$, $AFDB$, $ABCF$ ذونقې دي $AFEB$ يو مستطیل دی او $ACFB$ يوه متوازي الاضلاع ده.





8-6: د متوازي الاضلاع مقابلي زاويې

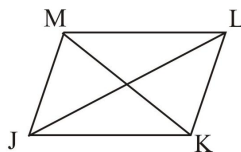
د لوست وخت (1 درسي ساعت)

د کتاب مخ (169)

<ul style="list-style-type: none"> • ديوې متوازي الاضلاع د زاويو خاصيتونه درك كړي. • په دې پوه شي چې ديوې متوازي الاضلاع مقابلي زاويې سره مساوي دي. • د هندسې مسايلو په حلولو كې د متوازي الاضلاع د زاويو له خاصيتونو څخه گټه واخيستلای شي. • د هندسې مسايلو په حلولو كې د متوازي الاضلاع د زاويو د خاصيتونو اهميت درك كړي. 	<p>1- د زده كړې موخې</p> <ul style="list-style-type: none"> - پوهنيزې - مهارتي - ذهني
<p>پوښتني او ځوابونه، يوكسيزاوگروبي كار، تشرېحي</p>	<p>2- د زده كړې ميتودونه:</p>
<p>درسي كتاب، تخته، ... هندسې بكس، دورودي برخې د تصوير چارت دمثال او د فعاليت د تصوير چارت</p>	<p>3- درسي او مرستندويه توکي:</p>
<p>په داسې حال كې چې دورودي برخې د تصوير چارت د ټولگي مخ ته څړول شوي وي له زده كوونكو دې دانگيزي د پيدا كولو لپاره دورودي برخې پوښتنه وشي.</p>	<p>4- دورودي برخې توضيح: (5) دقيقې:</p>
<p>5- د لوست بهير فعاليتونه (28) دقيقې:</p> <p>په داسې حال كې چې د 169 مخ د فعاليت چارت څړول شوی وي په گروپونو كې دې زده كوونكي فعاليت سرته ورسوي او ديو گروپ نماينده دې خپل كار نوروته توضيح كړي.</p> <p>ښكاره ده چې د \hat{A} او \hat{D} زاويې او د \hat{B} او \hat{C} د متوازي الاضلاع مقابلي زاويې دي نو سره مساوي دي $\hat{A} = \hat{D}$ او $\hat{B} = \hat{C}$ او $\overline{AB} \parallel \overline{CD}$ دي نو $\hat{A} + \hat{C} = 180^\circ$ او $AC \parallel BD$ دي نو $\hat{A} + \hat{D} = 180^\circ$ په نتيجه كې $\hat{A} = \hat{D}$ ده</p>	
<p>6- د زده كړې پياوړتيا (7) دقيقې:</p> <p>ښوونكي دې د لوست د پياوړتيا لپاره د (170) مخ د پوښتونو لومړۍ پوښتنه د زده كوونكو په برخه اخېستنه حل كړي.</p>	
<p>7- د لوست د پايلې ارزونه (5) دقيقې:</p> <p>د لوست د ارزيايي لپاره دې له زده كوونكو په لاندې ډول پوښتني وشي.</p> <p>1- متوازي الاضلاع څه ډول هندسې شكل دي؟</p> <p>2- په لاندې شكل كې د متوازي الاضلاع نورې دري زاويې پيدا كړي.</p> <div data-bbox="667 1881 922 2038" data-label="Image"> </div>	

8- د ښوونکي لپاره اضافي معلومات:

د متوازي الاضلاع خاصیتونه:



1- د \overline{JL} او \overline{MK} قطرونه هر یو د متوازي الاضلاع ساحه په دوو مساوي برخو ویشي نو:

$$\triangle JLM \cong \triangle JKL$$

$$\triangle JKM \cong \triangle MKL$$

$$2- \overline{KL} \cong \overline{JM} \text{ او } \overline{JK} \cong \overline{ML}$$

$$3- \hat{J} \cong \hat{L} \text{ او } \hat{K} \cong \hat{M} \text{ په داسې حال کې چې یوه زاویه یې هم } 90^\circ \text{ نه ده.}$$

$$4- \hat{J} + \hat{K} = 180^\circ \text{ او } \hat{M} + \hat{J} = 180^\circ, \hat{L} + \hat{M} = 180^\circ, \hat{K} + \hat{L} = 180^\circ$$

5- د متوازي الاضلاع قطرونه یو بل سره نیموي.

$$\overline{KR} = \overline{RM} \text{ او } \overline{JR} = \overline{RL}$$

9- د پوښتونو ځوابونه:

1- څرنگه چې $BD \parallel AC$ دي نو $\hat{C} + \hat{D} = 180^\circ$ کيږي

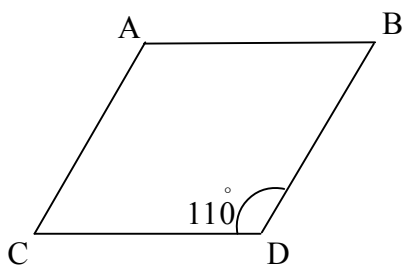
$$C = 180^\circ - D = 180^\circ - 110^\circ = 70^\circ$$

څرنگه چې $\hat{B} = \hat{C}$ (د متوازي الاضلاع مقابلي زاوې سره مساوي دي) نو: $\hat{B} = C = 70^\circ$

له بلې خوا $AB \parallel CD$ نو $\hat{A} + \hat{B} = 180^\circ$

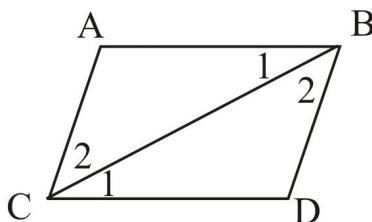
$$\hat{A} + 70^\circ = 180^\circ$$

$$A = 180^\circ - 70^\circ = 110^\circ$$

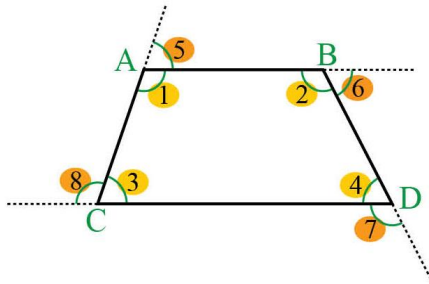


2- څرنگه چې $\triangle ABC \cong \triangle DBC$ نو $\hat{B}_1 = \hat{C}_1$ او $\hat{B}_2 = \hat{C}_2$

دا چې داخلي متبادلي زاوې دي نو $AB \parallel CD$ او $BD \parallel AC$ دې نو دا څلور ضلعي متوازي الاضلاع ده.



9-8: د یوې څلور ضلعي باندنۍ (خارجي) زاوې



د کتاب مخ (171) د لوست وخت (1 درسي ساعت)

<ul style="list-style-type: none"> • زده کوونکي د یوې څلور ضلعي خارجي زاوې وپېژني او په شکل کې کې یې وښودلای شي. • په دې وپوهېږي چې د یوې څلور ضلعي د خارجي زاویو مجموعه (360°) ده • د څلور ضلعي د خارجي زاویو څخه د هندسې مسایلو په حلولو کې ګټه واخېستلای شي. • د څلور ضلعي د خارجي زاویو د خاصیتونو اهمیت د هندسې مسایلو په حلولو کې درک کړي. 	<p>1- د زده کړې موخې</p> <ul style="list-style-type: none"> - پوهنیزې - مهارتي - ذهنیتي
<p>پوښتنې او ځوابونه، یوکسیزکار او ګروپي کار، تشریحي....</p>	<p>2- د زده کړې میتودونه:</p>
<p>درسي کتاب، تخته، تباشیر، د هندسي الاتو بکس، دورودي د پوښتنې او فعالیت د تصویر چارت...</p>	<p>3- درسي او مرستندویه توکي:</p>
<p>د لومړنیو فعالیتونو څخه وروسته ښوونکي دورودي برخې تصویر چارت د ټولګي مخ ته څرګړي اوله زده کوونکو څخه ورودي برخې پوښتنه کوي ترڅو زده کوونکي پرې فکر وکړي.</p>	<p>4- دورودي برخې توضیح: (5 دقیقې)</p>
<p>5- د لوست بهیر او فعالیتونه (28 دقیقې):</p> <p>ښوونکي دورودي برخې د چارت څخه په ګټه اخیستنه $\hat{5}, \hat{6}, \hat{7}$ او $\hat{8}$ چې د $\overline{AB}, \overline{BD}, \overline{DC}$ او \overline{CA} له امتداد ورکولو څخه جوړېږي زده کوونکو ته په برخه ورکولوسره پیدا کوي په نتیجه کې لاس ته راځي چې د یوې څلور ضلعي د خارجي زاویو مجموعه 360° ده</p> <p>بیادې زده کوونکي د (171) مخ فعالیت په ګروپي ډول کار کړي ښوونکي دې دالاندې چارت د ټولګي مخ ته وڅرګړي</p> <div style="display: flex; justify-content: space-between;"> <div style="width: 45%;"> $\hat{C}_1 + 140^\circ = 180$ $\hat{C}_1 = 180^\circ - 140$ $\hat{C}_1 = 40^\circ$ $\hat{A}_2 = \hat{C}_1 = 40^\circ$ $A_1 = 140^\circ$ </div> <div style="width: 45%;"> $\hat{B}_1 + 80^\circ = 180$ $B_1 = 180^\circ - 80^\circ = 100^\circ$ <p>(متبادلي زاوې) $D_1 = B_2 = 80^\circ$</p> <p>(متوافقي زاوې) $D_2 = B_1 = 100^\circ$</p> </div> </div> <div style="text-align: center; margin: 10px 0;"> </div> <p>بیادې ښوونکي د (172) مخ مثال د زده کوونکو په ونډه اخیستنه حل کړي.</p>	

6- د زده کړې پیاوړتیا: (7) دقیقې

د زده کړې د لا پیاوړتیا لپاره دې لومړۍ او دویمه پوښتنه په ټولګې کې حل شي.

7- د لوست د پایلې ارزونه: (5) دقیقې:

د لوست د ارزونې لپاره دې له زده کوونکو پوښتنې وشي د مثال په ډول یو زده کوونکی دې یوه څلور ضلعي رسم کړي او داخلي او باندې زاوې دې په کې وښايي او هم دې ښکاره کړي چې د څلور ضلعي د خارجي زاویو مجموعه 360° ده.

8- د پوښتنو ځوابونه:

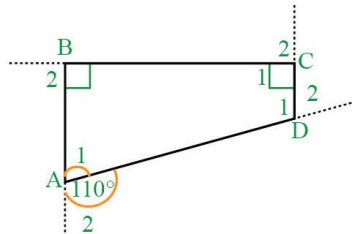
1- څرنگه چې د یوې څلور ضلعي د خارجي زاویو مجموعه 360° ده نو:

$$360^\circ - 301^\circ = 59^\circ$$

2-

$$\hat{B}_2 + \hat{C}_2 + 110^\circ = 90^\circ + 90^\circ + 110^\circ = 290^\circ$$

$$360^\circ - 290^\circ = 70^\circ$$



په دې معني چې دوه خارجي زاوې $90^\circ, 90^\circ$ دي او دریمه زاویه یې 110° ده نو څلورمه یې 70° ده.

3- څرنگه چې:

$$\hat{A}_1 + \hat{A}_2 = 180^\circ$$

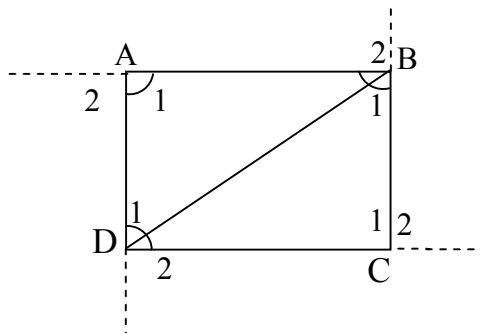
$$\hat{B}_1 + \hat{B}_2 = 180^\circ$$

$$\hat{C}_1 + \hat{C}_2 = 180^\circ$$

$$\hat{D}_1 + \hat{D}_2 = 180^\circ$$

$$\hat{A}_1 + \hat{B}_1 + \hat{C}_1 + \hat{D}_1 = 360^\circ$$

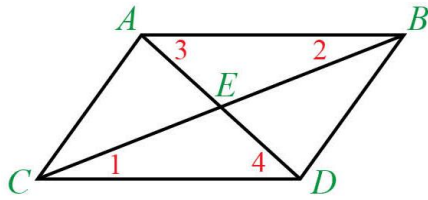
$$\hat{A}_2 + \hat{B}_2 + \hat{C}_2 + \hat{D}_2 = 360^\circ$$



د څلور ضلعي د داخلي او خارجي زاویو مجموعه $360^\circ + 360^\circ = 720^\circ$ کیږي.

4- (b) سم دی.

5- (b) سم دی.



10-6: د څلور ضلعي د قطرونو خاصیتونه

(د متوازي الاضلاع د قطرونو خاصیتونه)

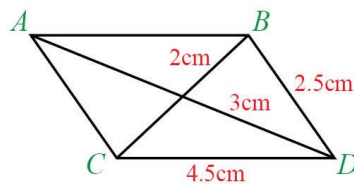
د لوست وخت (1 درسي ساعت)

د کتاب مخ (173)

<ul style="list-style-type: none"> • د متوازي الاضلاع د قطرونو په خاصیتونو و پوهیږي. • په دې و پوهیږي چې متوازي الاضلاع قطرونه یو بل سره نیموي. • د هندسې مسایلو په حلولو کې د متوازي الاضلاع د قطرونو له خاصیتونو څخه ګټه واخېستلای شي. • د هندسي مسایلو په حلولو کې د متوازي الاضلاع د قطرونو د خاصیتونو اهمیت درک کړي او زده کړې ته علاقه مند شي. 	<p>1- د زده کړې موخې</p> <ul style="list-style-type: none"> - پوهنیزې - مهارتي - ذهنیتي
<p>پوښتنې او ځوابونه، یوکسیز او ګروپي کار، تشریحي...</p>	<p>2- د زده کړې میتودونه:</p>
<p>درسي کتاب، تخته... هندسې بکس، دورودي او د مثال د تصویر چارت...</p>	<p>3 درسي او مرستندویه توکي:</p>
<p>د لومړنیو فعالیتونو د سرته رسولو وروسته په داسې حال کې چې دورودي برخې د تصویر چارت څړول شوی دی او یا دا چې ښوونکي یې پر تخته رسموي له زده کوونکو دې ورودي پوښتنه وشي ترڅو هغوی پرې فکر وکړي.</p>	<p>4- دورودي برخې توضیح: (5 دقیقې)</p>
<p>5- د لوست بهیر او فعالیت (28 دقیقې):</p> <p>زده کوونکي دې د شکل له مخې په ګروپونو کې کار وکړي او ښوونکي دې د دوی د کارونو څارنه وکړي. په پای کې د یو ګروپ نماینده خپل کار نورو ته توضیح کوي که اشتباه موجوده وي د کوم بل زده کوونکي له خوا دې اصلاح شي او ښوونکي مرسته اولار ښوونه کوي.</p>	
<p>6- د زده کړې پیاوړتیا (7 دقیقې):</p> <p>ښوونکي دې د 173 مخ مثال زده کوونکو ته په ونډه ورکولوسره حل کړي او د لوست لنډیز دې زده کوونکو ته وویل شي.</p>	
<p>7- د لوست د پایلې ارزونه (5 دقیقې):</p> <p>د لوست د ارزونې لپاره دې له زده کوونکو پوښتنې وشي د مثال په ډول</p> <p>1- یو زده کوونکي دې د متوازي الاضلاع قطر تعریف کړي</p> <p>2- بل دې د متوازي الاضلاع د قطرونو خاصیتونه ووايي،</p> <p>3- د ABCD د متوازي الاضلاع په شکل کې $\overline{AD} = 12\text{cm}$ او $BC = 16\text{cm}$ دي</p> <p>د BF او FD اوږدوالی دې پیدا کړئ.</p> 	

9- د پوښتنو ځوابونه:

- 1- څرنگه چې د متوازي الاضلاع قطرونه یو بل سره نیموي نو د \overline{AD} د قطرله نیمایې برخه هم 3cm ده او همدارنگه د \overline{BC} د قطرله نیمایې 2cm ده



- 2- (b) سم دی.
3- (c) سم دی.
4- (a) سم دی.



11-6: د مستطیل قطرونه

دلوست وخت (1 درسي ساعت)

د کتاب مخ (175)

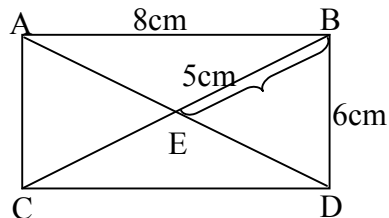
<ul style="list-style-type: none"> • د مستطیل د قطرونو په خاصیتونو وپوهیږي. • وښودلای شي چې د مستطیل قطرونه سره مساوي دي. • ثبوت کړای شي چې د مستطیل د قطرونو له تقاطع څخه دوه جوړه انطباق منوونکي مثلثونه جوړیږي. • د هندسي مسایلو په حلولو کې د مستطیل د قطرونو د خاصیتونو څخه ګټه واخېستلای شي. • د هندسي مسایلو په حل کې د مستطیل د قطرونو د خاصیتونو اهمیت وپیژني او زده کړې ته علاقه من شي. 	<p>1- د زده کړې موخې</p> <ul style="list-style-type: none"> - پوهنیزې - مهارتي - ذهنیتي
<p>پوښتنې او ځوابونه، یوکسیز او ګروپي کار، تشریحي...</p>	<p>2- د زده کړې میتودونه:</p>
<p>درسي کتاب، تخته، تباشیر، هندسي بکس، دورودي برخې د تصویر چارت...</p>	<p>3- درسي او مرستندویه توکي:</p>
<p>د لومړنیو فعالیتونو له سرته رسولو وروسته دې د ورودي چارت په برخه کې له زده کوونکو پوښتنه وشي ترڅو زده کوونکي پرې فکر وکړي.</p>	<p>4- دورودي برخې توضیح:</p> <p>(5) دقیقې</p>
<p>5- د لوست بهیر او فعالیت (28) دقیقې:</p> <p>په داسې حال چې د فعالیت چارت د ټولګي په مخ کې څړول شوي وي فعالیت دې زده کوونکي په خپلو کتابچو کې حل کړي او بیا دې یو زده کوونکي د تختې پر مخ خپل کار نورو ته تشریح کړي ترڅو چې اشتباه کړي وي اصلاح یې کړي او ښوونکی د دوی د کارونو څارنه کوي ښوونکی دې د 175 مخ مثال زده کوونکو ته په ونډه ورکولو سره حل کړي.</p>	
<p>6- د زده کړې پیاوړتیا (7) دقیقې:</p> <p>دلوست د لنډیز څخه وروسته دې ښوونکی د زده کړې د لا پیاوړتیا لپاره د پوښتنو څخه لومړۍ او دویمه پوښتنه حل کړي.</p>	
<p>7- د لوست د پایلې ارزونه (5) دقیقې:</p> <p>دلوست د پای ارزونې لپاره دې دلاندې په شان پوښتي له زده کوونکو وشي.</p> <p>لکه:</p> <div data-bbox="279 1680 662 1926"> </div> <ol style="list-style-type: none"> 1- یو زده کوونکی دې د مستطیل د قطرونو خاصیتونه ووايي. 2- بل دې یو مستطیل رسم او د مستطیل قطرونه دې هم رسم کړي. 3- په دې مستطیل کې نامعلوم اوږدوالی پیدا کړئ. 	

9- د پوښتنو ځوابونه:

1- څرنگه چې د مستطیل قطرونه یو بل سره نیمایې کوي نو

$$\overline{BE} = \overline{EC} = 5\text{cm}$$

$$\overline{AE} = \overline{ED} = 5\text{cm}$$



دا چې د مستطیل ضلعي دوه په دوه سره مساوي دي نو $\overline{AB} = \overline{CD} = 8\text{cm}$ او $\overline{BD} = \overline{AC} = 6\text{cm}$

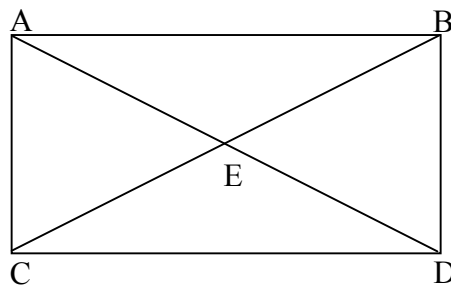
2-

$$\overline{BC} = 6\text{cm}$$

$$\overline{AD} = 6\text{cm}$$

$$\overline{AE} = \overline{ED} = 3\text{cm}$$

$$\overline{EB} = \overline{EC} = 3\text{cm}$$



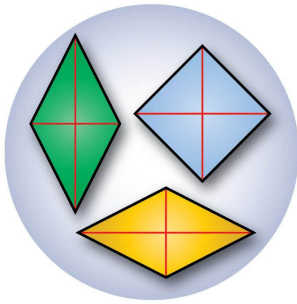
3- (b) سم دی

4- (a) سم دی

5- (a) سم دی

6- (c) سم دی

7- (d) سم دی



12-6: د معین (لوزي) قطرونه

د لوست وخت (1 درسي ساعت)

د کتاب مخ (177)

<ul style="list-style-type: none"> • زده کوونکي د معین (لوزي) د قطرونو په خاصیتونو و پوهیږي. • په دې پوه شي چې د معین قطرونه یو پر بل عمود دي. • وښودلای شي چې د معین قطرونه یوله بله سره مساوي نه دي. • د هندسې مسایلو په حلولو کې د معین د قطرونو له خاصیتونو څخه گټه واخېستلای شي. 	<p>1- د زده کړې موخې</p> <ul style="list-style-type: none"> - پوهنیزې - مهارتي - ذهنیتي
پوښتنې او ځوابونه، یوکسیز او گروپي کار، تشریحي...	2- د زده کړې میتودونه:
درسي کتاب، تخته، هندسي بکس، د ورودي برخې د تصویر چارت او د 178 مخ د مثال د شکل چارت...	3- درسي او مرستندویه توکي:
دلومړنیو فعالیتونو څخه وروسته دې زده کوونکي د ورودي شکل له مخې د شکلونو نمونه ووايې.	4- دورودي برخې توضیح: (5) دقیقې
<p>5- د لوست بهیر او فعالیتونه (28) دقیقې:</p> <p>ښوونکي دې د 177 مخ فعالیت د زده کوونکو په کتابچو کې کار کړي او په پای کې دې یو زده کوونکی خپل کار نورته توضیح کړي ښوونکي دې زده کوونکو ته په ونډه ورکولو سره ثبوت کړي چې دلوزي (معین) قطرونه یو پر بل عمود دي بیا دې ښوونکي 178 مخ د مثال چارت د ټولگي مخ ته وځړوي او یا دې پر تخته رسم کړي او مثال دې حل کړي.</p>	
<p>6- د زده کړې پیاوړتیا (7) دقیقې:</p> <p>د زده کړې د پیاوړتیا لپاره دې ښوونکي د 178 مخ د پوښتنو څخه پنځمه پوښتنه زده کوونکو ته په برخه ورکولو سره حل کړي او پاتې پوښتنې دې د کورني کار په حیث زده کوونکو ته ورکړي.</p> <p>او د لوست لنډیز دې زده کوونکو ته وویل شي.</p>	
<p>7- د لوست د پایلې ارزونه (5) دقیقې:</p> <p>د لوست د ارزښت لپاره دې د زده کوونکو څخه د لاندې په شان او یا داسې نورې پوښتنې د لوست په اړونده وکړي شي.</p> <ol style="list-style-type: none"> 1- یو زده کوونکی دې معین تعریف کړي. 2- بل زده کوونکی دې ووايي چې آیا د لوزي (معین) قطرونه سره مساوي دي که نه؟ 3- د قطرونو د تقاطع څخه په لاس راغلې زاویه به څو درجې وي؟ 	

8- د پوښتنو ځوابونه:

1- هو، د معين قطرونه درآسونو زاوې سره نيمايي کوي

2- قطرونه يو پر بل عمود دي خو مساوي نه دي.

3- هو، د معين قطرونه يو بل سره نيمايي کوي.

4 هو، معين يوه متوازي الاضلاع ده.

5-

$$\hat{1} = \hat{3} = 35^\circ$$

$$\hat{A} + \hat{B} + \hat{C} + \hat{D} = 360$$

$$\hat{A} + \hat{D} = 70^\circ + 70^\circ = 140^\circ$$

$$70^\circ + \hat{B} + \hat{C} + 70 = 140$$

$$B + \hat{C} = 360^\circ - 140^\circ = 220^\circ$$

$$B + B = 220^\circ$$

$$\hat{B} = \hat{C} \quad \text{چون}$$

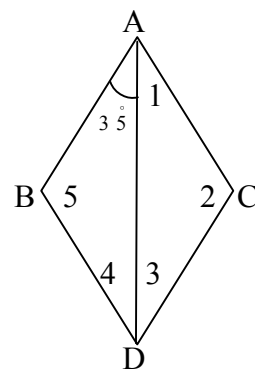
$$2B = 220^\circ$$

$$B = \frac{220^\circ}{2} = 110^\circ$$

$$\hat{B} = \hat{5}$$

$$\hat{C} = \hat{2}$$

$$\hat{5} = \hat{2} = 110^\circ$$

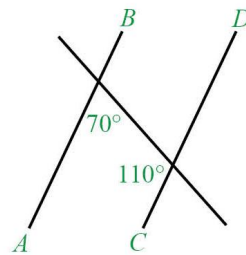
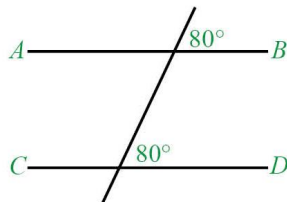
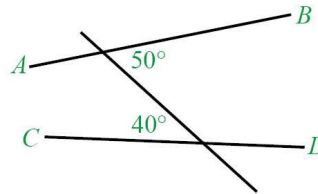
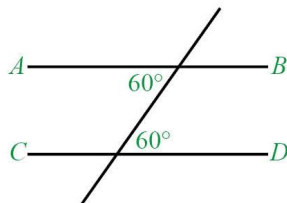


6-13: د څپرکي د عمومي د پوښتنو ځوابونه

د لوست وخت (2 درسي ساعتونه)

د کتاب مخ (177)

-1



نو $\overline{AB} \parallel \overline{CD}$

$60^\circ = 60^\circ$ (داخلي متبادلي زاويې)

نو $\overline{AB} \not\parallel \overline{CD}$

$40^\circ \neq 50^\circ$ (داخلي متبادلي زاويې)

نو $\overline{AB} \parallel \overline{CD}$

$80^\circ = 80^\circ$ (متوافقي زاويې)

$70^\circ + 110^\circ = 180^\circ$ (د قاطع خط يوې خوا ته د داخلي متمم زاويو مجموعه نو $\overline{AB} \parallel \overline{CD}$)

2- په لومړي شکل کې:

$$\hat{2} = 95^\circ$$

$$\hat{1} + 95^\circ = 180^\circ$$

$$\hat{1} = 180^\circ - 95^\circ = 85^\circ$$

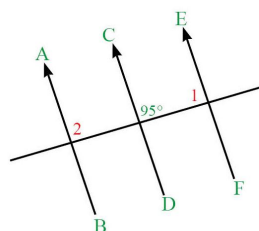
$$\hat{C} = \hat{A} = 110^\circ$$

$$\hat{1} + \hat{C} + 30^\circ = 180$$

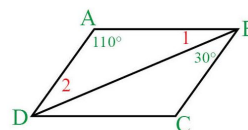
$$\hat{1} + 110^\circ + 30^\circ = 180$$

$$\hat{1} = 180 - 140 = 40^\circ$$

په دويم شکل کې $\hat{2} = 30^\circ$ (داخلي متبادلي زاويې)



1



2

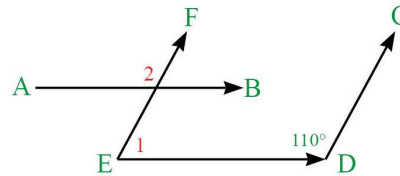
-3

$$\hat{1} + 110^\circ = 180^\circ$$

$$\hat{1} = 180^\circ - 110^\circ = 70^\circ$$

$$\hat{2} + 70^\circ = 180^\circ$$

$$\hat{2} = 180^\circ - 70^\circ = 110^\circ$$



-4

خاصیتونه	متوازي الاضلاع	مستطیل	مربع (لوزي)	مربع
قطرونه یو بل سره نیمایي کوي	✓	✓	✓	✓
قطرونه سره مساوي دي		✓		✓
قطرونه یو پر بل عمود دي			✓	✓
قطرونه د راس زاويې نیمایي کوي		✓	✓	✓
د قطرونو له تقاطع څخه دوه جوړې انطباق منونکي مثلثونه جوړېږي	✓	✓	✓	✓
د قطرونو له تقاطع څخه څلور انطباق منونکي مثلثونه جوړېږي.			✓	✓
مقابلې ضلعي يې سره موازي او مساوي دي	✓	✓	✓	✓
ټولې ضلعي يې سره مساوي دي			✓	✓
مقابلې زاويې يې سره مساوي دي	✓	✓	✓	✓
څلور وارې زاويې يې سره مساوي دي		✓		✓

5- (b) سم دی

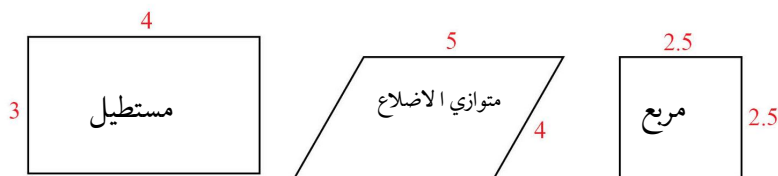
6- (a) سم دی

7- (a) سم دی

8- (a) سم دی

9- (a) سم دی

-10



- 11



-12

$$\hat{6} = \hat{4} = 40^\circ \quad (\text{داخلي متبادلي})$$

$$\hat{2} = \hat{6} = 40^\circ \quad (\text{متوافقي زاوي})$$

$$\hat{1} = 180^\circ - 40^\circ = 140^\circ$$

$$\hat{1} = \hat{7} = 140^\circ \quad (\text{خارجي متبادلي})$$

$$\hat{1} = \hat{5} = 140^\circ \quad (\text{متوافقي زاوي})$$

$$\hat{3} = \hat{1} \quad (\text{مقابل برأس})$$

$$\hat{2} = \hat{8} \quad (\text{خارجي متبادلي})$$

$$\hat{9} = 180^\circ - \hat{2} = 180^\circ - 40^\circ = 140^\circ$$

$$\hat{13} = \hat{11} = 140^\circ \quad (\text{داخلي متبادلي})$$

$$\hat{13} = \hat{9} = 140^\circ \quad (\text{متوافقي زاوي})$$

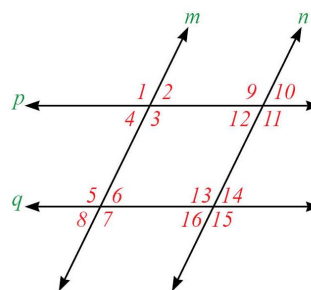
$$\hat{11} = \hat{5} = 140^\circ \quad (\text{متوافقي})$$

$$\hat{9} + \hat{10} = 180^\circ$$

$$140^\circ + \hat{10} = 180^\circ$$

$$\hat{10} = 180^\circ - 140^\circ = 40^\circ$$

$$\hat{12} = \hat{10} = 40^\circ \quad (\text{مقابل برأس})$$



-13

3 سمة ده.	2 سمة ده.	1 ناسمة ده.
6 سمة نه ده.	5 سمة ده.	4 ناسمة ده.
9 سمة ده.	8 سمة ده.	7 سمة ده.
12 سمة ده.	11 ناسمة ده.	10 ناسمة ده.
15 ناسمة ده.	14 ناسمة ده.	13 سمة ده.
18 سمة ده.	17 سمة ده.	16 سمة ده.

14- څرنگه چې د متوازي الاضلاع مقابلې زاوې سره مساوي دي.

$$\hat{B} = 90^\circ$$

$$\hat{C} + \hat{A} = 180^\circ$$

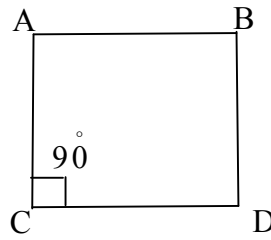
$$90 + A = 180^\circ$$

$$\hat{A} = 90^\circ$$

$$\hat{B} + \hat{D} = 180^\circ$$

$$90^\circ + D = 180^\circ$$

$$D = 90^\circ$$



همدا رنگه په مستطیل کې هم څلورو اړه زاوې قایمي دي.

-15

$$\hat{B} = \hat{C} = 55^\circ$$

$$\hat{A} + \hat{C} = 180^\circ$$

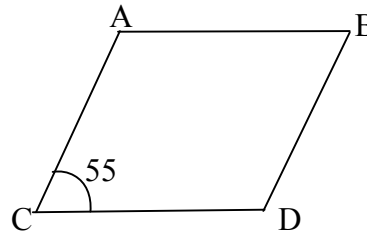
$$\hat{A} + 55 = 180^\circ$$

$$\hat{A} = 180^\circ - 55^\circ = 125^\circ$$

$$\hat{C} + \hat{D} = 180^\circ$$

$$55^\circ + \hat{D} = 180$$

$$\hat{D} = 180^\circ - 55^\circ = 125^\circ$$



-16

$$70^\circ + \hat{1} + 50^\circ = 180$$

$$\hat{1} + 120^\circ = 180^\circ$$

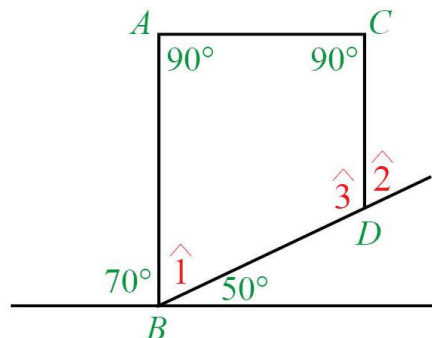
$$\hat{1} = 180^\circ - 120^\circ = 60^\circ$$

$$\hat{1} = \hat{2} = 60^\circ \quad (\text{متوافقي زاوې})$$

$$\hat{2} + \hat{3} = 180^\circ$$

$$60^\circ + \hat{3} = 180^\circ$$

$$\hat{3} = 180^\circ - 60^\circ = 120^\circ$$





اووم فصل : احصائيه

عنوان: د اطلاعاتو د راټولولو طريقې
د کتاب مخ: 187 د لوست وخت (1 درسي ساعت)

1. د زده کړې موخې	<p>هيله کېږي چې زده کوونکي د لوست په پای کې لاندې موخو ته ورسېږي:</p> <ul style="list-style-type: none"> • د اطلاعاتو د راټولولو طريقې وپېژني. • د خپل چاپیریال څخه د اطلاعاتو د راټولولو لپاره د اطلاعاتو د راټولولو طريقې وکاروي. • د اطلاعاتو د راټولولو د طریقو اهمیت درک کړي.
2. د زده کړې لارې:	پوښتنې او ځوابونه، مباحثه، ډله ییز او یو کسیز کار....
3. مرستندویه مواد:	تخته، چارټ، جدول، محیطي مواد....
4. د ورودی برخې توضیح: (5 دقیقې)	<p>ستاسو د ښوونځي مدیر غواړي چې ستاسو لپاره یو تفریحي پروگرام جوړ کړي، که تاسو د مدیر پر ځای یاست کوم معلوماتونه باید لاس ته راوړئ؟</p> <p>څرنگه چې فعالیت په پایله کې واضح شوې ده تر څو زده کوونکي د اطلاعاتو د راټولولو اهمیت درک کړي او په مختلفو ځایونو کې د معلوماتو د راټولولو په مختلفو طریقو وپوهېږي چې (شفاهي، تحریري)، مشاهده او تجربه ده ښکاره خبره ده چې د ورودی پوښتنې څخه د پلان د جوړولو او د معلوماتو د راټولولو اړتیا درک کوي.</p>
5. د درس جریان او فعالیتونه (28 دقیقې):	<p>زده کوونکي په ډلو کې منظم کړي تر څو د فعالیت پوښتنو ته ځواب ورکړي بیا دې یو زده کوونکی په خپله خوښه خپل کار نورو ته توضیح کړي که چیرې غلطی یې کړی وي تاسو محترم ښوونکی ورته لارښوونه وکړئ او د فعالیت د سرته رسولو په وخت کې د زده کوونکو د کار څخه لیدنه وکړئ او همدارنگه د کتاب (د 188) مخ مثال د زده کوونکو په برخه اخیستنه حل او توضیح کړئ.</p> <p>تر څو زده کوونکي د مثال د هرو څلورو برخو د اطلاعاتو د راټولولو په توپیر وپوهېږي او همدارنگه تاسو محترم ښوونکی واضح کړئ چې احصائیه د ورځنیو موضوعگانو چې ورسره مخامخ یو د معلوماتو د راټولولو د طریقو، د عددي معلوماتونو د منظم کولو، تجزیه او تحلیلو څخه بحث کوي.</p>
6. د زده کړې تحکیم یا پوخوالی (7 دقیقې):	که وخت و تاسی محترم ښوونکی کولای شئ چې د لاندې زده کړې لپاره نور مثالونه هم کار کړئ.
7. د درس د پایلې ارزونه (5 دقیقې):	<ul style="list-style-type: none"> • له یوه تن زده کوونکي څخه وغوښتل شي چې د ورځیني ژوند څخه په شفاهي ډول د معلوماتو د راټولولو مثال راوړي. بل زده کوونکی دې د معلوماتو د راټولولو د لیکلو (تحریري) طریقې مثال راوړي.

8. د ښوونکو لپاره اضافي معلومات:

تاسو څه وخت کولای شئ چې د یوې موضوع په برخه کې معلومات لاسته راوړئ؟
ښکاره خبره ده چې ستاسو معلومات د رقمونو او عددونو په واسطه ښودل کېږي د رقمونو او عددونو دې مجموعې ته دیتاگانې وايي دیتاگانې کولای شو په لاندې ډول لاس ته راوړو.

- د پوښتنو له لارې (په شفاهي ډول، د مباحثې له لارې).
- د کتنې او د پېښو د ثبوتولو له لارې.
- د تجربې د سرته رسولو له لارې.

9. د پوښتنو ځوابونه:

- 1- د لیکلو او شفاهي طریقو سره کولای شو چې د خپل کلی د سواد لرونکو خلکو پوښتنه وکړو.
- 2- کولای شو د لیکلو له طریقې ګټه واخلو.
- 3- د کتنې له لارې څخه باید ګټه واخلو.

4- شفاهي پوښتنې

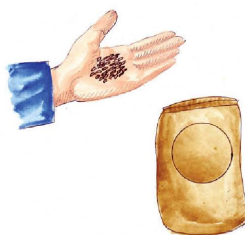
- هغه وخت چې زده کوونکي له ښوونځي څخه کور ته رسېږي.
- د هغه زده کوونکو شمېر چې د مطالعې لپاره کتابخانې ته ځي.

لیکلي پوښتنې

- د یو ټولګي د زده کوونکو د عمرونو څېړنه.
- د یو ټولګي د زده کوونکو د نمر وړتیا کول.

کننه (مشاهده)

- د دوو ورزشي ټیمونو په منځ کې د لوبې کټل.
- په یادولو کې د هڅونې اغېزه.



7-2: احصائيوي ٽولنه او نمونه (Population and sample)

د کتاب مخ: 189 د لوست وخت (1 درسي ساعت)

<p>1. د زده کړې موخې</p> <ul style="list-style-type: none"> - دانشي - مهارتي - ذهني 	<p>هيله کېږي چې زده کوونکي د لوست په پای کې لاندې موخو ته ورسېږي:</p> <ul style="list-style-type: none"> • د ټولنې، نمونې، سرشمېرنې مفهومونه او د جامعي او نمونې په اندازه کولو باندې وپوهېږي. • د ارزښت پيدا کولو له مخې د ټولنې او نمونې تحليلول او تجزيه کول و پېژني. • د ټولنې د پېژندلو لپاره په سمه توگه د نمونې اخېستلو شرطونه درک کړي.
<p>2. د زده کړې لارې:</p>	<p>پوښتنې او ځوابونه، بحث، ډله ییز او یو کسيز کار.</p>
<p>3. مرستندويه مواد:</p>	<p>تخته، چارټ، محيطي مواد درسي کتاب ...</p>
<p>4. د ورودي برخې توضیح: (5 دقيقې)</p>	<p>د مقدماتي چمتووالی (سلام، د حال احوال پوښتنه، حاضري ...) نه وروسته محترم ښوونکی دې د تېر لوست په برخه کې له یوه یا دوه تنو زده کوونکو څخه وپوښتي. د لوست د ورودي موخه دا ده چې په زده کوونکو کې د ټولنې او نمونې د مفهومونو د پوهېدو لپاره انگیزه پيدا شي. په دې معنا چې له زده کوونکو پوښتنه وشي که گڼلونکی د (15) کلنو زده کوونکو لپاره یو رنگ کالي جوړوي د کومو زده کوونکو د تې لوروالی باید اندازه کړي.</p>
<p>5. د درس جریان او فعالیتونه (28 دقيقې):</p> <p>ښوونکی دې له زده کوونکو وغواړي چې د لوست فعالیت په دوه یا درې کسيزو ډلو کې سرته ورسوي د فعالیت د سرته رسولو لپاره له زده کوونکو وغوښتل شي چې هر زده کوونکی دې فعالیت ولولي او خپل نظر دې د ډلې له نظرياتو سره شریک کړي او هغه څه چې په فعالیت کې ورکړي شوي دي سرته ورسوي. په دې فعالیت کې د پوهنې وزارت غواړي چې د ریاضي د درسي ساعتونو د شمېر په برخه کې د ښوونکي نظريات وڅېړي. که ټول ښوونکي د ټولنې په حیث په پام کې ونیسو څرنگه چې درسي ساعتونه د ریاضي د مضمون پورې اړه لري نو دا پوښتنه باید د ریاضي له ښوونکو څخه وشي او اړینه نه ده چې د یو خاص ټولگي له زده کوونکو څخه وشي او کولای شو چې د ریاضي د یو شمېر ښوونکو څخه وپوښتو. او د دې پوښتنې په ځواب کې چې ایا کولای شو چې د اووم ټولگي له ښوونکو څخه دا ښوونکی و ټاکو. ځواب یې دا دی چې نه: ځکه د اووم ټولگي ښوونکي د ریاضي د ټولو ښوونکو نماینده گي نه شي کولای.</p>	
<p>6. د زده کړې تحکیم یا پوخوالی (7 دقيقې):</p> <p>د زده کړې د ښه پوخوالی لپاره د لوست د مثال سربېره ددې مثال په شان نور مثالونه هم په ټولگي کې کار کړئ.</p>	
<p>7. د درس د پایلې ارزونه (5 دقيقې):</p> <p>د لوست د ارزونې لپاره لومړی د لوست لندیز زده کوونکو ته وواځي او د حل شوو پوښتنو په شان پوښتنې له زده کوونکو څخه وپوښتي.</p>	

8. د ښوونکو لپاره اضافي معلومات:

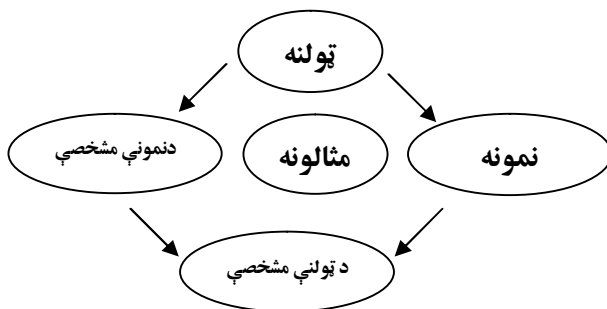
څه وخت چې د ټولنې نوم يادوو، موڅه مويوازي انساني ټولنه نه ده د هغه افرادو او شيانو څخه چې د غړو په باره کې يې خبرې کوو عبارت ده، لاندې مثالونه کولای شو د احصائيوي ټولنې په توګه په پام کې ونيسو:

- د افغانستان زارعتي حاصلات.
- د يو ځنګل ونې.
- د لومړنۍ ښوونځي زده کوونکي.

ځينې ټولنې د پورته مثالو څخه ډېر ډولونه لري لکه د افغانستان زارعتي حاصلات. نو د داسې ټولنو د څېړنې لپاره د نمونو څخه کار اخلو لکه دا متل (چې يو موټی د خروارو نمونه ده) يا د يو موټی وريجو په ليدلو سره د ټولو وريجو په برخه کې قضاوت وکړو. د متجانسې ټولنې مثالونه عبارت دي له:

- د افغانستان د مېو باغونه.
- په 1387 هـ.ش. کال کې د افغانستان د زده کوونکو شمېر.

لاندې دياګرام په خالص ډول ټولنه توضيح کوي.



9. د پوښتنو ځوابونه:

1-

- ټولنه (ستاسو د کورنۍ غړي)
- ټولنه (د ټولګي زده کوونکي)
- ټولنه (د علي آباد روغتون ډاکټران)
- ټولنه (موټرونه)
- موضوع (د تحصيل درجه)
- موضوع (د وروڼو او خويندو زده کوونکو شمېر)
- موضوع (د کار کولو ساعتونه)
- موضوع (هغه وخت چې موټرونه له سړک تيرېږي)

2-

- د سر شمېرنې له لارې.
- د نمونې اخېستلو له لارې.
- د نمونې اخېستلو له لارې.
- د سر شمېرنې له لارې.
- د نمونې اخېستلو له لارې.
- د نمونې اخېستلو له لارې.

10. د سرشمېرنې له لارې.



7-3: تصادفي نمونه

د کتاب مخ: 191 د لوست وخت (1 درسي ساعت)

<p>1. د زده کړې موخې</p> <ul style="list-style-type: none"> - دانشي - مهارتي - ذهني <p>هيله کېږي چې زده کوونکي د لوست په پای کې لاندې موخو ته ورسېږي:</p> <ul style="list-style-type: none"> • د ټولنې، نمونې، سرشمېرنې مفهومونه او د جامعې او نمونې اندازه کولو باندې وپوهېږي. • د ارزښت پیدا کولو له مخې د ټولنې او نمونې تحلیلول او تجزیه کول و پېژني. • د ټولنې د پېژندلو لپاره په سمه توګه د نمونې اخیستلو شرطونه درک کړي. 	
<p>2. د زده کړې لارې:</p>	<p>پوښتنې او ځوابونه، ډله ییز او یو کسيز کار تشریحي ...</p>
<p>3. مرستندویه مواد:</p>	<p>تخته، چارټ، جدول، محیطي مواد، درسي کتاب، تباشیر ...</p>
<p>4. د ورودی برخې توضیح:</p> <p>(5 دقیقې)</p> <p>د مقدماتي چمتووالی (سلام، د حال احوال پوښتنه، حاضري، کورنۍ ډنډې له کتلونه....) نه وروسته محترم ښوونکی! د تېر لوست په برخه کې له یوه یا دوه تنو زده کوونکو څخه وپوښتنې، د مثال په ډول: احصائیوي ټولنه څه شی دی؟ نمونه څه شی دی؟ که زده کوونکو ځوابونه وویلای شوه نوی درس پیل کړئ د ورودی برخې د پوښتنې نه موخه دا ده چې زده کوونکي پوه شي چې تصادفي نمونه څه شی دی؟</p> <p>د ورودی پوښتنې ځواب دا دی چې که د ولایت خلک د احصائیوي ټولنې په حیث په پام کې ونیسو ددې ولایت د سواد لرونکو د شمېر د ټاکلو لپاره مناسبه نمونه نه ده. ځکه چې ښوونکي ټول سواد لرونکي دي لیکن د ښار ټول خلک سواد نه لري نو ستاسو دا ټاکنه یوه تصادفي نمونه نه ده.</p>	
<p>5. د درس جریان او فعالیتونه (28 دقیقې):</p> <p>له زده کوونکو څخه وغوښتل شي چې د لوست فعالیت په دوه یا درې کسيزو ډلو کې ترسره کړي او خپل نظریات سره شریک کړي او پوښتنو ته ځوابونه ورکړي د لوست د فعالیت ځواب کولای شو په لاندې ډول ووايو:</p> <ul style="list-style-type: none"> • که چیرې دا زده کوونکي د احصائیوي ټولنې په توګه ومنو د ټولو زده کوونکو د تنې لوړوالی پیدا کولای شو لیکن دا یو ستونزمن کار دی د کار د اسانتیا لپاره ښه دا ده چې له دې زده کوونکو څخه نمونه وټاکو او د تنې لوړوالی یې اندازه کړو. • ځکه چې د باسکټبال د ټیم غړي په عمومي ډول لوړه تنه لري. • هو، دا یوه تصادفي نمونه ده، ځکه چې مخکې له مخکې نه پوهېږو چې تنې یې لوړې دي او که لنډې، ځکه چې د الفبا د تورو په اساس ټاکل شوي دي. <p>محترم ښوونکی کولای شي چې د احصائیوي ټولنې او تصادفي نمونې مثالونه د تخته یا چارټ په وسیله زده کوونکو ته واضح کړي.</p> <p>د فعالیت د سرته رسولو په وخت کې تکراره زده کوونکي باید تشویق او له کمزورو زده کوونکو سره مرسته وشي</p>	

6. د زده کړې تحکیم یا پوخوالی (7) دقیقې:

د زده کړې د ښه پوخوالی لپاره تاسو محترم ښوونکی د احصائیوي ټولنې او تصادفي نمونې څو نور مثالونه راوړئ.

7. د درس د پایلې ارزونه (5) دقیقې:

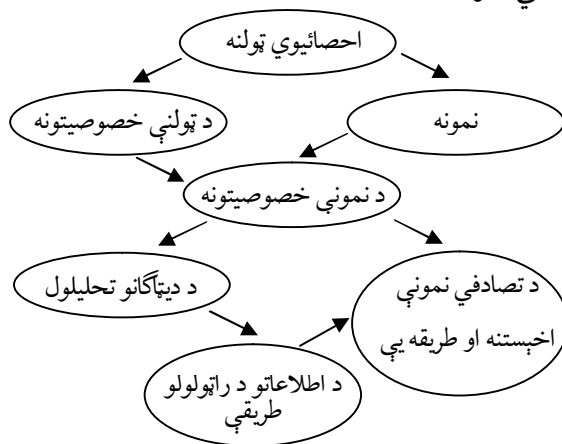
د لوست د ارزونې لپاره لومړی دې ښوونکی د لوست لنډیز زده کوونکو ته ووايي او د حل شوو پوښتنو په شان پوښتنې دې له زده کوونکو څخه وپوښتي.

- له یوه زده کوونکی څخه دې پوښتنه وشي چې د احصائیوي ټولنې مثال ووايي.
- له بل زده کوونکی څخه دې پوښتنه وشي چې د یوې مناسبې تصادفي نمونې مثال ووايي.
- له بل زده کوونکی څخه دې پوښتنه وشي چې یوه مناسبه تصادفي نمونه باید کومې ځانګړتیاوې ولري.

د درس مثال دې واضح شي.

8. د ښوونکو لپاره اضافي معلومات:

محترم ښوونکي: په تېر لوست کې زده کوونکو د احصائیوي ټولنې او نمونې په برخه کې معلومات حاصل کړي دي. د نمونې په ټاکلو کې باید غور وشي، د مثال په ډول که ووايو چې یو موټی وریجې د یوې بوجی وریجو نمونه ده، کیدای شي دوکاندار د تېراستنې لپاره یو موټی ښې وریجې درښودلی وي او د بورۍ دننه وریجې ښې نه وي. نو نمونې په دوه ډوله وېشل کېږي. یوه هغه نمونه ده، چې د انسان میل او سلیقه په کې د خپله نه وي. په دې معنا چې د احصائیوي ټولنې ټول غړي (عناصر) مساوي چانس ولري په احصائیه کې له نمونې څخه موخه تصادفي نمونه ده.



9. د پوښتنو ځوابونه:

1-

- دا نمونه یوه مناسبه نمونه، نه ده ځکه چې د کارگرانو د کورنیو غړي د پیداوارو عیبونه نه وایي چې د دوی په ضرر تمامېږي.

- یوه مناسبه نمونه ده.

2-

- په دې ځای کې که ستاسو د ټولګي ملګري د احصائیوي ټولنې په توګه په پام کې ونیسو هغه نمونه چې د پچې په اساس ټاکل کېږي یوه تصادفي نمونه ده.



4-7: تصادفي متحول او ډولونه يې

د کتاب مخ: 193 د لوست وخت (1 درسي ساعت)

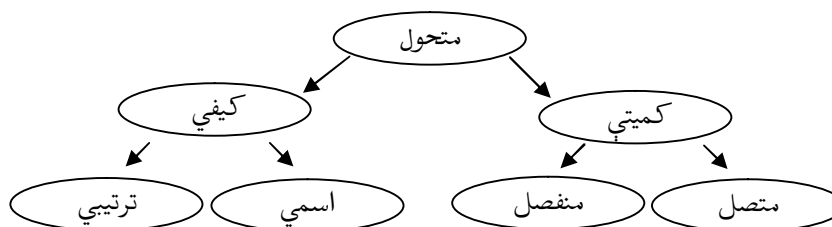
<p>هيله کېږي چې زده کوونکي د لوست په پای کې لاندې موخو ته ورسېږي:</p> <ul style="list-style-type: none"> • د تصادفي متحول په مفهوم پوه او ډولونه يې وپېژني. • وکولای شي په نمونه اخېستنه او د احصائیوي ټولنې په پېژندلو کې تصادفي متحول او ډولونه يې وکاروي. • په نمونه اخېستنه او د احصائیوي ټولنې په پېژندنه کې د تصادفي متحول او ډولونو اهمیت درک کړي. 	<p>1. د زده کړې موخې</p> <ul style="list-style-type: none"> - دانشي - مهارتي - ذهني
<p>پوښتنې او ځوابونه، ډله ییز او یو کسيز کار تشریحي ...</p>	<p>2. د زده کړې لارې:</p>
<p>تخته، چارټ، جدول، محیطي مواد درسي کتاب، تباشیر ...</p>	<p>3. مرستندویه مواد:</p>
<p>د تېرو لوستونو په شان د مقدماتي چمتو والی وروسته د تېر لوست په برخه کې له زده کوونکو پوښتنې وشي.</p> <p>د ورودی مفهوم دا دی چې زده کوونکي په دې پوه شي چې کېلې، بادرنگ په شمېرلو سره او انگور په وزن کولو اخېستلای شو او د ډول اخېستل د متحول د اندازه کولو پورې اړه لري. زده کوونکو ته واضح شي چې موږ ځینې متحولونه اندازه کوو او ځینې شمارو او ځینې نه شو کولای چې اندازه یې کړو.</p>	<p>4. د ورودی برخې توضیح:</p> <p>(5 دقیقې)</p>
<p>5. د درس جریان او فعالیتونه (28 دقیقې):</p> <p>فعالیت دې په ډلو کې ترسره کړی، یو تن زده کوونکی فعالیت لولي او نورو زده کوونکي د ښوونکي په مرسته ځوابونه ورکوي.</p> <p>ددې دواړو متحولینو توپیر دا دی چې لومړی متحول د اندازه کولو او دویم متحول د شمېرنې وړ دی. داسې موضوع چې د عدد سره یې نشو بیانولای لکه (نر او ښځه).</p> <p>زده کوونکي د احصائیوي ټولنې په توګه او تر څېړنې لاندې موضوع د دوی د تنې د لوړوالی اندازه کول دي.</p> <p>د کلي پسونه احصائیوي ټولنه او د څېړنې لاندې موضوع د پسونو شمېر دی.</p> <p>د اطلاعاتو د راټولولو څخه د مخه د احصائیوي ټولنې د غړو په برخه کې وړاندوینه نشو کولای ځکه که د زده کوونکو د وزن او د پسونو د شمېر په برخه معلومات و نه لرو نو نه شو کولای ددې دوو احصائیوي ټولنو په برخه کې وړاندوینه وکړو.</p> <p>د فعالیت د سرته رسولو په وخت کې محترم ښوونکی دې څارنه وکړي د کمزورو زده کوونکو سره مرسته وکړي او د (194) مخ مثال دې حل او توضیح کړي.</p>	
<p>6. د زده کړې تحکیم یا پوخوالی (7 دقیقې):</p> <p>د وخت د لرلو په صورت کې د متحول او د متحول ډولونو مثالونه زده کوونکو ته ووايست.</p>	

7. د درس د پایلي ارزونه (5) دقیقې:

د لوست د ارزونې لپاره د لوست د موضوع په برخه کې دې له زده‌کوونکو پوښتنې وشي د مثال په ډول:

- له یوه زده‌کوونکي څخه د تصادفي متحول په برخه کې پوښتنه وکړئ.
- له بل څخه د کمیتي متحول په برخه کې، د بل یو څخه د کیفي متحول په برخه کې، او په همدې ډول د تصادفي متصل او منفصل متحولینو په برخه کې پوښتنې وکړئ.

8- د ښوونکو لپاره اضافي معلومات: د یوې احصائیوي ټولنې یا نمونې د احصائیوي څېړنې لپاره که متحول کمیتي وي لکه وزن، حجم، اوږدوالی، د حرارت درجه او نور د عددونو په مرسته په اسانۍ سره د دوی بیانول د امکان وړ دي لیکن که تر څېړنې لاندې متحول کیفي وي لکه فکر، مهارت، استعداد، کیفیت او نور د مثال په ډول د وینې گروپ، د یو انسان د ژوند مرحلې او نور که چیرې په کمیتي متحولونو کې د دوو واحدونو تر منځ عدد واخېستلای شي نو کمي متصل دی او که متحول د دوو پرله پسې واحدونو تر منځ عدد وا نه خلي لکه د مثال په ډول نن د ټولگي ناسوب زده‌کوونکي 5 او پرون 3 کسه وه لیکن 4.5 عدد نه شي اخېستلای دې ته غیر متصل یا منفصل کمیتي متحول وایي. کمیتي متحولونه سره پرتله کولای شو مثلاً د دې سړي وزن له هغه بل څخه زیات دی خو کیفي متحولونه سره نه شي پرتله کیدای په کیفي متحولونو کې ځینې یې طبیعي ترتیب لري لکه د تحصیل مختلفې دورې (لومړنۍ، ثانوي، ...) دې ډول کیفي متحولینو ته ترتیبي کیفي متحولین وایي او کوم چې طبیعي ترتیب نه لري اسمي کیفي متحول ورته وایي لاندې شکل یې په لنډ ډول درېږني.



9- د تمرین پوښتنو ځوابونه:

1-

- د وینې گروپ د مایعاتو پورې اړه لري.
 - ستاسو د سیمې د غنمو حاصلات د جامداتو پورې اړه لري.
 - ستاسو د کلي د هوا اکړتیا د غازاتو پورې اړه لري.
- 2- نه ځکه چې د مرغومی (جدي) په میاشت کې د کابل د تودوخې د درجې وړاند وینه کیدای شي نو دا تصادفي متحول نه دی.
- 3- هو، دایو تصادفي متحول دی ځکه دده په برخه کې وړاند وینه نه شي کیدای او له بلې خوا دا یو

منفصل تصادفي متحول دی.

-4

- د تلیفونو مکالمو شمېر تصادفي غیر متصل متحول دی.
- متصل تصادفي متحول دی.
- د گډون کوونکو برخه اخیستنه کیفي تصادفي متحول دی.
- د صندوق د خطونو شمېر منفصل تصادفي متحول دی.
- د ورځپاڼو وزن کمي متصل تصادفي متحول دی.
- د ناروغانو شمېر منفصل تصادفي متحول دی.
- د تحصیل اندازه یو کیفي متحول دی.

یو کیفي متحول دی.

<p>1. د زده کړې موخې</p> <p>- دانشي</p> <p>- مهارتي</p> <p>- ذهني</p>	<p>هيله کېږي چې زده کوونکي د لوست په پای کې لاندې موخو ته ورسېږي:</p> <ul style="list-style-type: none"> • د فريکونسي د جدول د ترتيبولو په مفهوم پوه شي. • وکولای شي راټول شوي معلومات د فريکونسي په يو جدول کې ترتيب کړي. • د معلوماتو په لنډولو او گروپ کولو کې د فريکونسي د جدول اهميت او ارزښت درک کړي.
2. د زده کړې لارې:	پوښتنې او ځوابونه، ډله ییز او یو کسيز کار.
3. مرستندويه مواد:	تخته، چارټ، جدول، محيطي مواد، درسي کتاب ...
4. د ورودي برخې توضیح:	<p>د لومړنيو چمتووالو (د حال احوال پوښتنه، د ټولگي نظم، حاضري، کورنۍ دندې کتل...) د ورودي د پوښتنې ځواب دا دی چې د ښوونکي په کلمه کې د (و) توري دوه ځلې راغلې دي.</p> <p>په همدې ډول محترم ښوونکي کولای شي چې څو نورې کلمې مثال ورکړي.</p>
5. د درس جريان او فعاليتونه (28 دقيقې):	<p>زده کوونکو ته په بېلابېلو ډلو کې د فعاليت د سرته رسولو لپاره کار ورکړئ او تاسې ښوونکي يې څارنه او ورسره مرسته وکړئ د ډله یيز کار طريقه زده کوونکو ته واضح کړئ او د زده کوونکو به دې ټکي ته پام شي چې د جدول له ترتيبولو پرته ځواب ورکول ستونزمن دی.</p> <p>او پوه کړای شي چې څو کسانو کوم رنگ خوښ کړی دی او په تشو ځايونو کې يې وليکي، رنگونه و شمېري او تش ځايونه د رنگونو سره برابر ډک کړي. دا ښکاره خبره ده چې د دويم ستون د عددونو مجموعه (30) او 30 د زده کوونکو شمېر ښيي او د جدول له ترتيبولو وروسته ځواب ويل اسانېږي او همدارنگه که د رنگونو د ليکلو ترتيب تغيير وکړي ځواب تغير نه کوي او د فعاليت موخه د رنگونو تکرار دی چې د رنگونو تکرار د فريکونسي په نامه يادېږي.</p> <p>په پای کې زده کوونکي خپل د فعاليت کار په تخته باندې نورو ته واضح کوي هغه زده کوونکي چې فعاليت کې يې اشتباه کړی وي اصلاح کوي يې.</p>
6. د زده کړې تحکيم يا پوخوالی (7 دقيقې):	د زده کړې د پوخوالی لپاره د لوست مثال د زده کوونکو په برخې اخيستې سره کار کړئ.
7- د درس د پایلې ارزونه (5 دقيقې):	<p>له زده کوونکو وپوښتئ چې په $n = f_1 + f_2 + \dots + f_n$ کې n او f_1, f_2, \dots, f_n د کومو مفهومونو ښکارندوی دي او د فريکونسي د جدول مفهوم څه شی دی؟</p>

8- د ښوونکو لپاره اضافي معلومات:

عددي معلومات (دیتاگانې) په منظم ډول په څو کرښو او ستونو کې ترتیب کړې چې په لاس راغلی پایلې د جدول له مخې ښکاره او واضح وي. د یو عنصر د څو ځلې شمېر ته د هغه عنصر فریکونسي وايي. لکه په کتاب کې د (40) کورنیو په جدول کې $f_1 = 4$ ، $f_5 = 6$ او $f_8 = 1$ دی او $f_1 + f_2 + \dots + f_8 = 40$ کېږي. لیدل کېږي چې لږې کورنۍ 8 کسه او ډیرې کورنۍ 3 کسه لري.

9- د پوښتنو ځوابونه:

- 1- لومړۍ پوښتنه د کورنۍ کار په توګه زده کوونکو ته ورکړې چې په بله ورځ یې په یو جدول کې ترتیب او له ځانه سره یې راوړي.
- 2- د دویمې پوښتنې جدول چې په درسي کتاب کې شته پر تخته ولیکلئ او له زده کوونکو څخه یې ځوابونه د لاندې په شان په لاس راوړئ.

د ښار نوم	حرارتي اوسط
بلخ	20
بامیان	10
کندهار	24
ننګرهار	25

- د بامیانو د ښار د حرارت درجه تر ټولو ټیټه ده.
- د جلال اباد د ښار د حرارت درجه تر ټولو لوړه ده.



6-7: انځوريز يا تصويري گراف

د کتاب مخ: 197 د لوست وخت (1 درسي ساعت)

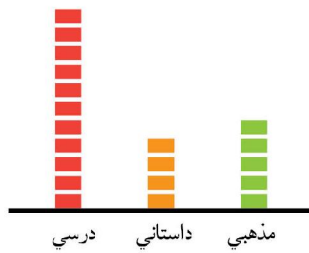
<p>1. د زده کړې موخې</p> <p>(دانشي مهارتي ذهني)</p>	<p>هيله کېږي چې زده کوونکي د لوست په پای کې لاندې موخو ته ورسېږي:</p> <ul style="list-style-type: none"> • د انځوريز گراف په مفهوم پوه شي. • راټول شوي معلومات په يو انځوريز گراف کې وښودلای شي. • د انځوريز گراف په مرسته د ډيټاگانو د ښودلو طريقه درک کړي.
<p>2. د زده کړې لارې:</p>	<p>پوښتنې او ځوابونه، ډله ییز او یو کسيز کار.</p>
<p>3. مرستندويه مواد:</p>	<p>تخته، چارټ، جدول، محيطي مواد، درسي کتاب....</p>
<p>4. د وړودي برخې توضیح:</p> <p>(5 دقيقې)</p>	<p>د لومړنيو چمتووالي او په تېر لوست کې له پوښتنو کولو څخه وروسته ښوونکي ددې نېټې په برخه کې له زده کوونکو وپوښتي چې دا يوه ترافيکي نېټه ده او ورته وويل شي چې دا نېټه ددې لپاره راوړل شوې ده چې ځينې موضوعگانې د سمبولونو او شکلونو په مرسته ښودلای شي چې همدا نېټه يو هدف ته لارښوونه کوي او ښوونکي دې زده کوونکو ته ووايي چې څه وخت چې د انسانانو ليکل او لوستل زده نه وه. د خپلو ستونزو د حل لپاره يې د شکلونو، سمبولونو او په ديوالونو باندې د خطونو د کښلو څخه گټه اخېستله.</p>
<p>5. د درس جريان او فعاليتونه (28 دقيقې):</p>	<p>محترم ښوونکي! څرنگه چې غواړئ فعاليت په زده کوونکو سرته ورسوئ، يو زده کوونکي ځواب وايي نوري يې اوري. ښايي د فعاليت د لومړۍ پوښتنې په ځواب کې ووايي د يو پسه لپاره يو تصوير او د 5 پسونو لپاره 5 تصويرونه او د سلو پسونو لپاره ستونزمنه ده چې سل تصويرونه رسم شي.</p> <p>د فعاليت پايله دا ده چې څرنگه کولای شو چې ډيټاگانې د تصويرونو او شکلونو په مرسته وښو تر څو هدف ژر درک شي.</p>
<p>6. د زده کړې تحکيم يا پوخوالی (7 دقيقې):</p>	<p>د زده کړې د لاپوخوالی لپاره د لوست مثال دې کار کړئ.</p>
<p>7. د درس د پايلې ارزونه (5 دقيقې):</p>	<p>د ارزونې لپاره د لوست د مثالونو په شان پوښتنې له زده کوونکو وکړئ او پر تخته يې حل کړئ.</p>
<p>8- د ښوونکو لپاره اضافي معلومات:</p>	<p>څه فکر کوئ چې د معلوماتو په لاس ته راوړلو کې جدول، گراف (تصوير) او که يو متن اسان دی؟ ويل کېږي چې (يو ښه تصوير د زرو کلمو ارزښت لري) يو گراف ته په يوه کتنه د معلوماتو ډيرې ځانگړتياوې پېژندل کېږي.</p> <p>نن ورځ د احصائيوي معلوماتو گرافونو ډېر رواج موندلی دی، پوسترونه، ورځپاڼې، مجلې او تلويزيون زيات مسائل د تصويرونو په مرسته راښيي.</p>

9-د پوښتنو ځوابونه:

1-

خالد 5 مذهبي، 4 داستاني او 11 درسي کتابونه لري.

- درسي کتابونه يې زيات دي.



2-

- د دريو ساعتونو ښکاره کوونکی دی.

- د $1\frac{1}{2}$ ساعت ښکاره کوونکی دی.

- خالد د شنبې په ورځ 3 ساعتونه د یکشنبې په ورځ 6 ساعتونه، د دوشنبې په ورځ $\frac{7}{2}$ ساعتونه، د سه شنبې په ورځ 3 ساعتونه او د چهارشنبې په ورځ يې هم 6 ساعتونه مطالعه کړې ده.





1. د زده کړې موخې	هيله کېږي چې زده کوونکي د لوست په پای کې لاندې موخو ته ورسېږي:								
- دانشي	• د موډ په مفهوم وپوهېږي.								
- مهارتي	• د ډیټاگانو موډ وټاکلای شي.								
- ذهني	• په ورځنۍ مسایلو کې د موډ ارزښت او اهمیت درک کړي.								
2. د زده کړې لارې:	پوښتنې او ځوابونه، مباحثه، ډله ییز او یو کسيز کار.								
3. مرستندويه مواد:	تخته، چارټ، جدول، محیطي مواد، درسي کتاب...								
4. د وړودي برخې توضیح:	د لومړنیو چمتووالی او په تېر لوست کې له پوښتنو کولو څخه وروسته د وړودی پوښتنې موخه د موډ د مفهوم په برخه کې د انگیزې پیدا کول دي. تر څو زده کوونکي د موډ مفهوم درک کړي. هغه رنګونه چې زیات خرڅېږي فابریکه هماغه رنګونه زیات تولیدوي- کوم رنګ چې زیات وي له موډ څخه عبارت دی.								
5. د درس جریان او فعالیتونه (28 دقیقې):									
له زده کوونکو څخه و غوښتل شي چې فعالیت ولولي او بیا له زده کوونکو پوښتنه وشي چې کوم یو له کاندیدانو ډېرې رایې اخیستې دي د رایې ورکوونکو د فریکونسي جدول په لاندې ډول دی.									
<table><tr><td>کاندید</td><td>لومړی</td><td>دویم</td><td>دریم</td></tr><tr><td>فریکونسي</td><td>30 زره</td><td>50 زره</td><td>20 زره</td></tr></table>		کاندید	لومړی	دویم	دریم	فریکونسي	30 زره	50 زره	20 زره
کاندید	لومړی	دویم	دریم						
فریکونسي	30 زره	50 زره	20 زره						
تر ټولو زیاتې رایې دویم کاندید اخیستی دي. دویم کاندید به شوری ته لار شي دا چې یوازې یو کس حق لري چې شوری ته لار شي نو توپیر نه لري چې نورو دواړو څومره رایې اخیستې دي.									
له فعالیت څخه موخه دا ده چې همدا ډېرو رایو ته موډ وایي یا هره احصائیوي اطلاعات چې فریکونسي یې زیاته وي وي د موډ څخه عبارت دی.									
6. د زده کړې تحکیم یا پوخوالی (7 دقیقې):									
د زده کړې د لاپوخوالی لپاره د درسي کتاب مثال او مشابه سوالونه په ټولګي کې کار شي.									
7. د درس د پایلې ارزونه (5 دقیقې):									
محترم ښوونکی کولای شي چې د لوست د ارزښاتي لپاره دا ډول پوښتنې له زده کوونکو وکړي.									
د لاندې عددونو موډ پیدا کړي.									
1,1,2,3,4,1,2,5,7,5,5 او 3,8,11,5,4,8,6,7 داسې نور.									

8- د ښوونکو لپاره اضافي معلومات:

موډ هغه ډیټا ده چې له نورو ډاټاگانو څخه ډېره تکرار شوی وي کیدای شي د ډیټاگانو په منځ کې داسې ډیټا نه وي چې له نورو ډېره تکرار شوی وي چې په دې حالت موډ وجود نه لري. همداسې کیدای شي چې دوه یا زیاتې ډیټاگانې وي چې په مساوي شمېره سره تکرار شوی وي او که یوه ډیټا له بلې زیاته تکرار شوی وي نو ډیټاگانې دوه یا څو موډه لري. دا امکان لري چې د ډیټاگانو په تغیر سره موډ ثابت پاتې شي. سره له دې چې موډ د ډېرو مسایلو لکه ټاکنې (انتخابات) او نورو لپاره ښه وسیله ده لیکن په ځېنو وختونو کې موډ سمه پایله نشي ښودلای.

8. د پوښتنو ځوابونه:

1-

• درې موډونه لري چې د 2, 9 او 10 عددونه دي.

• موډ نه لري.

• دوه موډه لري چې 4 او 7 دی.

2-

• د A د سټ موډ د 19 عدد دی.

• د B سټ موډ نه لري.

• د C د سټ موډ د 9 او 8 عدد دی.

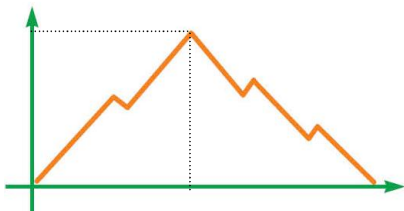
3- د یو زده‌کوونکي د کلني ازموينې نمبرې چې په جدول کې راکړ شوي دي موډ نه لري.

4- لاندې جدول د څلورمې پوښتنې ډیټاگانې ښکاره کوي.

د کالو رنگونه	سور	شین	تور	سپین	ابي
شمېر	9	14	12	8	19

د شین رنگ د کالو موډ زیات دی. چې د (14) عدد دی.

5- په لاندې گراف کې د موډ تقریبي ځای وټاکئ.





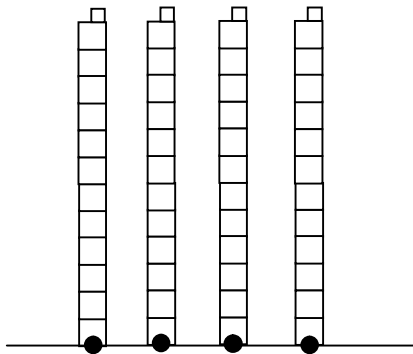
7-8: اوسط (Mean)

د کتاب مخ: 201 د لوست وخت (1 درسي ساعت)

<p>هيله کېږي چې زده کوونکي د لوست په پای کې لاندې موخو ته ورسېږي:</p> <ul style="list-style-type: none"> • د اوسط په تعريف او مفهوم پي وپوهېږي. • وکولای شي چې اوسط د نمونو، د فريکونسي د جدول او د احصائيوي ټولنې د ځانگړنو لپاره وکاروي. • د حسابي مسايلو په حل کې د اوسط اهميت درک او د استعمال ځايونه پي وپېژني. 	<p>1. د زده کړې موخې</p> <ul style="list-style-type: none"> - دانشي - مهارتي - ذهني
<p>پوښتنې او ځوابونه، مباحثه، ډله ییز، یو کسيز کار، تشریحي.</p>	<p>2. د زده کړې لارې:</p>
<p>تخته، چارټ، جدول، محیطي مواد، درسي کتاب ...</p>	<p>3. مرستندويه مواد:</p>
<p>محترم ښوونکی! د لومړنیو فعالیتونو څخه وروسته د تېر درس لوست په برخه کې پوښتنې وکړئ.</p> <p>د انگیزې د پیدا کولو لپاره له زده کوونکو څخه د وړودي پوښتنه وکړئ.</p> <p>ښکاره ده چې زده کوونکي به په ځواب کې ووايي چې دویم زده کوونکی ښه دی. لیکن ښوونکی! زده کوونکي متوجه کړئ چې په عمومي ډول داسې نه ده کیدای شي یو یو زده کوونکی په خپل ټولگی کې تکره وي د ځېنو ستونزو له امله په یوه یا دوه مضمونونو کې ښې نمبرې وانه خلي او له همدې امله یې د نمبرو اوسط ټپت شوی وي. سره له دې اوسط د ډیټاگانو د مرکزیت د ښولو لپاره یو ښه معیار دی لیکن په عمومي حالت کې قطعي حکم نه شي کولای.</p>	<p>4. د وړودي برخې توضیح:</p> <p>(5 دقیقې)</p>
 <p>5. د درس جریان او فعالیتونه (28 دقیقې):</p> <p>ښوونکی دې په ډله ییز توګه له زده کوونکو وغواړي چې د لوست فعالیت په غور سره ولولي او گراف ته په پام اړونده پوښتنو ته ځوابونه ورکړي.</p> <ul style="list-style-type: none"> • ښکاره ده چې پرویز 50 مخه لوستلي دي. • د میلو پر مخ مربعګانې د لاندې گراف په شان ځای پر ځای کړي چې اوږدوالی یې سره مساوي وي. • د هرې میلی اوږدوالی 12.5 واحد دی. • د میلو د اوږدوالو مجموعه 50 او د مخونو شمېر هم 50 دی یو له بله سره توپیر نه لري. • د مربعګانو له شمېرلو څخه کولای شو د هرې میلی اوږدوالی پیدا کړو. 	

د کتاب د لوستل شوو پاڼو شمېر د ورځو په شمېر وېشو:

$$\frac{50 \text{ د لوستل شوو پاڼو شمېر}}{(4) \text{ د ورځو شمېر}} = 12.5$$



- هو، پرویز هر هره ورځ په اوسط ډول 12.5 مخونه لوستلي دي.

- د ډلو استازي به د فعالیت ځوابونه پر تخته تشریح کړي محترم ښوونکی مرسته او لارښوونه کوي.

6. د زده کړې تحکیم یا پوخوالی (7) دقیقې:

د کتاب د مثال او د هغه په څېر نور مثالونه دې راوړول شي.

7. د درس د پایلې ارزونه (5) دقیقې:

د ارزونې لپاره کیدای شي د زده کونکو څخه وپوښتی د مثال په ډول:

$$\bar{x} = \frac{x_1 + x_2 + \dots + x_n}{n} \text{ د فورمول مفهوم وویاست.}$$

د $\{0, 1, 5, 7, 8, 3\}$ عددونو اوسط پیدا کړئ.

9. د پوښتنو ځوابونه:

$$1- \text{د لومړۍ مزرعې اوسط: } \frac{12 + 15 + 13 + 20 + 8}{5} = \frac{68}{5} = 13.6$$

$$\text{د دویمې مزرعې اوسط: } \frac{11 + 17 + 18 + 7 + 13}{5} = \frac{66}{5} = 13.2$$

$$\text{د دریمې مزرعې اوسط: } \frac{18 + 9 + 8 + 11 + 10}{5} = \frac{56}{5} = 11.2$$

لیدل کېږي چې د لومړنۍ مزرعې پیداوار د دویمې او دریمې مزرعې په نسبت زیات دی.

-2

- د کورنۍ د شپږو میاشتو عاید مساوي دی په:

$$5000 + 10000 + 8000 + 5000 + 15000 + 3500 = 46500$$

- د عاید اوسط:

$$\frac{5000 + 10000 + 8000 + 5000 + 15000 + 3500}{6} = \frac{46500}{6} = 7750$$

$$3- \text{د فوټبال د ملي ټیم د لوبغاړو د عمرونو اوسط عبارت دی له: } \frac{561}{22} = 25.5$$

- د هغه لوبغاړو شمېر چې عمر یې له اوسط څخه زیات دی 11 دی.

- د هغه لوبغاړو شمېر چې عمر یې له اوسط څخه لږ دی هم 11 دی.

-4

$$\bar{x} = \frac{3+8+5+9+3+7+8+a+4}{9} = 5.5$$

$$\bar{x} = \frac{47+a}{9} = 5.5$$

$$47+a = 49.5$$

$$a = 49.5 - 47 = 2.5$$

-5

• د احمد د نمر و اوسط: $\frac{795}{10} = 79.5$

• د حامد د نمر و اوسط: $\frac{812}{10} = 81.2$

• د حامد د نمر و اوسط د احمد د نمر و له اوسط څخه زیات دی.

7-9: د څپرکي د پوښتنو ځوابونه
د کتاب مخ: 206 د لوست وخت (1 درسي ساعت)

1.

الف: د پوښتنو په طريقه. ب: د تجربې په طريقه. ج: د تجربې په طريقه.

2. بايد معلومه شي چې که په دې پوښتنه کې موخه د افغانستان ټولنه وي نو افغاني کورني احصائيوي ټولنه ده او (100) افغاني کورنۍ چې په تصادفي ډول ټاکل شوي دي يوه نمونه ده.

3. کولای شو د افغانستان د اووم ټولگي زده کوونکي احصائيوي ټولنه ومنو او ستاسو ټولگي ددې ټولنې يوه نمونه ده او د رياضي د نمرې څېړل يوه تر بحث لاندې څېړنيزه موضوع وي.

4. که د څېړنې موضوع په افغانستان کې د سواد کچه وي د افغانستان ټول خلک احصائيوي ټولنه ده او ستاسو د سيمې خلک يوه نمونه ده.

5. که د يوې ټولنې غړي تر مطالعې لاندې ونيول شي

a. نو وايو چې (سرشمېرنه) مو کړې ده.

b. نمونه د احصائيوي ټولنې فرعي ست دی.

c. د يوې احصائيوي ټولنې د غړو شمېر ته د ټولنې (اندازه) وايي.

d. د يوې نمونې د غړو شمېر ته د نمونې اندازه وايي.

6. تصادفي متحولنه په دوه ډوله دي (کميتي او کيفي)

7. د تنې لوړوالی او وزن کميتي متحولين دي، د سترگو رنګ، د جامو رنګ کيفي متحولين دي.

8. د زده کوونکو د تنې لوړوالی او د يوې سيمې د تودوخې درجه متصل متحولونه دي د يو ښوونځي د زده کوونکو شمېر او د پوستې په يو صندوق کې د خطونو شمېر غير متصل (منفصل) متحولين دي.

9. وزن، حجم او اوږدوالی د اندازې وړ او استعداد، د وېښتاتو رنګ، ښکلا د اندازې وړ نه دي.

10. د (د) د تورې فريکونسي زياته ده چې (3) ده.

11.

175	177	151	170	156
177	152	159	156	177

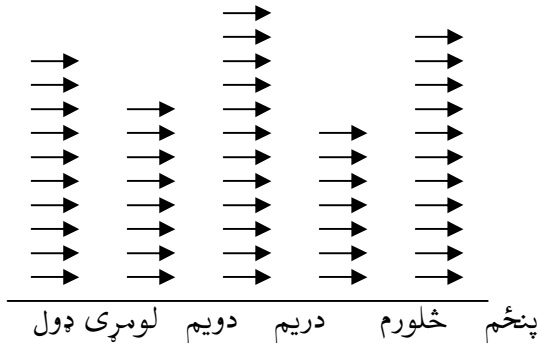
د 177 د عدد فريکونسي (2) او د (159) د عدد فريکونسي (1) ده.

12.

مجموعه	هغه کورنۍ چې د غړو شمېر يې زيات وي	هغه کورنۍ چې د غړو شمېر يې متوسط وي	هغه کورنۍ چې د غړو شمېر يې لږ وي	د کورنۍ ډول
40	20	12	8	د کورنيو شمېر

د 8، (12) او (20) عددونه د مطلقو فريکونسي په نامه يادېږي.

13. د دې پوښتنې انځوریز گراف په لاندې ډول دی.



14. په دې پوښتنه کې موږ د (15) عدد دی؛

15. موږ د (30) عدد دی.

16.

137	155	139	150	155
132	130	160	135	141
151	150	142	144	158
156	146	138	140	141

$$\bullet \quad \text{اوسط} = \frac{\text{د ډیټاگانو مجموعه}}{\text{د ډیټاگانو شمېر}} = \frac{2900}{20} = 145$$

• دا چې مجموعه دوه چنده کېږي نو اوسط هم دوه چنده کېږي.

• له مجموعي څخه $10 \cdot 20 = 200$ کېږي نو اوسط هم د $10 \cdot 20 = 200$ په اندازه کېږي.

17. $20 \cdot 8.5 = 170 = \text{د ډیټاگانو مجموعه}$

18.

$$\text{د احمد د نمرې اوسط} = \frac{321}{10} = 32.1$$

$$\text{د محمود د نمرې اوسط} = \frac{293}{10} = 29.3$$

$$\text{د خالد د نمرې اوسط} = \frac{276}{9} = 30.667$$

$$\text{د منصور د نمرې اوسط} = \frac{320}{9} = 35.556$$

نو د منصور د نمرې اوسط تر ټولو زیات دی.

$$\text{د پژواک د نمرې اوسط} = \frac{316}{9} = 35.112$$

مضمون	ریاضي	ساینس	عربي	انګلیسي	پښتو	دري	اسلامي زده کړې	هنرونه	بدني روزنه	ټولنیز علوم
محمود	24	35	20	25	27	22	36	34	30	40
احمد	22	26	28	30	35	40	37	32	38	33
منصور	40	38	32	30	33	35	33	40	39	
خالد	40	30	20	35	38	34	22	27	30	
پژواک	35	38	39	40	35	26	28	40	35	

یادونه: منصور، خالد، او پژواک د ټولنیزو علومو ازموینه نه ده ورکړې.



اتم خپرکی: احتمالات

1-8: د یوې پېښې د پېښیدو چانس

د کتاب مخ (211) د لوست وخت (1 درسي ساعت)

<p>1- د زده کړې موخې</p> <ul style="list-style-type: none"> - پوهنیزه - مهارتي - ذهني 	<p>- زده کوونکي د یوې تصادفي پېښې چانس وپېژني.</p> <p>د یوې پېښې د خامخا (حتمي)، شونې (کیدونکي) او ناشوني (نه کېدونکي) د کلمو په کارولو سره د ورځنیو پېښو چانس ارزښتي کړی شي.</p> <p>- د خامخا، شونې او ناشونو پېښو د چانس وړاندوینه وکړي شي.</p>
<p>2- د زده کړې میتودونه:</p>	<p>پوښتنې او ځوابونه، یوکسيز او گروپي کار....</p>
<p>3- مرستندویه توکي:</p>	<p>کتاب، تخته، تباشیر، چارت....</p>
<p>4- د ورودی برخې توضیح:</p> <p>(5) دقیقې</p>	<p>د لومړنیو فعالیتونو (سلام)، د حال پوښتنه، حاضری، د ټولگي منظمو او نورو) نه وروسته د چانس په مفهوم د درک کولو او انگیزې له پیدا کولو لپاره درودی د تصویر په برخه کې محترم ښوونکي له زده کوونکو پوښتنې کوي لکه څرنگه چې په تصویر کې لیدل کیږي نن باران اوري د خپلو تجربو له مخې ووايست چې سبا به باران اووري هغوی ضرور د ښايې، شونې او ناشونو په کلمو سره ځواب ورکوي.</p>
<p>5- د لوست بهیر او فعالیتونه (28) دقیقې:</p>	<p>هغه انگیزه چې زده کوونکو ته د لوست په ورودی برخه کې پیدا شوي ده د فعالیت ځوابونه د خامخا (حتمي)، شونې (کیدونکي) او ناشونې (نه کېدونکي) په کلمو سره ځوابوي. محترم ښوونکي دې متوجه اوسي چې ضروری نه ده چې ځوابونه یې یوشی وي، یوازې دا خبره ده چې زده کوونکي یو له حتمي، امکان لری او امکان نه لری په کلمو سره ځوابونه ووايي.</p> <p>کیدای شی چې ددې کلمو معادلي کلمې په کار یوړل شي لکه سل فیصده، صفر فیصد او یا ددې دواړو تر منځ پوښتنو ته ځواب ورکړو نو د یوې پېښې د پېښیدو چانس به خامخا (حتمي)، شونې (امکان لری) او ناشونې (امکان نه لري) په کلمو او یا ددوي په معادلو کلمو سره ځواب کړو او د پېښې له پېښیدو تر مخه یې چانس وازرو.</p>
<p>6- د زده کړې تحکیم یا پوځوالی: (7) دقیقې:</p>	<p>د زده کړې د لاپوځوالی لپاره د فعالیت او نتیجې څخه وروسته د لوست مثال د زده کوونکو په برخه اخیستنه کار کړئ د کتاب د مثال په شان د هر زده کوونکي څخه په ورځني ژوند کې د پېښو د پېښیدو د چانس پوښتنې وکړئ.</p>

7- د لوست د پايلې ارزونه (5) دقيقې

محترم ښوونکي! يوڅو تصادفي پېښې پر تخته وليکئ او په شفاهي ډول يې جلا، جلا له هر زده کوونکي وپوښتی تر څو د خامخا(حتمي)، شوني (ممکن) او نا شوني (ناممکن) په کلمو سره ځوابونه ووايي ددې ډول پوښتنو مثالونه په لاندې ډول دي.

- 1- په اوږې کې په کابل کې واوره اوږي.
- 2- په اوږې کې په سالنگ کې هوا سره وي.
- 3- په ننگرهار کې د نارنج ونې ميوه نه کوي. (نارنج نه کوي)

8- د ښوونکي لپاره اضافي معلومات:

محترم ښوونکي دې متوجه اوسي چې د يوې تصادفي پېښې په ارزونه کې له عددونو څخه کار نه اخلو، کونښن کيږي چې د يوې پېښې نتيجه په دريو کلمو خامخا، ناشوني، شوني (امکان لري) او يا د دوي تر منځ کلمو سره بيان کړو د خامخا وړاندوينه د هغو پېښو لپاره کارول کيږي چې پېښيدل يې حتمي وي لکه په هرې شپه پسې ورځ وي او ناشوني دهغه پېښو لپاره چې پېښيدل يې بالکل امکان و نه لري لکه مېړه هگي اچوي او داسې پېښې هم شته دي چې تريوه حده پورې امکان لري لکه د مثال په ډول امکان لري چې سبا ته هوا سره نه وي.

9- د پوښتنو ځوابونه:

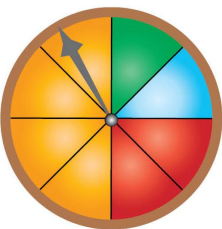
- 1- خامخا (حتمي)
 - a - ځمکه د لمر پر شاوخوا څرخي.
 - b - په هره شپه پسې ورځ وي.
 - c - يو کال څلور فصله دي.
- 2- شوني (امکان لري)
 - a - کيدای شي سبا ته باران اووږي.
 - b - کيدای شي ددې ټولگي يو زده کوونکي په راتلونکي کې ډاکټر شي.
 - c د گاوندې زوی ما پېژني.
- 3- ناشوني (ناممکن)
 - a - يو جسم چې پورته واچول شي بيرته ځمکې ته نه راځي.
 - b - د لور عمر يې له مور نه زيات وي.
 - c - لمر د لويديځ له خوا را خيژی.



8-2: احتمال

د کتاب مخ (213) د لوست وخت (1 درسي ساعت)

<p>1- د زده کړې موخې</p> <ul style="list-style-type: none"> - پوهنیزه - مهارتي - ذهنيتي 	<ul style="list-style-type: none"> • د یوې تصادفي پېښې په احتمال و پوهیږي. • د یوې تصادفي پېښې د پېښیدو احتمال او فیصدي پیدا کړی شي. • د ورځنیو تصادفي پېښو په وړاندوینه کې دپېښیدو د احتمال قیمت پیدا کړی شي.
<p>2- د زده کړې میتودونه:</p>	<p>پوښتنې او ځوابونه، یوکسيز او گروپي کار....</p>
<p>3- مرستندویه توکي:</p>	<p>کتاب، چارت، محیطی مواد، د بحث د ازمیښت څرخ.</p>
<p>4- د ورودی توضیح برخې:</p> <p>(5) دقیقې</p>	<p>ښوونکی د احوال پوښتنې او د تیر لوست د لنډ تکرار او دتیر لوست په برخه کې له پوښتنو نه وروسته د ورودی پوښتنې او ځواب په برخه کې لوست پیل کوي او له زده کوونکو پوښتنه وکوي چې دداسي پېښو د پېښیدو د احتمال او فیصدي په برخه کې څنگه ځواب ورکوي. داچې څه وخت مونږ د یوې تصادفي پېښې د پېښیدو چانس په عددونو سره بیانوو نو د احتمال کلمه منځ ته راځي.</p>
<p>5- د لوست بهیر او فعالیتونه (28) دقیقې:</p> <p>د ورودی متن وروسته ښوونکی له زده کوونکو غواړي چې هر یو زده کوونکی دې د کتاب فعالیت په غور سره ولولي او ځوابونه دې په خپلو کتابچو کې وليکي او د فعالیت دیوې یا دوو پوښتنو ځوابونه دې ور سره کار کړي که چیرې یو زده کوونکی په سلو ورځو کې 5 ورځی ناسوب وی نو سهار ددې زده کوونکي ښوونځی ته د راتگ احتمال 95% دی. او که یو زده کوونکی زیاتي ورځي ناسوب وي لکه چې که دا زده کوونکی په 100 ورځو کې 90 ورځي ناسوب وي نو ددې زده کوونکي سبا ښوونځی ته دراتگ امکان 10% دی نو له همدې امله د یوې تصادفي پېښې د وړاندوینې په احتمال کې د پېښیدو لومړنی ارقام رول لري. کونښن دې وشي لکه څرنگه چې د فعالیت په لومړۍ جز کې فیصدي ورکړشوی ده چې هر زده کوونکی جلا جلا داسې فیصدي گانې ووايي که د زده کوونکو ځوابونه سره توپیر ولري فرق نه کوي ځکه چې هرې تیرې پېښې څخه د هر انسان پخوانی تجربې سره توپیر لري.</p>	
<p>6- د زده کړې تحکیم یا پوځوالی: (7) دقیقې:</p> <p>له فعالیت سرته رسولو څخه وروسته دلوست د لاپوځوالی لپاره د درسي کتاب مثال دې زده کوونکي په غور سره ولولی او پر تخته دې حل کړي او محترم ښوونکی دې مرسته او لارښوونه وکړي. او که وخت و ښوونکی کولای شي د نورو رنگونو د راتگ په برخه کې له زده کوونکو وپوښتي او په لنډ ډول دې زده کوونکو ته څرگنده شي. چې دیوې پېښې د پېښیدو احتمال د صفر فیصد او سل فیصد ترمنځ او یا د صفر او یو تر منځ وي.</p>	



7- د لوست د پایلې ارزونه (5) دقیقې

دلوست د ارزیابی لپاره کیدای شي چې که ښوونکی په عملي ډول یوه سکه پورته واچوی او وپوښتی څو فیصده امکان لری چې مخ (خط) یا خټ (شیر) او یا یو هم رانه شي او یا دواړه راشي. څرنګه چې پوهیږو چې د شیر یا خط د راتلو امکان 50% او داچې یو هم رانه شی. 0% او د شیر او خط د راتلو امکان 100% دی.

8- د ښوونکي لپاره اضافي معلومات:

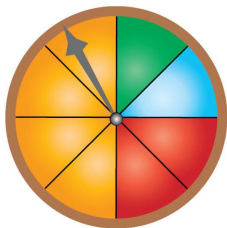
محترم ښوونکی دې غور وکړی چې د هغه تصادفي پېښې د پېښیدو احتمال چې 100% ناشونی (ناممکن) وی 0% دی او که وړاندوینه یې خامخا (حتمی) وی 100% دی نو دیوې تصادفي پېښې د پېښیدو احتمال د 0% او 100% ترمنځ دي او که په عددې ښکاره کوونو د صفر او یو (1) ترمنځ وي. د احتمال د کلاسیک تعریف په اساس د تصادفي پېښې د مساعدو حالتونو د شمیر او دپېښیدو ټولو حالتونو ترمنځ نسبت ته د احتمال قیمت وایي لکه دیوې سکې په اچولو کې که د شیر د راتللو احتمال مطلوب وي دیوې سکې په اچولو کې (2) حالتونه امکان لري چې شیر یا خط دی او مساعد حالتونه (1) دی نو د احتمال قیمت $50\% = 0.5 = \frac{1}{2}$ ښکاره کوی.

9- د پوښتنو ځوابونه:

1- که ټوله دایره 100% په پام کې ونیسو د احتمال مساوي ویشل مونږ ته ښکاره کوي چې د هر یو آبي یا شنه رنګ د راتلو احتمال د دایرې $\frac{1}{8}$ برخه ده چې 12.5% کیږي.

2- د ژېړ رنګ د راتلو احتمال صفر فیصد دی ځکه چې ژېړ رنګ په دایره باندې نشته دی.

3- څرنګه چې پر دایره د شنه او آبي رنګ مساحت سره برابره دی نو د پېښیدو (راتللو) احتمال یې هم سره مساوی دی او هم د رنګ شوو برخو له مخې ویلای شو چې د سره رنګ د راتللو احتمال د شنه او آبي رنګ د راتلو د احتمال د مجموعې سره مساوي دی.



4- د سره رنګ احتمال د شنه یا آبي رنګ د احتمال دوه چنده دی.

5- د رنګ شوې برخې احتمال 100% دی.



8-3: د یوې تصادفي پېښې تجربه

د لوست وخت (1 درسي ساعت)

د کتاب مخ (215)

<ul style="list-style-type: none"> • زده کوونکي د تجربې احتمال په قیمتو و پوهیږي. • دیوې تصادفي پېښې د تجربې احتمال قیمت پیدا کړي شي. • په ورځنیو مسایلو کې د هرې تصادفي پېښې د تجربې د احتمال قیمتونه په یوه تجربه کې تطبیق کړي شي. 	<p>1- د زده کړې موخې</p> <ul style="list-style-type: none"> - پوهنیزه - مهارتي - ذهنیتي
<p>گروپي کار، پوښتنې او ځوابونه، مباحثه، یو کسینر کار...</p>	<p>2- د زده کړې میتودونه:</p>
<p>کتاب، چارت، او 5 دانې سکي، محیطی مواد...</p>	<p>3- مرستندویه توکي:</p>
<p>محترم ښوونکي د احوال پوښتنې او د تیر لوست د لنډ تکرار او د تیر لوست په برخه کې د پوښتنو نه وروسته پوښتنې کوي د وروډي پوښتنې ته د زده کوونکو پام راوړي. ښکاره خبره ده چه دامسأله د لوبی د میدان د حاکم په مرسته دیوې سکي داچولو (مخ یا شا) په نتیجه کې فیصله کیږی.</p>	<p>4- د وروډی برخې توضیح:</p> <p>(5) دقیقې</p>
<p>5- د لوست بهیر او فعالیتونه (28) دقیقې:</p> <p>د سکې اچول د گټلو او بایللو لپاره یوه انگیزه پیدا کوي او د واړه خواوې یې کوبښن کوي تر څو سم انتخاب وکړي ددې لپاره چې د سکې دا چولو په نتیجه کې به یې وگټو او که به یې بایلو ددې پوښتنې د ځواب لپاره اړتیا پیدا کیږی ترڅو یوه پېښه تجربه شي چې دا د همدې درس موخه ده.</p> <p>د لوست د فعالیت له جدول سره سم زده کوونکي دې په (6) گروپونو وویشل شي او د جدول د (2) خانې څخه تر (7) پورې دې ځوابونه ووايي او له هر گروپ څخه دې وغوښتل شي چې د جدول د لومړۍ خانې په شان دسکې د پورته اچولو ځلونه په نظر کې نیولو سره سکه پورته واچوي او نتیجه یې د جدول د لومړۍ خانې په شان ولیکي.</p> <p>ښوونکي دې د کتاب په شان جدول په تخته رسم کړي او د هر گروپ نتیجه د سکې د څوڅلو اچولو نه وروسته په جدول کې ولیکي او نتیجه سره پرتله کړي لیدل کیږي چې نتیجه یې توپیر سره لري. له دې امله نه شو کولای چې د یوې تصادفي پېښې د وړاندوینې لپاره یو مشخص عدد وښیو نو د یوې تصادفي پېښې احتمال یو تصادفي عدد دی.</p>	
<p>6- د زده کړې تحکیم یا پوځوالی: (7) دقیقې:</p> <p>محترم ښوونکي! د زده کړې د لاپوځوالی لپاره د کتاب مثال پر تخته کار کوي ترڅو د زده کوونکو په برخې اخیستنې سره مثال حل او تاسو د یو همکار رول ولوبوئ.</p>	

7- د لوست د پایلې ارزونه (5) دقیقې

دلوست د ارزیابی لپاره استاد کولای شي هغه گروپونه چې د جدول په حلولو کې یې مخکې ټاکلی وه د هر گروپ څخه یو، یو زده کوونکی د تختې پر مخ کار وکړي چې د پېښې د احتمال قیمتونه یې څرنگه پیدا کړي دي. تاسو ښوونکی ور سره همکاري او لارښوونه وکړئ.

8- د ښوونکي لپاره اضافي معلومات:

دیوې تصادفي تجربې ټولې امکان لرونکې نتيجه په یو سټ کې لیکو چې د نمونې د فضا په نامه یادېږي د نمونې په فضا کې هرې امکان لرونکې نتيجه ته لومړنۍ حادثه وايي ځکه چې نوره د تجزيې وړنه ده لکه دیوې سکې په اچولو کې د مخ یا خط او شیر (یا خټ) راتلل یوه لومړنۍ حادثه ده. د نمونې یوه فضا کولای شي چې بې شمیره غړي ولري لیکن زموږ بحث هغه تصادفي پېښې دي چې د نمونې فضا یې معین شمیر غړي لري چې د معینې نمونې فضا په نامه یادېږي په عمومي ډول د نمونې فضا په S او غړي یې په n چې یو طبیعي عدد دی ښودل کېږي.

9- د پوښتنو ځوابونه:

1- پوهیږو چې د رمل دانه یو مکعبی شکل لري چې 6 سطحې لري او په هره سطحه یې د (1) څخه تر (6) پورې نښې کښل (حک) شوي دي او د شرط وهنې په بیلابیلو لوبو کې استعمالیږي محترم ښوونکی دې متوجه اوسي چې د روپو د شرط وهلو پر ځای د زده کوونکو پام تربیوی مثبتو شرط وهلو خواته واړوي.

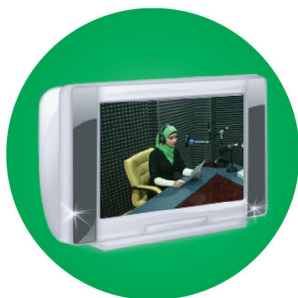
a: پوهیږو چې د یو د رمل دیوې دانې په اچولو کې (6) حالتونه امکان لري چې کیدای شي د 1,2,3,4,5 او 6 نښې راشي.

b: پوهیږو چې د رمل د هر ځل اچولو سره (6) حالتونه ممکن دي چې د (1) د شماری احتمال $\frac{1}{6}$ دی او په نهم ځل هم د (1) د راتگ احتمال $\frac{1}{6}$ دی.

2- a: د مخکنیو معلوماتو پر اساس چې هره ورځ حاضرې دلین پر سر اخیستل کېږي عبارت دی له

$$\text{احتمال} = \frac{\text{دهغه ورځو شمیر چې حاضرې دلین پر سر اخیستل کېږي}}{\text{د یوې هفتې د تدریسي ورځو شمیر}} = \frac{6}{6} = 1 = 100\%$$

$$\text{احتمال} = \frac{\text{دهغه ورځو شمیر چې حاضرې دلین پر سر نه اخیستل کېږي}}{\text{د یوې هفتې د تدریسي ورځو شمیر}} = \frac{0}{6} = 0 = 0\%$$



8-4: تصادفي تجربه

د کتاب مخ (217) د لوست وخت (1 درسي ساعت)

<p>1- د زده کړې موخې</p> <ul style="list-style-type: none"> - پوهنيزه - مهارتي - ذهني 	<ul style="list-style-type: none"> • زده کوونکي د تصادفي تجربې په مفهوم وپوهيږي (هغه تجربه چې نتيجه يې معلومه نه وي) • د تصادفي تجربې او دهغه تجربې چې نتيجه يې معلومه وي توپير وکړي شي. • په مثالونو کې د يوې تصادفي تجربې نتيجه او مساعد حالتونه وپيژني.
<p>2- د زده کړې ميتودونه:</p>	<p>يوکسینر او ډله ییز کار، پوښتنی او ځوابونه، مباحثه....</p>
<p>3- مرستندويه توکي:</p>	<p>کتاب، تخته، محیطی مواد، چارت، د رمل دانه</p>
<p>4- د ورودي برخې توضیح:</p> <p>(5) دقیقې</p>	<p>د احوال پوښتنې څخه وروسته ښوونکي د زده کوونکو توجه د ورودي د ساده پوښتنو خواته اړوي او ورته وايي داسې پوښتنې چې ځواب يې معلوم نه وي او په قاطع ډول حکم نشو کولای دا يوه تصادفي تجربه ده.</p>
<p>5- د لوست بهير او فعاليت (28) دقیقې:</p> <p>د کتاب د فعاليت په برخه کې دی ښوونکي د هر زده کوونکي څخه په جلا، په جلا ډول ځوابونه وغواړي او ښوونکي دې دوې په دې پوه کړي چې داسې تجربې چې د نتيجه وړاندوينه يې نه شو کولای تصادفي تجربې دي او يوه تجربه چې نتيجه يې مخکې له مخکې نه معلومه وي تصادفي تجربه نه ده او وړاندوينه يې معنا نه لري. داسې پېښې شته دي چې د تېرو تجربو په اساس يې د نتيجه وړاندوينه کولای شو لکه د فعاليت ددې پوښتنې په ځواب کې له يوه سړک څخه د پيل د تيريدو انتظار سره ددې چې زموږ په هيواد کې داسې پېښه نه ده شوي او هغه ورځ چې زده کوونکي د فعاليت سر ته رسوي هم به داسې پېښه نه وي شوي خو بيا هم 100% نه شو ويلاي چې له سړک څخه به پيل تير شي که نه. نو په همدې ډول هغه پېښې چې نتيجه يې معلومه نه وي تصادفي پېښې نومېږي. ښوونکي کولای شي چې د فعاليت زده کوونکو ته يوه ورځ ترمخه دکورنۍ کار په حيث ورکړي چې د خپل کور تر مخه سړک څخه د تيريدونکو احصايه وليکي او له زده کوونکو وپوښتي چې له مخکې پوهيدئ چې څو موټرونه ستاسوله مخی د سړک څخه تيرېږي ښکاره ده چې ځواب يې نه دی. آيا د پيل په برخه کې چې له سړکه تير شي هم نه شو ويلاي چې 100% امکان نه لري سره له دې چې تر اوسه مو په افغانستان کې نه دی ليدلی چې پيل له سړکه تير شوي وي.</p>	
<p>6- د زده کړې تحکيم يا پوځوالی: (7) دقیقې:</p> <p>د زده کړې د پوځوالی لپاره د زده کوونکو څخه د پوښتنو او ځوابونو په شکل د کتاب مثال حل کړي. چې آيا د ټولگي د نماينده (مشر) د ټاکلو لپاره د پچي داچولو څخه تر مخه ويلاي شو چې د چا نوم به راووزي؟ دا يوه تصادفي تجربه ده کيدای شي د ښې زده کړې لپاره د زده کوونکو څخه د يوې تصادفي تجربې پوښتنه وشي.</p>	

7- د لوست د پایلې ارزونه (5) دقیقې

دلوست د ارزونې په برخه کې ښوونکي کولای شي چې مختلفې تجربې لکه د سکې یا رمل اچول د زده کوونکو څخه په شفاهي ډول وپوښتي ترڅو د ښوونکي پوښتنو ته شفاهي ځوابونه ووايي.

8- د تمرین او سوالونو ځوابونه:

- 1- آیا یوه سکه چې یوه خوا یې مخ (خط) او بله خوا یې شا (شیر) وي پورته واچول شي یوه تصادفي تجربه ده؟ هو ځکه مخکې له مخکې نه پوهېږو چې د سکې مخ راځي او که شا.
خو په لومړۍ پوښتنه کې ویل شوي دي چې که فرضاً د سکې دواړه خواوي یو شان (دواړه خواوې شپږ یا دواړه خواوې خط) وي آیا دا تصادفي تجربه ده؟ نه دا یوه تصادفي تجربه نه ده، ځکه چې د سکې د اچولو څخه تر مخه یې په نتیجه پوهېږو.
- 2- د خلکود مستقیمو پتو رایو په مرسته د ولس د مشر ټاکل یوه تصادفي تجربه ده ځکه چې مخکې له مخکې نه پوهېږو چې کوم کانديد بريالی کېږي.
- 3- د ورځیني ژوند څخه د تصادفي (ناڅاپي) تجربو مثالونه عبارت دي له:
a- د لاتري د ټکټو د پچۍ اچول یوه تصادفي تجربه ده.
ځکه چې مخکې له مخکې نه پوهېږو چې وړونکي ټکټ د چا په نوم دی.
- b- د بانک د بخت په حساب کې د جایزې گټل یوه تصادفي تجربه ده، ځکه چې مخکې له مخکې نه پوهېږو چې جایزه د چا د حساب د لمبر سره برابره ده.
- 4- که د یوې جمعې څخه چې درې شنه پنځوسونه لري یو راواخلو دا یو ناڅاپه (تصادفي) ازموینه یا تصادفي تجربه نه ده ځکه چې مخکې له مخکې یې په نتیجه پوهېږو.



5-8: د نتیجې یا د نمونې فضا

د لوست وخت (1 درسي ساعت)

د کتاب مخ (219)

<ul style="list-style-type: none"> • زده کوونکي د نمونې یا نتیجې فضا وپيژني. • د یوې تصادفي تجربې د لومړنیو نتیجو سټ تشکیل کړی شي. • په ورځنۍ ژوند کې تصادفي تجربې وپيژني او د لاس ته راغلو نتیجو د نمونې فضا تشکیل کړی شي. 	<p>1- د زده کړې موخې</p> <ul style="list-style-type: none"> - پوهنیزه - مهارتي - ذهنيتي
پوښتنې او ځوابونه، گروپي او یوکسيز کار، مباحثه...	2- د زده کړې میتودونه:
سکه، کتاب، تخته، کڅوړه، پنډوسونه	3- مرستندویه توکي:
د لومړنیو فعالیتونو نه وروسته محترم ښوونکی د زده کوونکو پام د وړودې پوښتنې ته راگرځوي چې که یو څوک یوه سکه پورته واچوی او د نتیجې انتظار لری چې مخ (خط) یا شا (شیر) به شي. ددې انگیزې په پیدا کولو سره خپل لوست پیل کوي.	4- د وړودې برخې توضیح: (5) دقیقې
<p>5- د لوست بهیر او فعالیت: (28) دقیقې:</p> <p>ښوونکی د پوښتنو په مېتود پیل کوی تر څو زده کوونکي، جلا، جلا د فعالیت پوښتنو ته ځوابونه ورکړي. په دې پوهېږو چې د یوې سکې پورته اچول یوه تصادفي تجربه ده ځکه چې مخکې له مخکې نه شو ویلای چې د سکې شا یا مخ به راشي. او هم له زده کوونکو وپوښتل شي که شا(شیر) رانه شی. د بلې کومې نتیجې انتظار کولای شو؟ او آیا همدا یوه بله امکان لرونکي نتیجه وجود لري؟ په مجموعی ډول څو نتیجې امکان لري؟</p> <p>ښوونکی دې امکان لرونکي نتیجې د سټ د علامې په داخل کې ولیکي چې همدې سټ ته د امکان لرونکو نتیجو سټ یا د نمونې فضا وایي. د نمونې د فضا هر عنصر د تجربې یوه لومړنۍ حادثه جوړوي یا هره تصادفي تجربه امکان لرونکي نتیجې لري چې د نمونې د فضا په نامه یادېږي. په دې معنا چې د لومړنیو حادثو سټ د نمونې فضا جوړوي. یا د نمونې د فضا هر عنصر په حقیقت کې د تصادفي تجربې یوه امکان لرونکي نتیجه ده.</p>	
<p>6- د زده کړې تحکیم یا پوځوالی: (7) دقیقې:</p> <p>د زده کړې د لا ښه والي لپاره د لوست مثال پر تخته کار کړئ.</p>	
<p>7- د درس د پایلې ارزونه: (5) دقیقې</p> <p>ښوونکي د لوست د ارزونې لپاره د یوې تصادفي تجربې مثال راوړئ او له زده کوونکو وغواړئ چې د نمونې فضا په جلا جلا ډول هر زده کوونکي په خپلو کتابچو کې ولیکي او د زده کوونکو د کار څارنه وکړئ او د موضوع زده کړه و ارزوئ.</p>	

8- د ښوونکي لپاره اضافي معلومات:

که د یوې تصادفي تجربې لومړنۍ نتيجه ته e_1, e_2, \dots, e_n ووايو نو د نمونې فضا (S) يې عبارت ده له:

$$S = \{e_1, e_2, \dots, e_n\}$$

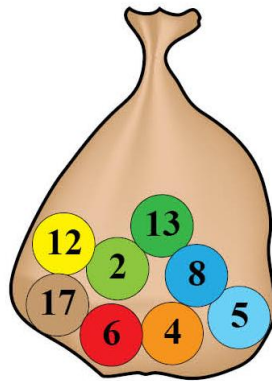
e_i چې $i = 1, 2, \dots, n$ وی د نمونې د فضا عناصر دي.

د نمونې د فضا هر فرعي سټ یوه اتفاقي حادثه ده نو له همدې کبله خالي سټ ϕ او S هم د نمونې د فضا فرعي سټونه دي چې ϕ یوه امکان نه لرونکې اتفاقي حادثه ده او S یوه د ډاډ وړ اتفاقي حادثه ده.

9- د تمرین او سوالونو ځوابونه:

1- په کڅوړه کې 8 پنډوسونه یا گلولې چې مختلف رنگونه لری شته خو دا امکان نه لري چې د (50) د شمارې پنډوس دې راووزی ځکه چې د (50) د شمارې پنډوس په کڅوړه کې نشته او د نمونې فضا يې عبارت ده له:

$$S = \{2, 4, 5, 6, 8, 12, 13, 17\}$$



2- د یوې دانې رمل په اچولو کې د نمونې فضا او یا د امکان لرونکو نتيجه فضا عبارت ده له:

$$S = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$$



د لوست وخت (1 درسي ساعت)

د کتاب مخ (221)

<p>1- د زده کړې موخې</p> <ul style="list-style-type: none"> - پوهنيزه - مهارتي - ذهني 	<p>- زده کوونکي د يوې حادثې (پېښې) د احتمال په کلاسيک تعريف وپوهېږي.</p> <p>- د يوې تصادفي تجربې د اتفاقي (ناڅاپي) پېښې احتمال پېدا کړی شي.</p> <p>- د ورځنيو مسایلو د تصادفي پېښو احتمال پېدا کړی شي.</p>
<p>2- د زده کړې میتودونه:</p>	<p>یو کسيز او گروپي کار، پوښتنې او ځوابونه</p>
<p>3- مرستندويه توکي:</p>	<p>کتاب، تخته، د رمل دانې. . .</p>
<p>4- د ورودی برخې توضیح:</p> <p>(5) دقیقې</p>	<p>ښوونکي د لومړنيو فعالیتونو څخه وروسته د انگیزې د پیدا کولو لپاره زده کوونکي د ورودی برخې پوښتنې ته متوجه کوي چې تر اوسه یې د احتمال قیمت د تجربې په مرسته پیدا کاوه، اوس غواړو چې په نظری ډول د یوې حادثې د احتمال قیمت له فورمول څخه څرنگه حسابولای شو.</p>
<p>5- د لوست بهیر او فعالیت: (28) دقیقې:</p> <p>ښوونکي زده کوونکو ته لارښوونه کوي چې په پوره غور سره فعالیت ووايي د پوښتنو ځوابونه دې په خپلو کتابچو کې وليکي او ښوونکي دې د هر یوه د کار څارنه وکړي او د فعالیت د پوره حلولو لپاره دې دوی ته لارښوونه وکړي. د هغه زده کړې په مرسته چې تر اوسه زده کوونکو حاصله کړې ده کولای شي چې د فعالیت پوښتنو ته ځوابونه ووايي.</p> <p>لیدل کېږي چې د یوې اتفاقي پېښې د احتمال د حسابولو لپاره کولای شو د لاندې فورمول څخه کار واخلو.</p> $\text{د یوې تصادفي پېښې د مساعدو حالتونو شمېر} = \frac{\text{د یوې تصادفي پېښې احتمال}}{\text{د تجربې د ټولو پایلو د حالتونو شمېر}}$ <p>دا تعريف د احتمال کلاسيک فورمول دی چې د پاسکال په واسطه وړاندې شوی دی.</p>	



6- د زده کړې تحکیم یا پوځوالی: (7) دقیقې:

د احتمال د حسابولو د کلاسیک فورمول په مرسته دې د لوست مثال زده کوونکي په خپلو کتابچو کې وليکي او ښوونکي دې د دوي کار وڅاري او لارښوونه دې ورته وکړي او په آخر کې دې له یوه زده کوونکي وغواړي چې دا مثال پر تخته حل کړي او نور زده کوونکي دې د هغه د کار له مخې په خپلو کتابچو کې اصلاح کړي.

7- د درس د پایلې ارزونه: (5) دقیقې

ښوونکي! د مختلفو تصادفي تجربو لپاره چې تر اوسه ور سره آشنا یو یوه تصادفي تجربه وټاکي او له زده کوونکو وغواړي چې د احتمال قیمت یې د فورمول په مرسته پیدا کړي او په دې ترتیب د لوست ارزونه وکړي لکه د مثال په ډول د رمل د یوې دانې د اچولو په صورت کې ددې احتمال چې د رمل دانه جفت وي پیدا کړي.

حل: څرنگه چې د نمونې فضا یې $S = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ ده چې 6 عنصره لري او د جفتې دانې تصادفي پېښه $E = \{2, 4, 6\}$ درې عنصره لري چې احتمال یې عبارت دی له:

$$P(E) = \frac{\text{د تصادفي پېښې د مساعدو حالتونو شمېر}}{\text{د تجربې د ټولو پایلو حالتونو شمېر}} = \frac{3}{6} = \frac{1}{2} = 50\%$$

8- د ښوونکي لپاره اضافي معلومات:

د یوې تصادفي پېښې د احتمال د پیدا کولو لپاره څرنگه عمل کوو:

1- د S نمونې فضا تشکیلوو که د عناصرو شمیر یې (n) وي.

2- د E تصادفي پېښه تشکیلوو که د عناصرو شمیر یې (m) وي.

3- د احتمال قیمت له لاندې فرمول څخه حسابوو:

$$P(E) = \frac{\text{د E د عناصرو شمېر}}{\text{د S د عناصرو شمېر}} = \frac{m}{n}$$

9- د پوښتنو ځوابونه:

a - 1: د E د تصادفي پېښې احتمال چې مشر (نماینده) یوه انجلی وي.

$$P(E) = \frac{\text{د انجلی لپاره مساعد حالتونه}}{\text{د ټولو زده کوونکو شمېر}} = \frac{6}{6+12} = \frac{6}{18} = \frac{1}{3} = 0.33 = 33\%$$

b - د E د تصادفي پېښې احتمال چې مشر (نماینده) یو هلک وي.

$$P(E) = \frac{\text{د هلک لپاره مساعد حالتونه}}{\text{د ټولو زده کوونکو شمېر}} = \frac{6}{6+12} = \frac{12}{18} = 0.66 = 66\%$$

a - 2: په دې حالت کې مساعد حالتونه 3 دي نو ددې احتمال چې گلوله (پنډوس) شنه وي عبارت دی له:

$$P(a) = \frac{\text{د شین پنډوس لپاره مساعد (برابر) حالتونه}}{\text{د ټولو گلولو (پنډسونو) شمېر}} = \frac{3}{6} = \frac{1}{2} = 50\%$$

b - د ژبرې گلولې یا پنډوس احتمال:

$$P(b) = \frac{\text{د ژبرې پنډوس لپاره مساعد (برابر) حالتونه}}{\text{د ټولو گلولو (پنډسونو) شمېر}} = \frac{2}{6} = \frac{1}{3} = 0.33 = 33\%$$

C: د تورې گلولې (پنډوس) احتمال:

$$P(c) = \frac{\text{د تور پنډوس لپاره مساعد (برابر) حالتونه}}{\text{د ټولو گلولو (پنډسونو) شمېر}} = \frac{0}{6} = 0\%$$

3- دا چې سکه په مخ (خط) راشي

$$P(a) = \frac{\text{د خط راتللو مساعد حالتونه}}{\text{ټول حالتونه}} = \frac{1}{2} = 0.5 = 50\%$$

b - دا چې سکه نه په خت (شیر) او نه په مخ (خط) راشي

$$P(b) = \frac{\text{برابر حالتونه د هر حالت لپاره}}{\text{ټول حالتونه}} = \frac{0}{2} = 0 = 0\%$$

د څپر کې د پوښتنو ځوابونه:

1-

- امکان لري چې له ورځو لرونکي اسمانه باران اوورېږي.
- د ورځې له خوا په آسمان کې د ستورو لیدل امکان نه لري.
- امکان نه لري چې اوښمرغی (شترمرغ) والوزي.
- امکان نه لري چې میږه هگۍ واچوي او بیا بچی ورکړي؟

2- د رمل د یوې دانې په اچولو کې چې یوه تصادفي تجربه (ازمېښت) ده لاندې پېښې، لومړنۍ تصادفي پېښې دي.

$$\{1\}, \{2\}, \{3\}, \{4\}, \{5\}, \{6\}$$

لیکن ددې تجربې د نمونې فضا $S = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ ده چې په مجموعي ډول $2^6 = 64$ تصادفي حادثې (تصادفي پېښې) لري چې څو حادثې یې عبارت دی له:

- هغه حادثه چې د رمل شمېره د 4 څخه کوچنۍ وي $\{1, 2, 3\}$
- هغه حادثه چې شمېره یې ناچه وي: $\{1, 3, 5\}$
- هغه حادثه چې شمېره یې جفته وي: $\{2, 4, 6\}$
- د ډاډ وړ حادثه: $\{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$
- امکان نه لرونکي حادثه: ϕ
- هره تصادفي لومړنۍ حادثه (پېښه) 58 نورې تصادفي پېښې هم لري چې کولای شو د لومړنیو تصادفي پېښو له ترکیب څخه یې په لاس راوړو.

3- که یوه تصادفي تجربه څلور لومړنۍ پېښې ولري د مثال په ډول که $S = \{a, b, c, d\}$ راکړل شوي وي نو $2^4 = 16$ تصادفي

پېښې لري چې عبارت دي له:

- $\{a\}, \{b\}, \{c\}, \{d\}$
- $\{a, b\}, \{a, c\}, \{a, d\}$
- $\{c, d\}$
- $\{a, b, c\}, \{b, c, a\}$
- $\{a, b, d\}, \{a, c, d\}$
- S, ϕ

4- د مثال په ډول د یوې سکې په اچولو کې د نمونې فضا عبارت ده له:

$$S = \{\text{مخ (خط)}, \text{خت (شیر)}\}$$

داسې تصادفي پېښه چې سکې خط یا شیر راشي یوه تصادفي ډاډمنه حادثه (پېښه) ده او دا چې سکې نه خط او نه شیر وي یوه ناممکنه تصادفي پېښه ده.

5- يوه د نمونې فضا څه شی دي سم ځواب د $\sqrt{}$ نښې سره وټاکئ:

() د یو آزمېښت (تجربې) هره نتیجه د نمونې فضا ده.

() د نمونې فضا پايلې نه لري.

($\sqrt{}$) د یوې تجربې د ټولو امکان لرونکو پايلو (نتیجو) سټ دی.

() یوه د ډاډ وړ او ناممکنه پېښه ده.

6- په یوه تصادفي تجربه کې هره تصادفي پېښه په P سره په نښه کړئ:

() یو عنصر د نمونې فضا ده

(P) د نمونې فضا یو فرعي سټ دی.

() په یوه تصادفي تجربه کې تصادفي پېښه چانس نه لري.

() امکان نه لري.

7- د دوه دانو افغانیو (سکو) په اچولو کې:

که چېرې د مخ (خط) راتللو ته T او د خټ (شیر) راتللو ته H ووايو نو د نمونې فضا یې عبارت ده له:

$$S = \{TT, TH, HT, HH\}$$

ددې احتمال چې دواړه افغانی په خټ (شیر) وي یو حالت وجود لري نو د احتمال د تعریف په اساس

$$\text{ددې احتمال چې دواړه سکی شیر وي} = P(\{HH\}) = \frac{1}{4} = 0.25 = 25\%$$

ددې احتمال چې دواړه افغانی (سکې) خط وي نو لرو چې:

$$\text{ددې احتمال چې دواړه سکی خط وي} = P(\{TT\}) = \frac{1}{4} = 0.25 = 25\%$$

ددې احتمال چې دواړه افغانی (سکې) یوشان وي نو لرو چې:

$$\text{ددې احتمال چې دواړه سکی یو شان وي} = P(\{TH, HT\}) = \frac{2}{4} = \frac{1}{2} = 50\%$$

8- په یوه کڅوړه کې 100 گلولې دي چې له 1 څخه تر 100 پورې عددونه پرې لیکل شوي دي یوه گلوله را باسو ددې احتمال

پیدا کړی چې:

• راوبستل شوی عدد په 5 پوره د وېش وړ دي.

پوهیږو چې ټول امکان لرونکي حالتونه 100 دي او د هغه حالتونو شمېر چې پر 5 پوره د وېش وړ وي عبارت دي له:

$$\{5, 10, 15, 20, 25, 30, 35, 40, 45, 50, 55, 60, 65, 70, 75, 80, 85, 90, 95, 100\}$$

نو پر 5 د وېش وړ لپاره له یو څخه تر 100 پورې 20 عددونه دي او احتمال یې عبارت دې له:

$$\text{راوبستل شوي عدد پر 5 د وېش وړ وي} = \frac{20}{100} = \frac{1}{5} = 0.2 = 20\%$$

• راوبستل شوی عدد یو جفت عدد وي.

پوهیږو چې د 1 او 100 ترمنځ 50 جفت عددونه دي.

$$P(\{\text{د ویش وړ وي 2}\}) = \frac{50}{100} = \frac{1}{2} = 0.50 = 50\% \text{ عدد جفت وي.}$$

• راویشل شوي عدد پر (12) د ویش وړ وي:

څرنګه چې د 1 او 100 ترمنځ د هغه عددونو شمېر چې پر 12 د ویش وړ وي، 8 دی نو:

$$P(\{\text{هغه عدد چې پر 12 د ویش وړ وي}\}) = \frac{8}{100} = \frac{2}{25} = 0.08 = 8\% \text{ را ویستل شوی عدد پر 12 د ویش وړ وي.}$$

• عدد دري رقمي وي د 1 او 100 پورې یو د 100 عدد دی.

$$P(\{\text{عدد دري رقمي وي}\}) = \frac{1}{100} = 0.01 = 1\% \text{ ددې احتمال چې عدد دري رقمي وي.}$$

• عدد څلور رقمي وي.

څرنګه چې د 1 او 100 ترمنځ څلور رقمي عدد نشته دی، نو:

$$P(\{\text{عدد د څلور رقمي وي}\}) = \frac{0}{100} = 0 = 0\% \text{ ددې احتمال چې عدد څلور رقمي وي.}$$